## MM. II. IOCISEBII II.,

**ПИЖЕНЕРЪ ПУТЕЙ СООБИДЕНИЯ** 

преподаватель пист. ниж. путей сообщ. императора АЛЕКСАНДРА І.

# основы

# ЭЛЕКТРОТЕХНИКИ.

ПЕТРОГРАДЪ. Типографія "Якорь", Б. Болотная, 10. 1917. Печатано по распоряженію Инст. Инж. Путей Сообщенія Императора АЛЕКСАНДРА І.

## ОГЛАВЛЕНІЕ.

	CIP.
Введеніе	1
Постоянный токъ	3
Законъ Ома	3
"Кирхгофа	4
Потери энергіи на нагръваніе	6
Магниты	8
Электромагниты	10
Магнитная индукція	15
Законъ Ома для магнитизма	17
Электромагнитная цъпь динамо-машинъ	19
Гистерезисъ	23
Электродвижущая сила индукціи	24
Возбужденіе электродвижущей силы въ якоръ динамо-машины	27
Тииы якорей	31
Электродвижущая сила динамо-машины	36
Токи Фуко	37
Возбужденіе динамо-машинъ	38
Реакція якоря	40
Динамо-машина съ послъдовательнымъ возбуждениемъ при перемънной	5
нагрузкъ	42
Динамо-машина съ параллельнымъ возбужденіемъ при перемънной	
нагрузкъ	44
Коэффиціентъ полезнаго дъйствія динамо-машинъ	46
Электродвигатели постояннаго тока	47
Вращающій моменть, число оборотовь и мощность электродвигателей	
постояннаго тока	49
Электродвигатели постояннаго тока съ параллельнымъ возбужденіемъ.	52
Электродвигатели постояннаго тока съ послъдовательнымъ возбужде-	
ніемъ	54
Аккумуляторы	55
Перемънный токъ	58
Однофазный токъ	58
Эффективныя значенія напраженій н тока	63
Электродвижущая сила самоиндукци	66
Законъ Ома для перемъннаго тока	68
Мощность или энергія перемѣниаго тока	69

											CTP.
Емкостное напряжение											70
Способъ трехъ вольтметровъ											73
Способъ трехъ амиерметровъ										è	74
Трехфазный токъ											75
Соединение звъздой											77
Соединеніе треугольникомъ											79
Энергія въ цъни трехфазнаго тока .											· 82
Трансформаторъ		•									84
Траисформаторъ при безъиндуктивной											87
Трансформаторъ при индуктивной наг		•									90
Разсываніе линій силъ въ трансформ											92
Электрическая тяга											97
Постоянный токъ											. 97
Однофазный токъ											99
Трехфазный токъ						٠.					101
Проектированіе электрической тяги.											103
Расчетъ электрическихъ проводов	ъ.	, .				•					117
Электрическое освъщение											126
Лампы накаливанія											126
Дуговые фонарн											127
Телеграфія											132
											132
Телеграфированіе по проводамъ Система Морзе											132
Система Интетона											135
											137
Система Юза											137
Многократная телеграфія											140
Телеграфированіе безъ проводовъ			• •	٠	•	٠	• •	•	٠	•	140
Телефонія											146
Телефонъ											146
Микрофонъ								٠,			147
Одновременное телеграфированіе и те											
воду				4							150
Телефонныя линіи											152

rup. B. Exporention

## Введеніе.

Электротехника представляетъ собой практическое примъненіе электрическихъ и магнитныхъ явленій. Эти явленія изучены путемъ опытовъ и на основаніи послъднихъ установлены точные законы, по которымъ происходятъ эти явленія.

Самая сущность упомянутыхъ явленій до сихъ поръ, однако, не установлена и объясненія явленій основаны на гипотезахъ, которыя совершенствуются по мъръ появленія новыхъ открытій и изслъдованій въ области электрическихъ и магнитныхъ явленій.

Съ 1900 г. госполствуетъ электронная теорія, въ основѣ которой лежитъ представленіе, что каждый іонъ, являющійся результатомъ распада молекулы на двѣ опредѣленныя части, называемыя іонами, — связанъ съ нѣкоторымъ количествомъ электричества. Каждый одноэквивалентный іонъ содержитъ одно и то же количество этектричества, являющееся элементарнымъ зарядомъ или атомомъ электричества и именуемое электрономъ.

Электрическій токъ, согласно этой теоріи, есть потокъ электроновъ. который вызывается дъйствіемъ на электроны электрическаго поля (электрическихъ силъ), являющагося въ свою очередь результатомъ разности потенціаловъ. При своемъ лвиженіи электроны сталкиваются съ молекулами и это и является причиной электрическаго сопротивленія.

Какъ извъстно изъ физики, потенціалъ точки электрическаго поля равенъ работъ электрическихъ силъ, при переходъ единицы электричества изъ этой точки въ безконечность или работъ внъшнихъ силъ, при переходъ единицы электричества изъ безконечности въ эту точку.

Такъ, если шаръ заряженъ положительнымъ электричествомъ и на его поверхности находится свободное тъло, заряженное единицей также положительнаго электричества, то, такъ какъ одноименныя электричества отталкиваются, упомянутое тъло будетъ оттолкнуто въ безконечность, на что будетъ затрачена работа

электрическихъ силъ, равная суммъ произведеній изъ силы отталкиванія на путь.

Гютенціалъ въ точк A, которая находится ближе къ шару, будетъ очевидно больше, нежели въ точк B, отстоящей дальше отъ шара, т. е. между точками A и B будетъ дъйствовать разность потенціаловъ, опредъляемая, какъ работа электрическихъ силъ при переход B единицы электричества изъ точки A въ точку B.

Причина возникновенія разности потенціаловъ называется электродвижущей силой.

Электродвижущая сила e получается или при помощи магнитной индукціи при движеніи проводниковъ въ магнитномъ полѣ, какъ это будетъ подробно выяснено ниже, или при помощи химическихъ процессовъ (гальваническіе элементы, аккумуляторы).

Единицей измъренія электродвижущей силы является вольтъ равный  $10^s\ CGS$  (абсолютн. един.).

Электрическій токъ появляется въ цѣпи изъ токопроводящаго матеріала, когда въ этой цѣпи дѣйствуетъ электродвижущая сила и цѣпь замкнута. Токъ, сохраняющій постоянство направленія, называется постояннымъ, а токъ періодически (нѣсколько разъ въ единицу времени) мѣняющій направленіе, называется перемѣннымъ.

Сила электрическаго тока i опредъляется какъ количество электричества, проходящее черезъ съченіе проводника въ секунду. Единицей измъренія служитъ амперъ, равный  $0.1\ CGS$ .

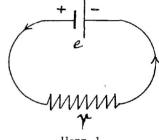
Количество электричества, проходящее черезъ съченіе проводника въ теченіе одной секунды, при силъ тока, равной одному амперу, называется кулономъ =  $0.1\ CGS$ .

### Постоянный токъ.

#### Законъ Ома.

Если въ замкнутой цѣпи (черт. 1), состоящей изъ токопроводящаго матеріала, имѣется электродвижущая сила, получаемая,

напримъръ, отъ элемента, разность потенціаловъ у борновъ котораго равняется e вольтъ, то въ цъпи циркулируетъ токъ i амперъ, прямо пропорціональный электродвижущей силъ e и обратно пропорціональный сопротивленію цъпи r, т. е.



$$i = \frac{e}{r}$$

или e = ir.

Черт. 1.

Сопротивленіе проводника r, выражаемое въ омахъ (омъ =  $10^9\ CGs$ ), прямо пропорціонально его длинѣ l, удѣльному сопротивленію  $\rho$ , т. е. сопротивленію проводника длиной въ 1 метръ и сѣченіемъ въ 1 кв. мм., и обратно пропорціонально сѣченію проводника s.

$$r = \frac{\rho l}{s}$$
.

Если въ вышеупомянутой цѣпи e или r подобраны такимъ образомъ, что i=1 амперу, то

$$e = r = \frac{\rho l}{s}$$
.

Согласно предыдущему, электродвижущая сила e есть работа, затрачиваемая на перемъщеніе единицы электричества по проводнику между точками, между которыми имъется разность потенціаловъ = e. Выраженіе  $\frac{\rho}{s}$  представляетъ собою сопротивленіе

1 метра проводника цъпи. Электродвижущая сила e расходуется такимъ образомъ на преодолъніе силы сопротивленія  $\frac{\rho}{s}$  на протяженіи l.

Если сила тока въ цъпи равна i амперъ, то для перемъщенія въ i разъ большаго количества электричества требуется затратить въ i разъ большую силу, т. е.  $\frac{i\rho}{s}$ , и, слъдовательно, работа, затрачиваемая на перемъщеніе количества электричества, отвъчающаго силъ тока i, будетъ:

 $e = \frac{i\rho}{s} l = ir$ .

Что касается работы, совершаемой токомъ, то, какъ показываетъ опытъ, она равняется произведению силы тока i на электродвижущую силу e за промежутокъ времени l, т. е.

$$W = e \cdot i \cdot t$$
.

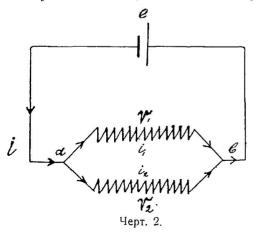
Единица электрической работы изм вряется джаулем  $\mathbf{b} = 10^7 CGS$ . Электрическая работа, совершенная въ единицу времени (секунду), представляетъ собою мощность

$$P = = ei$$
.

Единицей измъренія электрической мощности является ваттъ $=10^7\ CGS$ .

## Законъ Кирхгофа.

Если въ цѣпи (черт. 2), въ которой дѣйствуетъ электродвижущая сила e, включены параллельно другъ другу два



или нъсколько сопротивленій  $r_1$   $r_2$ , то въ точкахъ развътвленія a и b токъ, притекающій въ точку развътвленія, равенъ суммъ токовъ, расходящихся, и обратно (1 законъ Кирхгофа).

На основаніи этого закона и закона Ома можеть быть опредълено общее сопротивленіе, составляющееся изъдвухъ параллельныхъ сопротивленій  $r_1$  и  $r_2$ .

Общая сила тока i въ цъпи равняется суммъ токовъ въ развътвленіяхъ, т. е.

 $i = i_1 + i_2$ .

По закону Ома

$$i_1 = \frac{e}{r_1}; \ i_2 = \frac{e}{r_2}; \ i = \frac{e}{r}.$$

Подставляя въ вышеуказанное уравненіе соотвътствующія значенія  $i_1$   $i_2$  i, и имъя въ виду, что разность потенціаловъ между точками a и b одна и та же во всъхъ трехъ случаяхъ, получаемъ

$$\frac{1}{r} = \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}$$

 $r = \frac{r_1 \, r_2}{r_1 - r_2} \, .$ 

Кромъ того, такъ какъ

 $e = i_1 r_1 = i_2 r_2$ ,

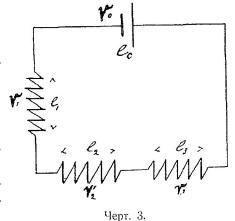
TO

$$rac{\dot{i}_1}{\dot{i}_2} = rac{r_2}{r_1}$$
 ,

т. е. сила тока въ развътвленіяхъ обратно пропорціональна сопротивленіямъ.

Если въ цъпъ, въ которой дъйствуетъ электродвижущая сила  $e_{\rm 0}$ , напр. отъ элемента, внутреннее сопротивленіе коего  $r_{\rm 0}$ ,

включены послъдовательно нъсопротивленій СКОЛЬКО (черт. 3), то электродвижущая сила  $e_0$  идетъ на преодолъніе суммы всъхъ этихъ сопротивленій. До замыканія ц $\pm$ пи  $e_0$  представляет $\pm$ собою разность потенціаловъ у γ борновъ элемента. Когда цъпь замкнута и въ цъпи установился токъ силой i амперъ, то часть электродвижущей силы, равная  $ir_0$ , идетъ на преодолъніе внутренняго сопротивленія и поэтому напряженіе у борновъ элемента понижается до величины  $e = e_0 - i r_0$ .



.

Сопротивленія  $r_1 r_2 r_3$  поглощають въ свою очередь соотв'ьтственныя части e, равныя  $ir_1, ir_2, ir_3$  и, слѣдовательно,

$$e = ir_1 \cdot | -ir_2 \cdot | -ir_3$$
.

Вообще, въ замкнутой цъпи сумма произведеній тока на послъдовательно включенныя сопротивленія равна алгебраической суммъ дъйствующихъ въ цъпи электродвижущихъ силъ (2-й законъ Кирхгофа).

## Потери энергіи на нагръваніе.

При прохожденіи тока i по проводнику, сопротивленіе котораго  $r_1$  (черт. 3), происходитъ нагрѣваніе проводника, т. е. часть электрической энергіи теряется на нагрѣваніе. Количество этой энергіи равняется, согласно предыдущему, произведенію электродвижущей силы  $e_1$ , идущей на преодолѣніе сопротивленія  $r_1$ , на силу тока i

$$P = e_1 i$$
.

Такъ какъ

$$e = r_1 i$$
,

TO

$$P = i^2 r_1$$
 (законъ Джауля).

Токъ отъ источника электрической энергіи, напр. динамо-машины, подводится по проводамъ къ источникамъ потребленія электрической энергіи, напр. лампамъ накаливанія. Нагрѣваніе послѣднихъ является полезнымъ нагрѣваніемъ, а нагрѣваніе подводящихъ проводовъ—безполезной потерей энергіи. Для уменьшенія послѣдней можно или уменьшать сопротивленіе подводящихъ проводовъ или уменьшать въ нихъ силу тока. Уменьшеніе сопротивленія можетъ быть достигнуто только за счетъ увеличенія сѣченія проводовъ, согласно выраженія

$$r = \frac{\rho l}{s}$$
,

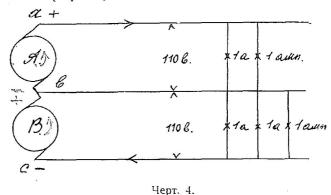
такъ какъ длина проводовъ l и удъльное сопротивленіе  $\rho$  для каждаго даннаго случая величины постоянныя. Увеличеніе съченія проводовъ сопряжено, однако, съ излишнимъ расходомъ на мѣдь. Поэтому болѣе выгоднымъ представляется уменьшать силу тока, при условіи, однако, сохраненія количества передаваемой энергіи, т. е. P.

Такъ какъ P = ei, то при уменьшеніи i необходимо одновременно увеличивать электродвижущую силу e.

При передач'в энергіи на разстояніе при помощи постояннаго тока, напряженіе на центральной станціи должно сообразоваться

съ напряженіемъ, на которое сконструированы источники потребленія тока (лампы накаливанія, напр., изготовляются, большею частью, для напряженія въ предълахъ 110 вольтъ). Необходимость удовлетворенія обоимъ этимъ требованіямъ одновременно, т. е. увеличенію напряженія въ линіи передачи и ограниченію этого напряженія напряженіемъ источниковъ потребленія, вызвала примъненіе и распространеніе такъ называемой трехпроводной системы съ нулевымъ проводомъ (черт. 4).

На центральной станціи соединяются послъдовательно двъ динамо-машины, при чемъ напряженіе каждой изъ нихъ отвъчаетъ напряженію источниковъ тока, напр., лампъ накаливанія. Рабочіе про-



вода идутъ отъ борновъ машинъ a и c и напряжение между этими проводами равняется удвоенному напряженію каждой отдъльной машины. Кромъ того, отъ соединеиныхъ вмъстъ борновъ bидетъ нулевой или нейтральный проводъ. Напряжение между нимъ и каждымъ изъ крайнихъ проводовъ равняется напряженію одной динамо-машины, а за вычетомъ потери на преодолѣніе сопротивленія въ проводахъ, слъдовательно и иапряженію источниковъ потребленія тока. Послъдніе включаются по возможности равномврио въ каждую изъ двухъ группъ проводовъ, составляемыхъ нулевымъ и однимъ изъ крайнихъ проводовъ. На случай неравномърной нагрузки этихъ группъ и предвидънъ нулевой проводъ, который отводить или подводить къ источникамъ потребленія тока разность токовъ въ крайнихъ проводахъ. Такъ, напримъръ, для случая нагрузки съти, изображеннаго на черт. 4, распредъленіе токовъ представляется въ сл $\pm$ дующемъ вид $\pm$ : отъ борна aидетъ 2 ампера, къ борну c идетъ 3 ампера, поэтому по нулевому проводу отъ машинъ къ источникамъ потребленія энергіи должно итти 1 амперъ. Слъдовательно, динамо-машина А нагружена 2 амперами, а B-3 амперами. Въ виду вспомогательнаго значенія нулевого провода его дълаютъ въ половину меньшаго съченія рабочаго провода. Экономія на м'єди при трехпроводной систем'є, по сравненію съ двухпроводной, составляетъ около 65% отъ въса

мъди при двухпроводной системъ. Дъйствительно, если черезъ v обозначить въсъ одного провода при двухпроводной системъ, то въсъ провода при трехпроводной системъ  $\frac{a}{4}$ , такъ какъ при вдвое большемъ напряженіи въ два раза меньше сила тока и, при той же потеръ энергіи l въ проводахъ,  $r=\frac{P}{l^2}$  въ 4 раза больше, а съченіе провода s во столько же разъ меньше. Общій въсъ проводовъ въ первомъ случаъ 2a, во второмъ  $\frac{a}{4}+\frac{a}{4}+\frac{a}{8}=\frac{5}{8}a$ .

#### Магниты.

Магнитомъ называется стальная полоса, имъющая свойство притягивать желъзо. Если магнитъ опустить въ желъзныя опилки, то опилки пристанутъ нанболъе густо къ концамъ магнита, что обнаруживаетъ въ этихъ мъстахъ дъйствіе притягательныхъ силъ наибольшей величины. Мъста эти называются полюсами, при чемъ въ зависимости отъ ихъ свойства оріентироваться по меридіану, полюса получаютъ названіе съвернаго и южнаго.

Сила f взаимодъйствія полюсовъ различныхъ магнитовъ, какъ показываетъ опытъ, прямо пропорціональна ихъ магнитной массъ  $m_1\,m_2\,$  или силъ полюсовъ и обратно пропорціональна квадрату разстоянія между ними r, при чемъ одноименные полюса отталкиваются, а разноименные притягиваются.

$$f = \frac{m_1 m_2}{r^2}$$
.

Если  $m_2=1$  и r=1, то f=m, т. е. сила магнитнаго полюса m опредъляется силой дъйствія его на магнитный полюсь =1, находящійся отъ него въ разстояніи 1 см. Такимъ образомъ, въ пространствъ, окружающемъ магнитный полюсъ, дъйствуютъ магнитныя силы. Это пространство называется магнитнымъ полемъ. Сила магнитнаго поля, согласно вышесказаннаго, уменьшается съ удаленіемъ отъ полюса. Сила эта, обозначаемая буквой H, характеризуется силой f, которая дъйствуетъ въ разсматриваемой точкъ поля на помъщенный въ этой точкъ полюсъ =1, т. е.

$$f = H$$
.

Съ другой стороны, когда поле H создается полюсомъ m и въ разстояніи r отъ послъдняго находится полюсъ =1,

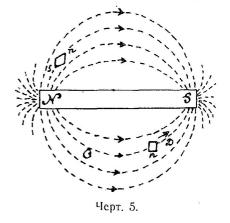
$$f = \frac{m \cdot 1}{r^2}.$$

Отсюда

$$H = \frac{m}{r^2}$$
.

Наличіе въ пространствъ, окружающемъ магнитный полюсъ, магнитнаго поля, характеризующагося дъйствіемъ въ немъ магнитныхъ силъ, подтверждается слъдующимъ опытомъ. Если на магнитъ H (черт. 5) черезъ сито сыпать желъзныя опилки, потря-

хивая доску, на которой лежить магнить, то опилки расположатся по кривымъ, показаниымъ на чертежъ пунктиромъ. Опилки, попадая въ сферу магнитнаго поля, сами становятся магнитиками, которые, сцъпляясь между собою разноименными полюсами, располагаются по направленію дъйствія магнитныхъ силъ. Эти кривыя называются линіями силъ и условно принимается. что линіи силъ выходять изъ съвернаго полюса и



входять въ южный, образуя замкнутыя кривыя, что отвъчаеть направленію перемъщенія свободнаго съвернаго полюса въ магнитномъ полъ. Линіи силъ, выходя изъ съвернаго полюса, расходятся равиомърно во всъ стороны и направляются къ южному полюсу, образуя какъ бы сферическія поверхности.

Линіи силъ не только обозначають направленіе магнитныхъ силь, но и служать для опредъленія силы магнитнаго поля.

Представимъ себъ, что вокругъ магнитнаго полюса, какъ центра, описано нъсколько концентрическихъ шаровыхъ поверхностей. Лииіи силъ, исходя изъ полюса, проходятъ послъдовательно черезъ концентрическія поверхности и, такъ какъ послъднія относятся какъ квадраты ихъ радіусовъ, то число линій силъ, приходящееся на квадратный сантиметръ шаровои поверхности, измъняется обратно пропорціонально квадрату радіусовъ. Такимъ образомъ, сила магнитнаго поля H можетъ быть охарактеризована, какъ число линіи силъ, приходящееся на квадратный сантиметръ.

Изъ условія, чтооы оба вышеприведенныя опредѣленія силы магнитнаго поля, а именно. сила, дѣйствующая на полюсъ = 1, и число линій силъ на квадратный сантиметръ, давали бы одно и то же число, вытекаетъ опредѣленіе для единицы линій силь. Линія силъ есть такой силовой потокъ, который, исходя жзъ по-

люса = 1, проходитъ черезъ квадратный сантиметръ шаровой поверхности, описанной радіусомъ въ 1 см.

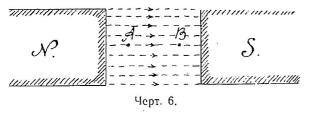
А такъ какъ поверхность шара равна  $4\pi r^2$ , то для r=1 см. поверхность равна  $4\pi$  кв. см. Принимая во вниманіе, что черезъ квадратный сантиметръ проходитъ одна линія силъ, общее количество линій силъ, исходящее изъ съвернаго полюса = 1, составляетъ  $4\pi$  линій силъ.

Общее количество линій силъ N, исходящее изъ полюса m, равняется  $N=4\,\pi\,m$ , а общее количество линій силъ, проходящее черезъ поверхность S, при силъ поля H

$$N = HS$$
.

Съверный свободный полюсъ n (черт. 5), помъщенный въмагнитное поле, будетъ перемъщаться отъ N къ S подъ дъйствіемъ силы магнитнаго поля по пути, обозначенному стрълкой. При этомъ совершается работа, равная произведенію упомянутой силы на пройденный путь. Подобно тому, какъ электрическій потенціалъ опредъляется работой, затрачиваемой на перемъщеніе въ электрическомъ полъ единицы электричества, такъ работой затрачиваемой на перемъщеніе въ магнитномъ полъ магнитнаго полюса = 1, опредъляется магнитный потенціалъ.

Въ равномънномъ магнитномъ полъ, въ которомъ линіи силъ



параллельны другъ другу (черт. 6), сила f = H, дъйствующая на полюсъ = 1, при его перемъщеніи отъ B къ A, остается постоянной и поэтому

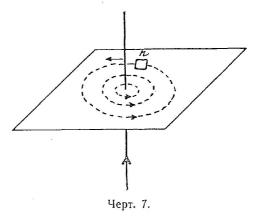
разность потенціаловъ между точками A и B, при разстояніи между ними l, опредъляется произведеніемъ Hl.

## Электромагниты.

Опытъ съ желъзными опилками показываетъ, что если по проводнику проходитъ токъ, то вокругъ проводника образуется магнитное поле, причемъ линіи силъ располагаются вокругъ проводника, концентрическими кругами въ плоскостяхъ, перпендикулярныхъ проводнику (черт. 7). Направленіе линій силъ опредъляется слъдующимъ образомъ. Если смотръть вдоль проводника

на встръчу току, то направленіе линій силъ будетъ обратно направленію часовой стрълки и поэтому свободный съверный по-

люсъ, находясь въ упомянутомъ магнитномъ полѣ, будетъ перемѣщаться также противъ часовой стрѣлки. Такъ какъ между проводникомъ и полюсомъ существуетъ взаимодѣйствіе, то, если закрѣпить неподвижно полюсъ, начнетъ перемѣщаться проводникъ и при этомъ въ сторону обратную перемѣщенію своднаго полюса.



Въ положеніи полюса n, изображенномъ на черт. 7, при неподвижномъ проводникѣ, полюсъ будетъ перемѣщаться влѣво. Если закрѣпить полюсъ n, то будетъ перемѣщаться проводникъ и при этомъ вправо.

Сила взаимодъйствія между полюсомъ и элементомъ проводника, какъ показываетъ опытъ, пропорціональна силъ проходящаго по проводнику тока I, длинъ элемента dl, силъ полюса m и обратно пропорціональна квадрату разстоянія r между элементомъ и полюсомъ.

 $df = \frac{m \cdot I \cdot dl}{r^2}$ .

 $\frac{m}{r^2}$  согласно предыдущаго представляетъ собою силу поля H.

Поэтому

$$df = HIdl$$
 динъ.

Отсюда сила, дъйствующая на весь проводникъ длиною /,

$$f = H . I . l$$
 динъ.

Сила тока I въ этомъ уравненіи выражена въ абсолютныхъ единицахъ.

Если силу тока выразить въ амперахъ, то, такъ какъ

$$i = 10I$$
 амперь,

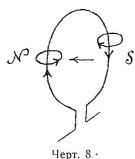
ИЛИ

$$I=\frac{i}{10}$$
,

то

$$df = H \cdot \frac{i}{10} \cdot dl$$
.

Если токъ проходитъ по проводнику, изогнутому по кругу (черт. 8) въ направленіи, показанномъ на чертежъ стрълкой, то



линіи силъ, образующіяся вокругъ этого проводника, имъютъ направленіе въ пространствь, ограниченномъ проводникомъ, согласно вышеуказаннаго правила, справа налъво. При этомъ рамка, образуемая проводникомъ, превращается какъ бы въ плоскій магнитъ, южный полюсъ котораго находится справа (линіи силъ входятъ въ рамку), а съверный слъва (линіи силъ выходятъ изъ рамки).

Отсюда правило: если смотръть на рамку, по которой токъ идетъ по часовой стрълкъ, то къ наблюдателю обращенъ южный полюсъ, если же токъ идетъ въ направленіи, обратномъ часовой стрълкъ, то съверный полюсъ.

Дъйствіе рамки на полюсь m, расположенный въ центръ рамки, опредъляется изъ-выраженія

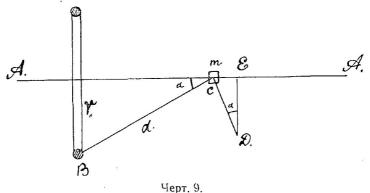
$$df = \frac{m \cdot I \cdot dl}{r^2} ,$$

гд $^{\pm}$   $^{\prime}$  разстояніе отъ центра рамки до ея периферіи.

Интегрируя по длинъ рамки, получаемъ:

$$f = \frac{m \cdot I \cdot 2 \pi r}{r^2} = \frac{m \cdot I \cdot 2 \pi}{r}$$
.

Въ томъ случаъ, когда полюсъ m находится не въ плоскости рамки, а внъ ея на линіи A, проведенной перпендикулярно



черезъ ея ценьръ (черт. 9), то сила взаимодъйствія элемента рамки и полюса вырэфится

$$df = \frac{m \cdot I \cdot dl}{a^2}$$
,

а такъ какъ

$$a = \frac{r}{\sin \alpha} ,$$

$$df = \frac{m \cdot I \cdot dl \cdot \sin^2 \alpha}{r^2}$$

TO

Направленіе этой силы для разсматриваемаго элемента перпендикулярно линіи BC. Проекція ея на ось AA равняется df .  $\sin \alpha$ .

Равнодъйствующая отъ дъйствія всъхъ элементовъ рамки на полюсъ опредъляется какъ  $\sum df'$ . sin  $\alpha$ , т. е.

$$f = \sum df \cdot \sin \alpha = \frac{m \cdot I \cdot \sin^3 \alpha}{r^2} \cdot \sum dl$$
$$\sum dl = 2 \pi r$$
$$f = \frac{2 \pi \cdot m \cdot I}{r} \cdot \sin^3 \alpha \cdot$$

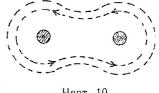
Сила магнитнаго поля H въ точкъ C, опредъляемая какъ сила, дъйствующая въ точкъ C на полюсъ=1, получается изъ послъдняго уравненія, приравнивая m=1.

$$H = \frac{2\pi I}{r} \cdot \sin^3 \alpha .$$

Опытъ съ желъзными опилками показываетъ, что, если по двумъ параллельнымъ, рядомъ расположеннымъ проводамъ, токъ

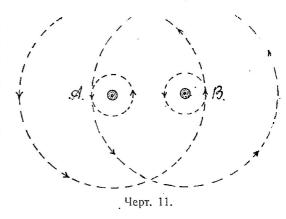
идетъ въ одиомъ и томъ же направленіи, то силовыя линіи принимають охватывающее положеніе (черт. 10).

На этомъ чертежъ проводники изо-ены въ разръзъ, а точками въ центоъ бражены въ разръзъ, а точками въ центръ проводниковъ обозначены острія стрълокъ, показывающихъ направление тока, т. е. по направленію къ наблюдателю. Такое охватывающее положеніе

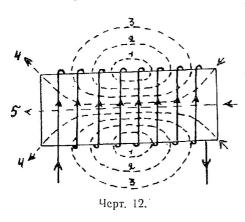


Черт. 10.

линій силъ обсусловливается тъмъ, что линіи силъ въ промежуткъ между проводниками (черт. 11) направлены на встрѣчу другъ другу и поэтому взаимно уничтожаются. Линіи же силъ снаружи проводниковъ направлены въ одну и ту же сторону и поэтому суммируются



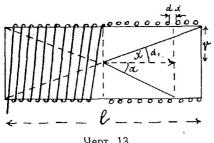
Если проволока, по которой проходить токъ, свернута въ спираль въ видъ катушки (черт. 12), то черезъ плоскость каждаго витка катушки проходятъ какъ линіи силъ, возбуждаемыя токомъ



въ данномъ виткъ, такъ и линіи силъ, возбуждаемыя сосъдними витками. Внутри катушки линіи силъ проходять болье или •мен ве параллельно и, выйдя изъ нея, замыкаются сами на себя въ отдъльные контуры. Контуръ линій силъ 1,1 создается двумя средними витками, контуръ 3,3 — шестью средними витками, силовыя же линіи 4,4 и 5-соединеннымъ дъйствіемъ всѣхъ витковъ. Наибольшая

плотность линій силь — въ середин в катушки, къ концамъ же катушки плотность линіи силъ уменьшается. Въ этомъ отношеніи разсматриваемая катушка, называемая обыкновенно соленоидомъ, отвъчаетъ обыкновенному магниту.

Отм'вченная неравном'врность въ распред'вленіи линій силъ внутри соленоида обусловливаетъ свойство такового втягивать въ себя желъзный сердечникъ. Жельзо въ магнитномъ поль стремится принять такое положеніе, въ которомъ черезъ него проходило бы наибольшее число линій. Если предположимъ, что желъзиый сердечникъ вдвинутъ наполовину въ соленоидъ, то линіи силъ, войдя въ центръ соленоида въ желъзный сердечникъ, стремятся остаться въ сердечникъ и, вслъдствіе этого, путь ихъ удлиняется по сравнению съ нормальнымъ путемъ. Сила, направленная къ сокращенію пути линій силъ, вызываетъ въ результать втягиваніе жел взнаго сердечника. На этомъ свойств в соленоидовъ основано устройство наибол ве употребительных в изм врительных в приборовъ, какъ то: гальванометровъ, амперметровъ и вольтметровъ.



Черт. 13.

Опредълимъ плотность линій силъ или силу магнитнаго поля (H) въ центръ соленоида.

Если число витковъ въ соленоид n, а сила тока, циркулирующаго по виткамъ I, то магнитное дъйствіе такого соленоида равносильно токопроводящей полосъ шириной l (черт. 13), по которой проходить равномърно по всей ширинъ полосы токъ, силой въ nI. Сила тока по кольцевому отръзку dx полосы l выразится, слъдовательно, въ  $\frac{nI \cdot dx}{l}$  .

Дъйствіе этого отръзка на единичный полюсъ, помъщенный въ центръ соленоида, согласно предыдущаго, опредъляется въ

$$dH = \frac{2\pi nI}{r} \cdot \frac{dx}{l} \cdot \sin^3 \alpha.$$

Такъ какъ

$$x = r \operatorname{ctg} \alpha$$
,

TO 
$$dx = -\frac{r}{\sin^2 \alpha} \cdot d\alpha$$
.

Подставляя въ предыдущее уравненіе эти значенія для  $\alpha$ , тинтегрируемъ въ предълахъ отъ  $\pi$  —  $\alpha_1$  до  $\frac{1}{1}$   $\alpha_1$ :

$$H = -\int_{\pi-\alpha_1}^{+\alpha_1} \frac{2\pi nI}{l} \cdot \sin \alpha \cdot d\alpha = \frac{2\pi nI}{l} \left[\cos \alpha\right]_{\pi-\alpha_1}^{+\alpha_1} = \frac{4\pi nI}{l} \cdot \cos \alpha_1.$$

Въ длинныхъ соленоидахъ соз  $\alpha_1$  безъ большой погръшности можетъ быть приравненъ 1, слъдовательно,

$$H = \frac{4\pi \, nI}{l} \dots$$

Если выразить силу тока въ амперахъ, то предыдущее выраженiе приметъ видъ

 $H = \frac{0.4 \pi ni}{l}$ 

## Магнитная индукція.

Число линій силъ, приходящееся на кв. см. въ соленоидъ, въ томъ случаъ, когда внутри его помъщенъ желъзный сердечникъ, во много разъ превосходитъ, при равныхъ прочихъ условіяхъ, соотвътствующее число линій силъ при нахожденіи внутри соленоида только воздуха.

Такимъ образомъ, линіи силъ въ воздухѣ какъ бы индуктируютъ или возбуждаютъ въ желѣзномъ сердечникѣ соленоида число линій силъ въ соотвѣтственно разъ большее, чъмъ въ воздухѣ.

Въ виду сего сила магнитнаго поля (H) или, что то же, число линій силъ, приходящееся на кв. см. въ воздухъ называютъ также магнитизирующей силой.

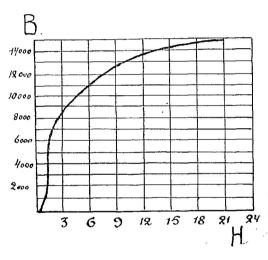
Число линій силъ, приходящееся на кв. см. въ желѣзѣ, называютъ магнитной индукціей и обозначаютъ буквой B.

Свойство желѣза, вызывающее появленіе въ немъ, при одной и той же магнитизирующей силѣ, большого числа линій силъ, нежели въ воздухѣ, носитъ названіе магнитной проводимости и обозначается буквой  $\mu$ .

Такимъ образомъ, магнитная проводимость показываетъ, во сколько разъ желъзо проводитъ линіи силъ лучше, чъмъ воздухъ.

Отсюда слъдуетъ, что 
$$B = \mu H$$
 или  $\mu = \frac{B}{H}$ .

Магнитная проводимость  $\mu$  представляеть собою величину, намъняющуюся въ зависимости отъ магнитизирующей силы H, причемъ  $\mu$  уменьшается съ возрастаніемъ H.



Черт. 14.

Откладывая по оси абсциссъ значенія H, а по оси ординатъ значенія B, получаемъ кривую памагничиванія. На черт. 14 приведена кривая намагничиванія для литой стали 1)

Уменьшеніе р съ возрастаніемъ II обусловливается тъмъ, что съ увеличеніемъ B происходитъ постепенное насыщеніе желъза линіями силъ, вслъдствіе чего для дальнъйшаго увеличенія B необходимо затрачивать все большую и большую магнетизирующую силу H.

1) Кривая черт. 14 построена на основаніи слѣдующихъ, полученныхъ намъреніемъ данныхъ:

H = 0,9	B = 1130	$\mu = \frac{B}{H} = 1260$
1,55	5200	3350
2,7	8160	3020
3,75	9480	2530
8,55	12440	1460
18,1	14510	800
34,5	15710	460
82.7	17150	210
145,3	18200	130

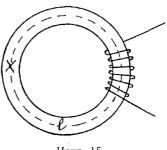
#### Законъ Ома для магнитизма.

Въ отношеніи замкнутой магнитной цѣпи, напр., желѣзнаго кольца (черт. 15), безразлично, расположены ли витки обмотки

равномърно по всей длинъ кольца или на ея части, какъ показано на черт. 15. Въ обоихъ случаяхъ дъйствительно уравненіе

$$B = \mu H = \frac{\mu - 0.4\pi}{l} \cdot n \cdot i$$
,

гдъ l представляетъ собой уже не длину соленоида, а длину средняго пути линій силъ въ желъзномъ кольцъ.



Черт. 15.

Обозначимъ черезъ S поперечное съченіе желъзнаго кольца и чрезъ N общее число линій силъ, проходящее по кольцу, т. е. черезъ съченіе S. Величинъ N присвоено названіе магнитнаго потока. Тогда

$$N = B \cdot S = \frac{\mu \cdot 0.4\pi \cdot n \cdot i \cdot S}{\ell} = \frac{0.4\pi \cdot n \cdot i}{\frac{l}{\mu S}}$$

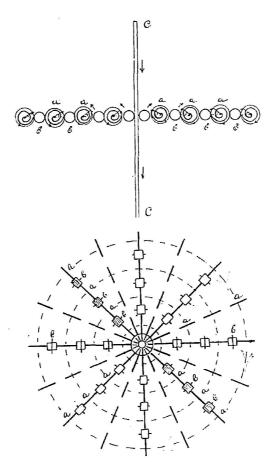
Знаменатель второй половины приведеннаго уравненія, принимая во вниманіе, что проводимость—величина, обратная сопротивленію, имъетъ видъ, подобный выраженію для электрическаго сопротивленія:  $r=\rho$  . Поэтому  $\frac{l}{\mu\,s}$  представляетъ собою магнитное сопротивленіе. Отсюда вытекаетъ представленіе, что для образованія въ магнитной цъпи магнитнаго потока необходимо преодолъть магнитное сопротивленіе. Давленіе, потребное для преодолънія упомянутаго сопротивленія, создается амперъ-витками  $n\cdot i$  и величинъ  $0.4\pi\cdot n\cdot i$  присваивается названіе магнитодвижущей силы. Такимъ образомъ, вышеприведенное уравненіе выражаетъ собой законъ:

Магнитный потокъ 
$$=\frac{\text{магнитодвижущая сила}}{\text{магнитное сопротивленіе}}$$
,

т. е. законъ, аналогичный закону Ома.

Слъдуетъ, однако, имъть въ виду существенную разницу въ характеръ физическихъ явленій электрическаго тока и магнитнаго потока. Тогда какъ первый осуществляетъ форму движенія, второй, т. е. магнитный потокъ, представляетъ собою явленіе установленія напряженнаго состоянія среды.

Такъ по одной изъ гипотезъ магнитизма предполагается, что въ желъзъ частицы сами по себъ обладаютъ свойствами магнитовъ. Въ ненамагниченномъ желъзъ оси этихъ магнитовъ равномърно-безиорядочно распредълены, вслъдствіе чего дъйствіе этихъ магнитовъ во внъшнемъ пространствъ взаимно уничтожается. Когда же желъзо помъстить въ магнитное поле, то оси молекулярныхъ магнитовъ стремятся повернуться по направленію линій силъ, преодолъвая сопротивленіе нъкоторыхъ внутреннихъ силъ, препятствующихъ повороту молекулярныхъ магнитовъ. Въ зависимости отъ величины напряженности магнитнаго поля, оси молекулярныхъ магнитовъ поворачиваются на большій или меньшій уголъ и остаются въ такомъ положеніи во время дъйствія магнитнаго поля, а послъ его исчезновенія возвращаются въ первоначальное положеніе.



Черт. 16.

Физическій харақтеръ магнитнаго потока можно себѣ представить также на основаніи слѣдующей механической модели. Предположимъ, что рядъ спиральныхъ пружинъ a (черт. 16) съ внутренними закрѣпленными концами находятся во взаимодѣйствіи другъ съ другомъ при помощи силы тоенія черезъ посредство свободно вращающихся осей b. Пружинф экружаютъ стержень c по концентрическимъ кругамъ. Если подъ вліяніемъ какой-либо силы стержень c начнетъ перемѣщаться вдоль своей оси, то рядъ пружинъ a, ближайшій къ стержню c, черезъ посредство осей b повернутся на опредѣленный уголъ, зависящій съ одной стороны отъ вышеупомянутой силы тренія, съ другой стороны отъ упругости пружинъ. Пружины перваго концентрическаго ряда, поворачиваясь, заставляютъ при помощи осей b повернуться на тотъ же уголъ второй коицентрическій рядъ пружинъ. Поворотъ пружинъ второго ряда вызываетъ поворотъ пружинъ. Поворотъ пружинъ второго ряда вызываетъ поворотъ пружинъ третьяго ряда и т. д. Такимъ образомъ, окружающіе стержень c концентрическими кругами спиральныя пружины поворачиваются на опредѣленный уголъ и остаются въ такомъ напряженномъ состояніи въ теченіе всего времени перемѣщенія стержня c. Съ исчезновеніемъ силы, вызывающей перемѣщеніе стержня, пружины повернутся въ нормальное свое положеніе и заставятъ стержень c нѣсколько перемѣститься въ обратномъ направленіи.

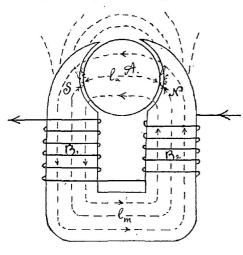
Перемъщеніе стержня отвъчаетъ перемъщенію электрическаго тока по проводнику, а спиральныя пружины характеризуютъ состояніе магнитнаго поля, создаваемаго токомъ, при чемъ линіи магнитныхъ силъ совпадаютъ по направленію съ линіями, проходящими черезъ центры спиральныхъ пружинъ соотвътствующихъ рядовъ. А такъ какъ совокупность магнитныхъ линій силъ представляетъ собою магнитный потокъ, то послъдній представляетъ собою извъстное напряженное состояніе среды. Съ исчезновеніемъ тока въ проводникъ исчезаетъ и созданное токомъ напряженное состояніе магнитнаго поля.

## Электромагнитная цепь динамо-машинъ.

Подобно тому, какъ въ электрической цъпи дъйствующая въ этой цъпи электродвижущая сила расходуется на преодолъніе сопротивленій сказанной цъпи, такъ и въ магнитной цъпи, отдъльныя части которой могутъ обладать различнымъ магнитнымъ сопротивленіемъ, въ зависимости отъ матеріала, изъ коего эти части состоятъ (желъзо, чугунъ, воздухъ), и ихъ поперечнаго

свченія и длины, — двйствующая въ цвпи магнитодвижущая сила расходуется на преодолвніе послвдовательно включенныхъ въ цвпь магнитныхъ сопротивленій. При этомъ расположеніе витковъ, при прохожденіи по которымъ тока образуется магнитодвижущая сила, не вліяетъ на послвднюю, т. е. витки могутъ быть расположены, какъ выше было упомянуто, или въ одномъ мъств цвпи пли въ разныхъ ея частяхъ.

Какъ ниже будетъ выяснено, работа динамо-машины, имъющей цълью вырабатывать электрическій токъ, основана на возбужденіи электродвижущей силы въ рамкахъ изъ изолированной проволоки при вращеніи таковыхъ въ магнитномъ полѣ. Для полученія магнитнаго поля опредѣленной напряженности, съ помощью возможно наименьшей магнитнодвижущей силы  $(0,4\pi\cdot n\cdot i)$ , необходимо устройство въ динамо-машинѣ такой магнитной цѣпи, которая обладала бы возможно меньшимъ магнитнымъ сопротивленіемъ. Это достигается примѣненіемъ матеріаловъ, обладающихъ хорошею магнитною проницаемостью ( $\mu$ ). Такъ какъ магнитная проницаемость воздуха во много разъ меньше желѣза и чугуна, то динамо-машины конструируются такимъ образомъ, чтобы въ магнитной цѣпи было возможно меньше воздушныхъ промежутковъ. Съ этою цѣлью вращающіяся рамки, въ которыхъ возбуждается электродвижущая сила, наматываются на цилиндръ, составляемый



Черт. 17.

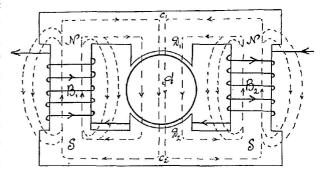
изъ желъзныхъ дисковъ, спрессованныхъ между собою. На чертежахъ 17 (Сименсовскій И 18 (Манчестерскій типъ) типъ) въ разрѣзѣ показаны остовы динамо-машинъ двухъ наиболъе распространенныхъ типовъ. Вышеупомянутые цилиндры на которыхъ помѣшаются вращающіяся вмъстъ съ ними рамки, именуются якорями. На чертежахъ они обозначены буквами .-1. Буквами  $B_1 \ B_2$  обозначены желвзные сердечники электромагиитовъ, на каковые сердечники наса-

живаются катушки (обмотки) электромагнитовъ. Въ типъ, изображенномъ на чертежъ 17, катушки соединяются между собою такимъ образомъ, что катушки обращены другъ къ другу разно-именными полюсами, вслъдствіе чего образуется одна магнитная

цъпь и магнитодвижушія силы объихъ катушекъ включены послъдовательно.

Въ типъ, изображенномъ на чертежъ 18, катушки электромагнитовъ обращены другъ къ другу одноименными полюсами,

поэтому магнитные потоки, возбуждаемые катушками, встръчаясь въ соединительной полосъ  $C_1$ , поворачиваютъ черезъ полюсный наконечникъ  $D_1$ , и, суммируясь, проходятъ черезъ воздушный промежутокъ, черезъ якорь, второй воз-



Черт. 18.

душный промежутокъ, полюсный наконечникъ  $D_2$  и въ соединительной полосъ  $C_2$  расходятся, направляясь къ источнику возбужденія магнитныхъ полюсовъ, т. е. къ катушкамъ электромагнитовъ. Послъднія включены такимъ образомъ параллельно другъ къ другу и въ динамо-машинъ образованы двъ магнитныя цъпи, имъющія общую часть, а именно, якорь.

Какъ показываетъ опытъ, не всѣ линіи силъ, возбужденныя амперъ-витками (ni) катушекъ  $B_1$   $B_2$ , проходятъ по пути, образуемому жельзными частями динамо-машины, а нѣкоторая часть ихъ, минуя сердечникъ якоря, замыкается черезъ воздухъ (черт. 17 и 18), т. е. разсъивается. Такимъ образомъ, если черезъ сердечникъ якоря долженъ проходить магнитный потокъ въ N линій силъ, то число витковъ въ катушкахъ  $B_1$   $B_2$  и сила тока въ нихъ, т. е. амперъ-витки ni, должны быть подобраны такъ, чтобы въ сердечникахъ электромагнитовъ магнитный потокъ равнялся  $\gamma N$ , гдъ  $\gamma$  представляетъ собою коэффиціентъ разсъиванія. Въ Сименсовскомъ типъ  $\gamma = 1,35$ , въ Манчестерскомъ  $\gamma = 1,5$ .

Для поддержанія въ отдъльныхъ частяхъ магнитной цъпн соотвътствующихъ магнитныхъ потоковъ затрачиваются соотвътствующія магнитныя силы, которыя въ суммъ должны равняться магнитодвижущей силъ, развиваемой катушками электромагнитовъ.

Для поддержанія въ сердечникъ якоря магнитнаго потока N, при средней длинъ пути линій силъ, равной  $l_a$  (черт. 17), поперечномъ къ направленію линій силъ съченіи желъза сердечника  $S_a$  и магнитной проводимости  $\mu$ , потребное число ам-

перъ-витковъ, а, слъдовательно, магнитодвижущая сила опредълится въ

$$0.4 \pi n_a i = N - \frac{l_a}{\mu S_a}$$
.

Для прохожденія того же магнитнаго потока черезъ двойной воздушный промежутокъ длиной  $2\,l_{\,b}$ , при съченіи промежутка, равномъ поверхности  $S_{\,b}$  полюснаго наконечника, противолежащей якорю, и  $\nu=1$  (для воздуха), требуется

$$0.4 \pi n_b i = N - \frac{2 l_b}{S_b}$$
.

Для поддержанія въ сердечникъ электромагнитовъ магнитнаго потока N, при средней длинъ пути  $l_m$ , поперечномъ съченіи сердечника  $S_m$  и магнитной проницаемости  $\mu$ , потребная магнитодвижущая сила опредъляется въ

$$0.4 \pi n_m i = \gamma N \frac{l_m}{\mu S_m}$$
.

Такимъ образомъ, для обезпеченія въ магнитной цѣпи динамо-машины опредѣленнаго магнитнаго потока, катушки электромагнитовъ должны состоять изъ такого количества витковъ-n и по нимъ долженъ проходить такой токъ-i, чтобы было удовлетворено равенство:

$$0.4 \pm n \, i = N \frac{l_a}{\mu \, S_a} + N \frac{2 \, l_b}{S_b} + \gamma \, N \frac{l_m}{\mu \, S_m} = N \left( \frac{l_a}{\mu \, S_a} - \frac{2 \, l_b}{S_b} + \gamma \, \frac{l_m}{\mu \, S_m} \right).$$

Для полученія потребной магнитодвижущей силы соотношеніе между n и i не имъетъ значенія, а необходимо лишь, чтобы произведеніе ni равнялось величинъ, опредъляемои изъ приведеннаго равенства. Соотношеніе между n и i зависитъ, однако, отъ величины коэффиціента полезнаго дъйствія, который желаютъ получить отъ динамо-машины и, въ частности, отъ процента  $\alpha$  эиергіи P. развиваемой динамо-машиной, который назначается при конструированіи динамо-машины на обращеніе въ тепло по закону Джауля, вслъдствіе прохожденія тока по виткамъ обмотки электромагнитовъ. Отсюда

$$i^2 r = \frac{\alpha}{100} \cdot P$$
,

гд i — сила тока въ обмотк электромагнитов сопротивление этой обмотки.

Кромъ того, по закону Ома,  $i=\frac{e}{r}$ , гдъ e— напряженіе у борновъ обмотки электромагнитовъ, развиваемое самой динамомашиной.

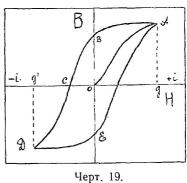
Азъ этихъ двухъ уравненій опредъляется значеніе для i и r, а съ помощью i находится число витковъ электомагнитовъ n.

## Гистерезисъ.

Для построенія кривой намагничиванія, какъ выше было упомянуто, по оси абсциссъ откладывается магнитизирующая сила  $H=\frac{0.4~\pi}{l}\cdot\frac{n\cdot i}{l}$ , а по оси ординатъ индукція B. Кривая OA

(черт. 19) получается, если желъзо въ ненамагниченномъ состояни начать постепенно намагни-

стояніи начать постепенно намагничивать помощью усиленія магнитизирующаго тока i отъ O до нѣкоторой величины, отвѣчающей въ соотвѣтствующемъ масштабѣ абсциссѣ O g. Если затѣмъ магиитизирующій токъ начать уменьшать, то величины индукціи B въ кривой размагничиванія окажутся для однѣхъ и тѣхъ же абсциссъ больше, нежели въ кривой намагничиванія. При уменьшеніи i до O въ желѣзѣ сохраняется индукція = O B, T. e.



остаточный магнитизмъ. Для низведенія его до O, необходимо перем'внить направленіе тока въ магнитизирующихъ виткахъ и довести его до величины OC. При дальнъйшемъ увеличеніи тока -i, магнитный потокъ, а слъдовательно, и индукція въ жельзъ м'вняютъ направленіе. Когда затъмъ токъ -i уменьшится до O, въ жельзъ сохраняется остаточный магнитизмъ, выражаемый индукціей OE. Съ увеличеніемъ +i до Og, индукція достигаетъ первоначальной величины A. При повтореніи процесса размагничиванія и намагничиванія индукція изм'вняется по кривымъ ABCD и DEA.

Вышеизложенное показываетъ, что молекулы желъза противятся перемагничиванію и на преодольніе этого противодъйствія приходится затрачивать нъкоторую работу. Потеря работы на перемагничиваніе, согласно Steinmetz'a, отнесенная къ 1 куб. см.

дному періоду (изм'вненіе силы тока отъ-i до-i и сиова i) пропорціональна 1.6 степени максимальной индукціи, т. е.

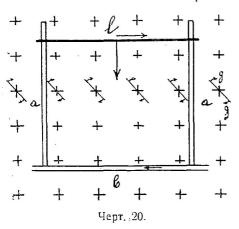
$$\frac{A}{Q} = \gamma \frac{B_{\text{max}}^{-1,6}}{\text{sprb}},$$

гд $^{\pm}$  A — затрачиваемая на перемагничиваніе работа, Q — объемъ жел $^{\pm}$ за, q — коэффиціент $^{\pm}$  пропорціональности.

Въ динамо-машинахъ (черт. 17 и 18) желъзо якоря А, вращающагося въ постоянномъ магнитномъ полъ, подвергается перемагничиванію, хотя въ общемъ потери энергіи на перемагничиваніе въ динамо-машинахъ постояннаго тока незначительны.

## Электродвижущая сила индукціи.

Опытъ показываетъ, что въ проводникъ; движущемся въ магнитномъ полъ параллельно самому себъ и перпендикулярно къ линіямъ силъ, возбуждается или, какъ говорятъ, наводится (индуктируется) электродвижущая сила. Если проводникъ / скользитъ, какъ показано на чертежъ 20, по токопроводящимъ поло-



самъ aa, соединеннымъ между собою электрически полосою b, то, подъ вліяніемъ наводимой въ проводникѣ l при его движеніи электродвижущей силы, въ контурѣ laba появляется токъ. Направленіе электродвижущей силы въ проводникѣ l, а слѣдовательно, и тока въ упомянутомъ контурѣ, зависитъ отъ направленія линій силъ магнитнаго поля и движенія проводника l. На чертежѣ 20 линіи силъ идутъ отъ

наблюдателя къ чертежу перпендикулярно къ плоскости послъдняго (крестики отвъчаютъ перьямъ стрълокъ, указывающихъ направленіе линій силъ). При движеніи проводника l по направленію къ полосъ b въ контуръ появляется токъ по направленію часовой стрълки.

Явленіе индукціи можно себ'в представить при помощи вышеприведенной механической модели сл'вдующимъ образомъ. Для образованія магнитнаго поля съ направленіемъ силъ, указаннымъ на чертежъ 20, необходимо движеніе тока по нъкоторому проводнику, охватывающему магнитное поле, въ направленіи часовой стрълки. При такомъ направленіи тока магнитное поле, представляющее напряженное состояніе среды, можетъ быть охарактеризовано напряженнымъ состояніемъ пружинъ, повернутыхъ на нъкоторый уголъ противъ часовой стрълки (черт. 16 лъвая половина, схематически gg на черт. 20). Проводникъ l, пересъкая при своемъ движеніи линіи силъ, какъ бы освобождаетъ пружины изъ ихъ взведеннаго положенія, вслъдствіе чего послъднія поворачиваются по часовой стрълкъ и при этомъ въ свою очередь возбуждаютъ въ проводникъ l, согласно модели, представленной на черт. 16, электродвижущую силу, дъйствующую слъва на право (черт. 20). За промежутокъ времени dt, во время котораго проводникъ, двигаясь параллельно самому себъ, перемъщается на ds см., получается электрическая работа:

$$dA = EI dt$$
,

гдѣ E наводимая въ контурѣ  $la\ ba$  электродвижущая сила, I — токъ въ контурѣ.

Упомянутая электрическая работа является результатомъ затраты соотвътствующей механической работы, расходуемой на перемъщение въ магнитномъ полъ проводника l, по которому проходитъ токъ I. Сила взаимодъйствія f между полемъ и токомъ, согласно предыдущаго, выражается слъдующимъ образомъ:

$$f = HIl$$
,

гдъ H — индукція въ воздухъ.

При перемъщеніи проводника l на величину ds затрачивается работа равная

f ds = HII ds.

Такъ какъ упомянутыя электрическая и механическая работы равны другъ другу, то

$$dA = EI dt = HIl ds$$
.

Откуда слъдуетъ, что

$$E = Hl \frac{ds}{dt} = Hlv$$
,

гд\* v -скорость перемъщенія проводника l.

Такъ какъ  $l\,ds$  представляетъ собою поверхность, перпендикулярную къ направленію линій силъ, то произведеніе  $Hl\,ds$ . выражаетъ собою безконечное малое число линіи dN, пересъченное проводникомъ l.

Поэтому предыдущее выраженіе можетъ быть представлено въ слѣдующемъ видъ:

$$E = \frac{dN}{d\tilde{t}}$$

При движеніи проводника l происходить изм'вненіе числа линій силь, заключающихся въ контур'в  $la\ ba$ , что даеть основаніе для другого формулированія представленія объ электродвижущей силь индукціи, согласно котораго электродвижущая сила является результатомъ изм'вненія числа линій силь, охватываемыхъ контуромъ или рамкой.

Это представленіе вытекаетъ непосредственно также изъ вышеупомянутой механической модели. Всякій поворотъ на какойлибо уголъ пружинъ, характеризующихъ напряженное состояніе среды магнитнаго поля, отвъчаетъ появленію или исчезновенію линій силъ и вызываетъ въ окружающемъ стержнъ появленіе силы, соотвътствующей электродвижущей силъ, наводимой въ проводникъ, окружающемъ магнитное поле.

Изъ черт. 20 видно, что токъ, индуктированный въ контурћ  $la\ ba$  при уменьшеніи числа линій силъ, направляется по часовой стрѣлкѣ и, слъдовательно, возбуждаетъ въ свою очередь линіи силъ, направляющіяся отъ наблюдателя въ плоскость чертежа, т. е. совпадающія съ направленіемъ существующихъ въ контурѣ линій силъ. При обратномъ движеніи проводника l линіи силъ будутъ возбуждаться противоположнаго направленія.

Такимъ образомъ, при уменьшеніи числа линій силъ, въ контур'в возникаетъ токъ, стремящійся сохранить линіи силъ, при увеличеніи же въ контур'в числа линіи возникаетъ токъ, стремящійся ослабить существующія въ контур'в линіи силъ.

Отсюда вытекаетъ законъ Lentz'a, гласящій, что наводимый въ контурѣ, вслѣдствіе измѣненія числа линій силъ, токъ противодѣйствуетъ измѣненію числа линій силъ. Въ виду сего вышеприведенное выраженіе  $E=\frac{dN}{dt}$  въ дѣйствительности имѣетъ видъ:

$$E = -\frac{dN}{dt} CGS = -\frac{dN}{dt} 10^{-8}$$
 вольтъ.

Для опредъленія направленія электродвижущей силы, наводимой въ контуръ или рамкъ, можетъ служить слъдующее правило:

Если смотрѣть на рамку по направленію линій силъ, т. е. въ направленіи отъ сѣвернаго полюса къ южному, то, при уменьшеніи въ рамкѣ числа линій силъ, наводимая электродвижущая сила направлена по часовой стрѣлкѣ, при увеличеніи же числа линій силъ—обратно часовой стрѣлкѣ.

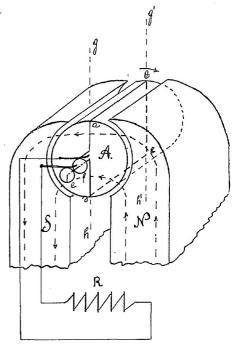
## Возбужденіе электродвижущей силы въ якоръ динамо-машины.

На явленіи индукціи основана работа динамо-машинъ. Необходимое для индукціи измѣненіе числа линій силъ въ рамкахъ, въ которыхъ должна наводиться электродвижущая сила, достигается путемъ вращенія этихъ рамокъ въ магнитномъ полѣ, возбуждаемомъ электромагнитами  $B_1$   $B_2$  (черт. 17 и 18), при чемъ самыя рамки помѣщаются на сердечникѣ якоря A, который и

вращается вмъстъ съ рамками.

Разсмотримъ сначала вращеніе одиночной рамки abcd (черт. 21), концы которой соединены съ контактными кольцами, e,f. По кольцамъ скользятъ контактныя щетки, соединенныя съ внъшнею цъпью, сопротивленіе коей равно R.

Въ положеніи рамки, показанномъ на чертежѣ, т. е. при совпаденіи съ нейтральною  $^{1}$ ) осью gh, черезъ рамку проходитъ наибольшее число линій силъ N. При вращеніи рамки и выходѣ ея изъ упомянутаго положенія число лйній, проходящее черезъ рамку, будетъ уменьшаться и обратится въ 0, когда рамка станетъ въ положеніе перпендикулярное нейтральной оси. При дальнѣй-



Черт. 21.

шемъ вращеніи рамки линіи силъ, войдя въ рамку съ противоположной стороны, будутъ увеличиваться до величины N (рамка

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>) Ось, перпендикулярная направленію линін силъ магнитнаго потока, проходящаго черезъ сердечникъ якоря.

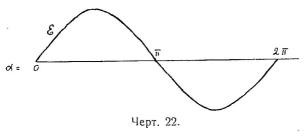
повернулась на  $180^\circ$  отъ исходнаго положенія) и затѣмъ снова уменьшаться до  $\theta$  (уголъ поворота  $270^\circ$ ) съ тѣмъ, чтобы, снова перемѣнивъ направленіе входа въ рамку, увеличиваться до величины N (первоначальное положеніе рамки, уголъ поворота  $360^\circ$ ).

Число линій силъ N', проходящее черезъ рамку въ любой момеитъ, пропорціонально проекціи площади рамки на нейтральную плоскость  $(gh\ g'\ h')$ , т. е.  $\bigcap abcd \times \cos \alpha$ , гдѣ  $\alpha$  уголъ образуемой плоскостью рамки съ нейтральной осью (gh). А такъ какъ пропзведеніе площади рамки на индукціи равно N, то  $N' = N\cos \alpha$ .

Такъ какъ во все время вращенія рамки измѣняется число линій силъ, охватываемое рамкой, то въ рамкѣ возбуждается электродвижущая сила, согласно формулы  $E=-\frac{dN}{dt}$ , при чемъ электродвижущая сила является величиной перемѣнной въ зависимости отъ перемѣнной скорости измѣненія числа линій силъ въ рамкѣ. Подставляя въ вышеприведенную формулу  $N'=N\cos\alpha$  и принимая во вниманіе, что  $\alpha=\frac{2\pi}{T}$ . t (векторъ, равный единицѣ, время одного оборота коего T, движется съ угловой скоростью  $\alpha=\frac{2\pi}{T}$ 0, получимъ

$$E = -\frac{dN}{dt} = N \sin \alpha \frac{d\alpha}{dt} = \frac{2\pi}{T} N \cdot \sin \alpha.$$

Путемъ откладыванія по оси абсциссъ величинъ  $\alpha$ , а по оси ординатъ соотвѣтственныхъ величинъ E, получается кривая измѣненія электродвижущей силы (черт. 22), наводимой въ рамкѣ,



при чемъ время, въ теченіе котораго  $\alpha$  измъняется отъ  $\theta$  до  $2\pi$ , представляется временемъ одного періода и въ двухполюсной машинъ совпадаетъ съ вре-

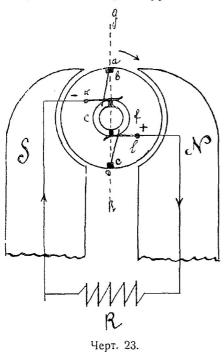
менемъ одного полнаго оборота якоря. Если внъшняя цъпь черезъ щетки ef замкнута на сопротивленіе R, то подъ вліяніемъ возбуждаемой въ рамкъ электродвижущей силы появится въ цъпи, составляемой рамкой, соединительными проводами и сопротивленіемъ R, токъ, кривая измъненія котораго будетъ подобна кривой измъненія электродвижущей силы. Изъ черт. 22 видно, что элек-

тродвижущая сила и токъ за время одного періода м'вняютъ направленіе. Д'айствительно, если просл'ядить направленіе электродвижущей силы въ рамкъ при различныхъ положеніяхъ послъдней, смотря на рамку по направленію линіи силъ отъ N къ S(черт. 21), то окажется: въ моментъ прохожденія рамки черезъ нейтральную ось, такъ какъ число линій силъ, проходящихъ черезъ рамку, при движеніи послъдней въ районъ нейтральной оси практически почти не изм'вняется, то электродвижущая сила равна  $O, \alpha = o$ . Въ слъдующее мгновеніе число линій въ рамкъ начинаетъ уменьшаться и поэтому появляется электродвижущая сила, направленная по часовой стрълкъ, т. е. въ направленіи  $a\,b\,c\,d$ . Когда рамка повернется на  $90^\circ$ , линіи силъ исчезнутъ изъ контура рамки (наибольшая скорость измъненія числа линій силъ и поэтому  $E=E_{max}$ ) и въ слъдующее мгновеніе, благодаря дальнъйшему повороту рамки, линіи силъ начнутъ входить въ рамку съ противоположной стороны. Такъ какъ число линій силъ въ рамкъ начинаетъ увеличиваться, то направленіе электродвижущей силы получается обратное часовой стрълкъ, но такъ какъ рамка теперь обращена къ наблюдателю противоположной стороной, то направление электродвижущей силы составляетъ abcd, т. е. прежнее. Въ виду замедленія скорости изм'вненія числа линій силъ, E по величин в убываетъ и достигаетъ O, когда рамка доходитъ до нейтральнаго положенія, при'чемъ ребро ab теперь внизу, dc вверху ( $\alpha = 180$ ,  $N = N_{max}$ ). Въ слъдующій моментъ число линій силь начинаетъ уменьшаться и вслъдствіе сего электродвижущая сила въ рамкъ получаетъ направленіе по часовой стрълкъ, т. е.  $d\,c\,b\,a$ . При переход'в рамки черезъ положеніе, отв'вчающее  $\alpha = 270^\circ$ , одновременно измъняется направленіе входа линій силъ въ рамку и, вмъсто возрастанія линій силъ, начинается ихъ убываніе. Въ результать направление электродвижущей силы въ рамкъ сохраняется d c b a, величина же ея уменьшается до O, когда рамка, совершивъ полный оборотъ, приходитъ въ нейтральную плоскость и, въ то же время, въ исходное положеніе.

Такимъ образомъ, благодаря характеру возбуждаемой въ рамкъ электродвижущей силы и способу коммутированія, т. е. полученіе тока изъ рамки черезъ кольца и щетки, въ цъпи получается перемънный токъ.

Если вм'всто двухъ колецъ устроить одно контактное кольцо, носящее названіе коллектора или коммутатора и состоящее для разсматриваемаго случая изъ двухъ половинъ, изолированныхъ другъ отъ друга, и къ этимъ половинамъ присоединить концы

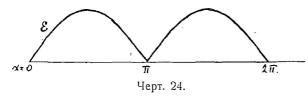
рамки, а щетки расположить по нейтральной оси gh (черт. 23), то характеръ электродвижущей силы въ рамкъ сохраняется, но мъняются условія коммутаціи и во внъшней цъпи получается спрямленный пульсирующій токъ, согласно черт. 24.



Дъйствительно, во время перваго полуоборота рамки, во время котораго ребро ав находится съ правой стороны нейтральной оси gh, въ рамкъ возбуждается электродвижущая сила, дъйствующая въ направленіе  $a\,b\,c\,d$ , и подъ вліяніемъ ея токъ черезъ полукольцо или пластину. f коллектора (черт. 23), щетку lидетъ черезъ сопротивлене и возвращается черезъ щетку k и пластину e въ рамку. Во время второго полуоборота рамки, во время котораго ребро ав находится слъва отъ нейтральной оси, электро-движущая сила въ рамкъ возбуждается въ направленіи dcba. Но такъ какъ теперь щетка l касается пластины e, а щетка k пластины f, то токъ пойдетъ

снова отъ щетки l черезъ сопротивленіе R къ щеткъ k, т. е. во внъшней цъпи получается токъ одного и того же направленія или токъ постоянный.

Кривая этого тока (черт. 24) показываетъ, что токъ по времени измъняется по своей силъ, т. е. токъ пульсирующій.



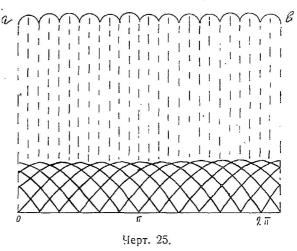
Для полученія тока не только постояннаго по своему направленію во внъшней цъпи, но постояннаго и по своей

силъ, необходимо на якоръ располагать большое количество рамокъ, размъщаемыхъ по переферіи якоря равномърно и соединяемыхъ между собою послъдовательно такимъ образомъ, что рамки представляютъ собою замкнутую на себя обмотку якоря. Число пластинъ коллектора также увеличивается соотвътственно съ числомъ рамокъ, при чемъ одна рамка можетъ состоять и изъ

нъсколькихъ витковъ. Пластины коллектора приключаются къ соединительнымъ между рамками проводамъ.

При такомъ устройствъ электродвижущія силы отдъльныхъ, послъдовательно включенныхъ рамокъ, суммируются и, кромъ того, суммарная электродвижущая сила или напряженіе между каждыми двумя діаметральными пластинами коллектора въ моментъ прохода ими какой-либо оси, напримъръ, нейтральной gh, достигаетъ одной и той же величины. На черт. 25 нанесены кри-

электродвижущихъ силъ отдѣльныхъ рамокъ, отстающія по времени другъ отъ друга на уголъ. отвъчающій дугъ окружности якоря между проводами смежныхъ рамокъ. Путемъ суммированія этихъ электродвижущихъ силъ въ разные моменты вращенія якоря получается кривая *а b* 



(черт. 25) напряженія у борновъ динамо машины. Чъмъ больше

рамокъ на якор $^{+}$ ,  $^{+}$ вмъ бол $^{+}$ е выравнивается кривая ab, а сл $^{+}$ довательно, тъмъ постояннъе напряжение у борновъ.

## Типы якорей.

Якори динамо-машины въ зависимости отъ устройства желѣзныхъ сердечниковъ и способа ихъ обмотки раздѣляются на два типа, а именно, кольцевой и барабанный.

Первый типъ, носящій по имени изобрътателя названіе кольца Грамма, представляетъ собою пустотълый цилиндръ, вокругъ котораго спирально навита замкнутая на себя обмотка якоря, состоящая изъ мъдной изолированной проволоки (черт. 26). Промежуточныя соединенія между отдъльными рамками или секціями обмотки приключены къ пластинамъ коллектора. Магнитный потокъ, выйдя изъ полюснаго наконечника съвернаго полюса, раздвайвается, такъ какъ, выбирая путь наименьшаго сопротивленія, направляется по верхнему и нижнему полуцилиндрамъ желъзнаго сердечника и затъмъ, соединившись въ

одинъ потокъ, входитъ въ южный полюсный наконечиикъ. Такимъ образомъ, отдъльныя рамки или секціи обмотки, проходя черезъ нейтральную ось gh, охватываютъ наибольшее число линій силъ, равное половинъ магнитнаго потока  $\binom{N}{2}$ , выходящаго изъ полюсного наконечника. Изъ чертежа 26 усматривается, что число отдъльныхъ витковъ обмотки равно числу отдъльныхъ

Черт. 26.

проволокъ, расположенныхъ на наружной цилиндрической поверхности якоря.

Направленіе электродвижущихъ силъ, возбуждаемыхъ въ отдѣльныхъ рамкахъ обмотки, опредъляется, согласно вышеупомянутаго правила и показано на черт. 26 стрълками. Электродвижущія силы, въ послъдовательно включенныхъ рамкахъ направленныя въ одну и ту же сторону, суммируются. Въ двуполюсной динамо-машинъ, какъ усматривается изъ черт. 26, обмотка

якоря въ отношеніи направленія возбуждающихся въ ней электродвижущихъ силъ дѣлится нейтральною осью gh, перепендикулярной направленію силъ, на двѣ половины. Суммарная электродвижущая сила, дѣйствующая въ одной половинѣ обмотки, равна и прямо противоположна электродвижущей силѣ второй половины обмотки. Такимъ образомъ, обѣ электродвижущія силы взаимно уравновѣшиваются и поэтому тока въ обмоткѣ якоря не будетъ. Если же на коллекторъ по нейтральной оси, наложить двѣ щетки k и l и къ нимъ приключить цѣпь съ какимъ либо сопротивленіемъ R, то, такъ какъ между щетками k и l дѣйствуетъ

напряженіе, равное суммарной электродвижущей силь половины обмотки якоря, во внъшней цъпи установится токъ i, который, выйдя изъ щетки l и пройдя черезъ сопротивленіе R, направится въ щетку k. Далье токъ i раздваивается, н по каждой половинь обмотки проходитъ токъ  $\frac{i}{2}$ , въ щеткъ же l оба тока снова соединяются и во внъшнюю цъпь направляется токъ i.

Сила тока i въ цъпи, образуемой двумя половинами обмотки якоря и внъшнимъ сопротивленіемъ R, включая сюда и сопротивленіе соединительныхъ проводовъ p o, опредъляется согласно закона Oма:  $i=\frac{E}{R_0}$ , гдѣ E дъйствующее въ цъпи напряженіе, т. е. въ данномъ случаѣ напряженіе, возбуждаемое въ каждой изъ половинъ обмотки якоря, а  $R_0$ — полное сопротивленіе цъпи, слагающееся изъ сопротивленія R внъшней цъпи и сопротивленія обмотки якоря между щетками k и l. Щетки k и l дълятъ сопротивленіе обмотки якоря на двѣ равныя части, которыя по отношенію разсматриваемой цъпи включены параллельно другъ другу. Общее сопротивленіе объихъ половинъ обмотки якоря при такомъ включеніи опредъляется на основаніи 1 закона Кирхгофа:

$$r = \frac{r_0^2 \cdot \frac{n^2}{4}}{2r_0 \cdot \frac{n}{2}} = \frac{r_0 n}{4},$$

а сила тока въ вышеупомянутой цъпи

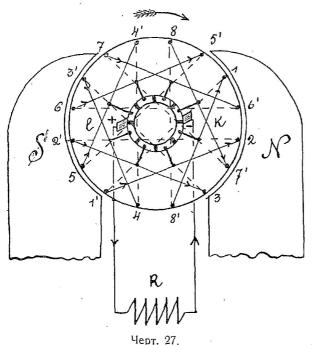
$$i = \frac{E}{\frac{r_0 n}{4} + R}.$$

Слъдуетъ отмътить, что благодаря вышеуказанному направлению магнитнаго потока въ сердсчникъ ксльцевого яксря (черт. 26), ребра витковъ обмотки, расположенные на внутренней цилиндрической поверхности якоря, линій силъ не пересъкаютъ и по этому непосредственно въ нихъ электродвижущая сила не возбуждается.

Якорь барабаниаго типа состоитъ изъ сплошного желъзнаго цилиндра, а обмотка располагается на наружной его поверхности такъ, что каждые два діаметрально противоположные провода составляютъ одинъ витокъ, при чемъ начало витка соединяется съ концомъ предыдущаго витка, а конецъ витка съ началомъ слъдующаго витка.

Число витковъ на якоръ барабаннаго типа, такимъ образомъ, равняется половинному количеству проводовъ, расположенныхъ на наружной цилиндрической поверхности якоря.

Примъръ обмотки двуполюснаго якоря барабаннаго типа показанъ на черт. 27. Соединительные провода, расположенные



на боковой поверхности цилиндра, обращенной къ наблюдателю, показаны сплошными линіями, а расположенные на задней боковой поверхности — прерывистыми. Соединеніе между отдъльными секціями обмотки приключены къ соотвътствующимъ пластинамъ коллектора. Въ разсматриваемомъ случаъ каждая секція состоитъ изъ одного витка.

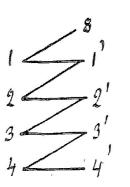
Слъдующая схема поясняетъ устройство обмотки, при

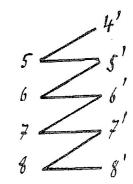
чемъ наклонныя линіи отвъчаютъ соединеніямъ на передней боковой поверхности, а горизонтальныя линіи— соединеніямъ на задней боковой поверхности якоря.

Направленіе электродвижущихъ силъ, возбуждаемыхъ въ отдѣльныхъ виткахъ обмотки въ моментъ нахожденія якоря въ указанномъ на черт. 27 положеніи, опредѣляется при помощи вышеприведеннаго правила и показано стрѣлками на соединеніяхъ передней боковой поверхности якоря. Изъ чертежа 27 усматривается, что электродвижущія силы, возбуждаемыя въ отдѣльныхъ виткахъ, суммируются за исключеніемъ витковъ, образуемыхъ про-

водами 44' и 88', въ которыхъ электродвижущія силы направлены въ противоположныя стороны. Поэтому, если щетки l и k иомъстить такъ, чтобы въ разсматриваемый моментъ онъ касались пластинъ коллектора, находящихся въ непосредственномъ соеди-

иеніи съ витками 44' и 88', то, при замкнутой внъшней цъпи, токъ изъ обмотки якоря черезъ щетку l направится во внъшнюю цъпь и возвратится въ обмотку якоря черезъ щетку l. Щетки l дълятъ обмотку, какъ





и въ кольцевомъ якоръ, на двъ равныя части, въ которыхъ возбуждаются равныя и взяимно противоположныя электродвижущія силы Е. Въ моментъ, изображенный на черт. 27, въ одну половину обмотки включены послъдовательно провода 7',7,6',6,5',5', а въ другую — провода 1,1',2,2',3.3'. Витокъ, состоящій изъ проводовъ 88', замкнутъ на корсткую щеткой k, а витокъ 44' щеткой І, такъ какъ объ щетки въ этотъ моментъ перекрываютъ по двъ пластины коллектора. Въ слъдующій моментъ, когда каждая щетка будетъ касаться только одной пластины, въ первой половинъ обмотки будутъ послъдовательно включены провода 7',7,6',6,5',5,4',4', а во второй 8,8',1,1,,2,2',3,3'. Сопротивленіе обмотки якоря по отношенію къ внъшней цъпи, благодаря параллельному включенію объихъ половинъ обмотки, равно половинъ сопротивленія каждой изъ половинъ обмотки якоря. Если обозначить черезъ n—число проводовъ на окружности якоря, то число витковъ равно  $\frac{n}{2}$ . Обозначимъ черезъ  $r_0$  сопротивленіе одного витка, включая сюда и соотв'ятствующіе соединительные провода. Отсюда сопротивленіе половины обмотки равно  $\frac{n}{2} \cdot r_0 \cdot \frac{1}{2}$ , а общее сопротивленіе обмотки якоря по отношенію къ внѣшней цѣли  $\frac{r_0\,n}{8}$ .

Общее сопротивление вмъстъ съ сопротивлениемъ внъшней цъпи

$$\frac{r_0n}{8}+R$$
,

а сила тока въ цъпн

$$i = \frac{E}{\frac{r_0 n}{8} + R}.$$

### Электродвижущая сила динамо-машины.

Электродвижущая сила динамо машины представляетъ собой въ каждый данный моментъ вращенія якоря сумму электродвижущихъ силъ, которыя возбуждаются въ тотъ же моментъ въ отдъльныхъ виткахъ, включенныхъ послъдовательно между упомянутыми щетками

 $E = \sum e$ .

Такъ какъ электродвижущая сила въ отдъльномъ виткъ измъняется, какъ выше было выведено, согласно выраженія  $e=\frac{2\pi}{T}N\sin\alpha$ , то вмъсто суммированія мгновенныхъ значеній e въ отдъльныхъ виткахъ, можно опредѣлить E путсмъ умноженія числа послъдовательно включенныхъ витковъ на среднія значенія e за время, въ теченіе котораго e отъ 0 достигаетъ своего максимальнаго значенія и снова уменьшается до 0, т. е. за время полуперіода, во время котораго  $\alpha$  въ свою очередь измъняется отъ 0 до  $\pi$ .

Сумма e за полуперіодъ выражается интеграломъ

$$\int_{0}^{\pi} \frac{2\pi}{T} N \sin \alpha \, d\alpha = -\frac{2\pi}{T} N \left[\cos \alpha\right]_{0}^{\pi} = \frac{4\pi}{T} N$$

и изображается площадью, ограниченной синусоидой (черт. 24), съ основаніемъ  $\pi$ .

Эта площадь равновелика площади прямоугольника, также съ основаніемъ  $\pi$  и высотою, равною  $e_m$ , т. е. среднему значенію e.

Слъдовательно,

$$e_m \pi = rac{4 \pi}{T} N$$
  $e_m = rac{4}{T} N$  .

T представляетъ собою время одного періода, которое въ двуполюсной машины равно времени одного оборота витка, а,

слъдовательно, и якоря. Такимъ образомъ  $\frac{1}{T}$  есть число оборотовъ якоря въ одну секунду, которое обозначимъ черезъ k.

$$e_{...}=4 kN$$
.

Если n представляеть собою число проводовъ на наружной цилиндрической поверхности якоря, то число витковъ включенныхъ послѣдовательно между щетками, равно въ якорѣ кольцевого типа  $\frac{n}{2}$ , а въ якорѣ о́арабанаго типа  $\frac{n}{4}$ .

Магнитный токъ, который охватывается виткомъ при его прохождении черезъ нейтральную ось, въ якоръ кольцевого типа равняется  $\frac{N}{2}$ , въ якоръ барабаннаго типа N. Такимъ образомъ, электродвижущая сила E двуполюсной динамо-машины въ первомъ случаъ равна

$$E = 4 k \cdot \frac{N}{2} \cdot \frac{n}{2} = n \cdot k \cdot N (CGS),$$

а во второмъ

$$E = 4 k . N . \frac{n}{4} = n . k . N (CGS),$$

т. е. и въ томъ и въ другомъ случа E зависитъ отъ числа проводовъ, расположенныхъ на наружной цилиндрической поверхности якоря, отъ величины магнитнато потока, пересъкаемаго этими проводами, и скорости, съ которою происходитъ упомянутое пересъчение.

Электродвижущая сила двуполюсной динамо-машины, выраженная въ вольтахъ, такъ какъ 1 вольтъ  $= 10^8\ C\ S$ , представляется въ слъдующемъ видъ

$$E = n . k . N. 10^{-8}$$
 вольтъ.

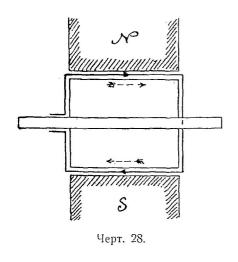
Динамо-машины большихъ мощностей, вслъдствіе необходи мости приданія ихъ якорямъ большихъ размъровъ для надлежа щаго излученія развивающагося въ якорной обмоткъ тепла, и вытекающихъ отсюда конструктивныхъ соображеній въ отношеніи электромагнитовъ, строятся многополюсными, при чемъ обмотка якоря дълится соотвътствующимъ количествомъ щетокъ на число параллельныхъ цъпей, равное числу полюсовъ.

### Токи Фуко.

Подъ токами Фуко разумъются вихревые токи, которые идутъ не по линейному пути, а замыкаются тамъ, гдъ встръчаютъ наименьшее сопротивленіе.

Они появляются на толстыхъ проводникахъ или металличеческихъ массахъ, когда тѣ или другія пересѣкаютъ линіи силъ. Направленіе токовъ Фуко въ мѣстахъ пересѣченія линій силъ перпендикулярно направленію линій силъ и направленію движенія проводника или массы.

Если бы сердечникъ якоря динамо-машины состоялъ изъ массивнаго желъзнаго цилиндра, то въ немъ развивались бы токи Фуко очень большой силы, которые вызывали бы сильное нагръваніе якоря и, слъдовательно, потерю работы. На черт. 28 въ разръзъ показанъ якорь динамо-машины. Въ тотъ моментъ, когда



рамка обмотки якоря проходитъ мимо полюсовъ, въ ней возбуждается электродвижущая сила, направленіе которой показано стрълкой. Въ томъ же направленіи, однако, возбуждаются и электродвижущія силы и въ жельзь якоря въ частяхъ, сосъднихъ съ (пунктирная стрълка). рамкой Такъ какъ сопротивленіе массивнаго сердечника очень незначительно, то подъ дъйствіемъ вышеупомянутыхъ электродвижущихъ должны появиться большой силы.

Во избъжаніе появленія токовъ Фуко, сердечники якорей изготовляются не изъ сплошныхъ жельзныхъ цилиндровъ, а изъ листового жельза, изъ котораго для кольцевого якоря штампуются кольца, а для барабаннаго—диски. Между тъми и другими прокладывается бумажная изоляція и въ такомъ видъ кольца и диски спрессовываются особыми сжимами, вдоль вала, на которомъ вращается якорь.

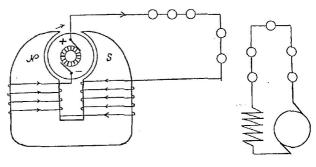
### Возбужденіе динамо-машинъ.

Въ электрическихъ машинахъ первоначальнаго типа магнитное поле, необходимое для возбужденія въ обмоткъ якоря электродвижущей силы, получалось при помощи постоянныхъ стальныхъ магнитовъ. Затъмъ стали примънять для той же цъли электромагниты, обмотка которыхъ питалась отъ посторонняго источника тока. Наконецъ, когда въ концъ семидесятыхъ годовъ прошлаго столътія было доказано, что остаточный магнетизмъ въ

желъзъ можетъ быть использованъ для самовозбужденія электрическихъ машинъ, появился современный типъ динамо-машинъ, въ которыхъ обмотка электромагнитовъ питается токомъ, вырабатываемымъ въ обмоткъ якоря.

При пускъ въ ходъ динамо-машины, якорь вращается въ магнитномъ полъ небольшой силы, вызываемомъ остаточнымъ магнетизмомъ желъзныхъ сердечниковъ электромагнитовъ. Вслъдствіе вращенія оботки якоря въ магнитомъ полъ, въ упомянутой

обмоткъ возбуждается электродвижущая сила, хотя и очень слабая. Результатомъ послъдней является слабый токъ, поступающій въ обмотку электромагнитовъ и усиливающій тъмъ магнитный потокъ въ сер-

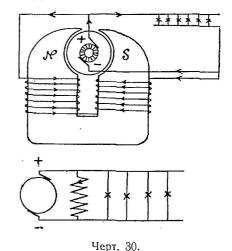


Черт. 29.

дечникахъ электромагнитовъ, въ частности, и въ магнитной цъпи динамо-машины вообще. Электродвижущая сила въ обмоткъ якоря возрастаетъ и увеличивается магнетизирующій токъ въ электромаг-

нитахъ. Указанный процессъ продолжаетъ развиваться далъе въ той же послъдовательности до уравненія электродвижущей силы, возбуждаемой въ обмоткъ якоря, съ ея расходомъ, т. е. съ произведеніемъ соотвътствующей силы тока въ цъпи на сопротивленіе иъпи.

Въ зависимости отъ способа включенія обмотки электромагнитовъ, динамо-машины дълятся на динамо-машины: 1) съ послъдовательнымъ возбужденіе (серіесъмашины), 2) съ параллельнымъ



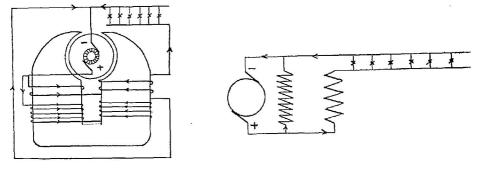
возбужденіемъ (шунтъ-машины) и 3) съ послѣдовательной и параллельной обмотками (компаундъ-машины).

У динамо-машинъ съ послъдовательнымъ возбужденіемъ обмотка электромагнитовъ состоитъ изъ небольшого числа витковъ изъ толстой проволоки, слъдовательно, малаго сопротивленія, и

эта обмотка включена послъдовательно съ сопротивленіемъ внъшней цъпи (черт. 29).

У динамо-машинъ съ параллельнымъ возбужденіемъ обмотка электромагнитовъ состоитъ изъ большого числа оборовъ тонкой проволоки и присоединена непосредственно къ щеткамъ (борнамъ) динамо-машины, т. е. включена паралльно внъшней цъпи (черт. 30). Вслъдствіе большого сопротивленія обмотки электромагнитовъ, магнетизирующій токъ въ этой обмоткъ очень малъ по сравненію съ токомъ во внъшней цъпи.

Компауидъ-машина представляетъ собою по существу динамо-машину съ параллельнымъ возбужденіемъ, магнитное поле которой усиливается дъйствіемъ нъсколькихъ витковъ толстой проволоки, включенныхъ послъдовательно по отношенію къ внъшней цъпи (черт. 31). Цъль такой обмотки поддерживать у борновъ ма-



Черт. 31.

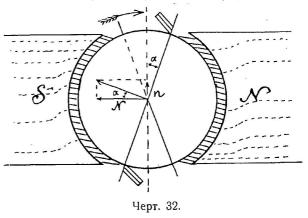
шины (зажимовъ, къ которымъ приключается внъшняя цъпь) постоянство напряженія при увеличеніи потребленія тока, несмотря на увеличивающееся при этомъ паденіе напряженія въ обмоткъ якоря.

### Реакція якоря.

Когда динамо-машина работаетъ подъ нагрузкой, т. е. ея внъшняя цъпь замкнута на какое-либо сопротивленіе R, то токъ въ проводахъ обмотки якоря, расположенныхъ на наружной цилиндрической поверхности якоря, направленъ: въ проводахъ, проходящихъ мимо одного изъ полюсовъ, въ одну сторону, а проходящихъ мимо другого полюса, въ противоположную сторону. Такъ, при направленіи вращенія якорей, показанномъ на черт. 26—27, въ проводахъ противъ съвернаго полюса токъ идетъ по направленію отъ наблюдателя, а въ проводахъ противъ южнаго полюса къ наблюда-

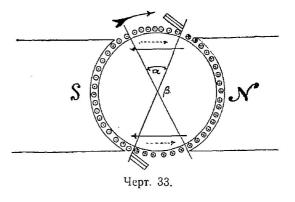
телю. Такое направленіе токовъ въ обмоткъ якоря аналогично направленію тока въ виткахъ соленоида и вызываетъ намагничиваніе сердечника якоря по направленію нейтральной оси, при чемъ это намагиичиваніе тъмъ больше, чъмъ больше нагрузка динамомашины, т. е. чъмъ больше токъ во внъшней цъпи. Линіи силъ образующагося такимъ образомъ поперечнаго магнитнаго поля, суммируясь съ основнымъ магнитнымъ потокомъ, вызываютъ искривленіе направленія послъдняго (черт. 32), вслъдствіе чего линіи

въ сердечникъ якоря образуютъ нъкоторый уголъ а съ первоначальнымъ своимъ направленіемъ. На этотъ же уголъ перемъщается и нейтральная ось, къ которой сходятся и отъ которой расходятся токи въ соотвътствующихъ частяхъ обмотки якоря. Сооб-



разно съ перемъщениемъ нейтральной оси представляется необходимымъ передвинуть и щетки, такъ какъ въ противномъ случаъ токъ въ части витковъ будетъ проходить навстръчу электро-

движущей силь, возбуждаемой въ этихъ виткахъ. Кромъ того, для хорошей коммутаціи необходимо, чтобы замыканіе витковъ обмотки якоря на короткую въ моментъ перекрытія щетками двухъ смежныхъ пластинъ коллектора происходило въ такомъ положеніи витковъ, въ которомъ они пересъ-



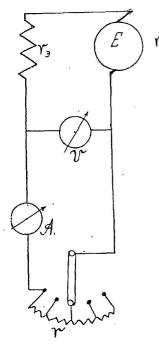
каютъ въ единицу времени наименьшее число линій силъ, что и имъетъ мъсто при прохожденіи ихъ черезъ нейтральную ось.

На черт. 33 показано примърное расположеніе щетокъ при работъ динамо-машины подъ нагрузкой. Направленіе тока въ проводахъ обмотки якоря показано: точками—направленіе къ наблюдателю, крестиками—направленіе отъ наблюдателя. При указан-

номъ положеніи щетокъ вся обмотка якоря разбивается на двѣ части, а именно, на расположенную внутри угла а нейтральной зоны, а на расположенную внутри угла β, опирающагося на дугу полюсныхъ наконечниковъ. Витки, находящіеся въ полосѣ нейтральной зоны, вызываютъ магнитное поле противоположнаго направленія основному магнитному потоку, и поэтому вызываютъ ослабленіе послѣдняго. Дѣйствіе этихъ витковъ и называется реакціей якоря. При расчетѣ амперъ-ватковъ обмотки электромагнитовъ необходимо число амперъ-витковъ, потребное для преодолѣнія магнитнаго сопротивленія сердечника якоря, воздушныхъ полюсныхъ промежутковъ и сердечниковъ электромагнитовъ, увеличить на нѣкоторое (отъ 10 до 15% отъ основного) число амперъвитковъ, имѣющее цѣлью уравновѣсить дѣйствіе реакціи якоря.

# Динамо-машина съ послъдовательнымъ возбужденіемъ при перемънной нагрузкъ.

Динамо-машины, работающія какъ генераторы, приводятся во вращеніе съ постоянною скоростью при различныхъ нагруз-кахъ. На черт. 34 схематически показана динамо-машина съ по-



Черт. 43.

слъдовательнымъ возбужденіемъ, сопротивленіе обмотки якоря которой  $r_{x}$ , сопротивленіе обмотки электромагнитовъ  $r_{x}$  и регулируемое сопротивленіе виъшней цѣпи r. Между борнами динамо-машины включенъ вольтметръ V—приборъ, измѣряющій напряженіе, въ данномъ случаѣ напряженіе между борнами, а послѣдовательно во внѣшнюю цѣпь включенъ амперметръ A, измѣряющій силу тока.

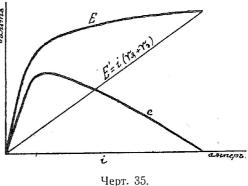
Если внъщнее сопротивленіе измънять отъ безконечно большой величины (внъшняя цъпь разомкнута) до нуля, (внъшняя цъпь замкнута на короткую), то соотвътственно сила тока i въ цъпи отъ 0 будетъ возрастать до нъкоторой величины i<sub>x</sub>. При этомъ будетъ измъняться также и напряженіе e у борновъ. Откладывая по оси абсциссъ различныя значенія тока i, а по оси ординатъ соотвътствующія имъ, согласно показанія

приборовъ, значенія напряженія у борновъ e, и соединяя вершины ординатъ, получимъ кривую е (черт. 35), дающую зависи-

мость напряженія у борновъ динамо-машины отъ силы тока во внъшней иъпи. Проведемъ прямую подъ угломъ а къ оси абсциссъ при условіи, чтобы

$$\operatorname{tg} \alpha = r_{\scriptscriptstyle H} + r_{\scriptscriptstyle O} = \frac{E'}{i}$$
.

E' представляетъ собою ту часть электродвижущей силы, возбуждаемой въ обмоткъ якоря, которая идетъ



на преодолъние сопротивления обмотокъ якоря и электромагнитовъ.

Вышеупомянутая прямая, такимъ образомъ, даетъ зависимость

$$E' = i \left( r_a + r_a \right)$$

отъ силы тока i.

Путемъ суммированія ординатъ кривой e съ ординатами E'получается кривая E, представляющая сооой изм $^{1}$ неніе электродвижущей силы, возбуждаемой въ обмоткъ якоря, въ зависимости отъ силы тока во внъшней цъпи и называемая характеристикой серіесъ-динамо-машины. При разомкнутой цъпи, такъ какъ сила тока въ обмоткахъ электромагиитовъ равна 0 и поэтому магнитный потокъ почти равенъ 0 (остаточный магнетизмъ), то и электродвижущая сила въ обмоткъ якоря также практически равна 0. Если цъпь замкнуть на не очень большое сопротивленіе, то въ цъпи устанавливается токъ, обусловливающій появленіе соотвътствующей силы магнитнаго поля, а, слѣдовательно, и электродвижущей силы въ обмоткъ якоря. При дальнъйшемъ уменьшеніи сопротивленія во внъшней цъпи увеличивается сила тока и возрастаетъ электродвижущая сила. Возрастание послъдней по мъръ увеличенія тока замедляется, съ одной стороны всл'вдствіе магнитнаго насыщенія сердечниковъ электромагнитовъ, съ другой, благодаря увеличенію реакціи якоря.

Напряженіе е у борновъ, являющееся разностью между электродвижущей силой, возбуждаемой въ обмоткъ якоря, и ея частью, идущей на преодолъніе сопротивленія обмотокъ якоря и электромагнитовъ, т. е.

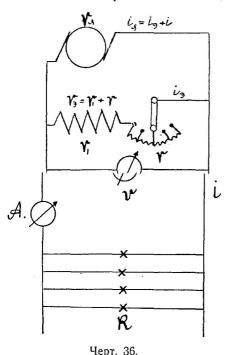
$$e = E - E' = E - i (r_a + r_a)$$

сначала быстро возрастаетъ, затъмъ начинаетъ уменьшаться, съ одной стороны, благодаря увеличенію внутренней потери электродвижущей силы, т. е. E', съ другой стороны, благодаря замедленію возрастанія E.

При короткомъ замыканіи e=0, т. е. вся электродвижущая сила, возбуждаемая въ обмоткъ якоря расходуется на преодолъніе внутреннихъ сопротивленій обмотокъ динамо-машины.

# Динамо-машина съ параллельнымъ возбужденіемъ при перемънной нагрузкъ.

При параллельномъ возбужденіи динамо-машины, при которомъ оомотка электромагнитовъ приключена къ борнамъ динамомашины параллельно внъшней цъпи, нагрузка внъшней цъпи, т. е. сила тока въ цъпи, непосредственно не вліяетъ на силу тока въ обмоткъ электромагнитовъ. Для регулированія возбужденія элек-



довательно съ ихъ обмоткой регулировочное сопротивление r(черт. 36), путемъ измъненія котораго можно измънять въ извъстныхъ предълахъ силу тока  $i_a$  въ обмоткъ электромагнитовъ. Сообразно съ измѣненіемъ силы тока  $i_{a}$ измъняется создаваемое электромагнитами магнитное поле, въ зависимости отъ чего измъняется, при условіи сохраненія скорости вращенія якоря, и электродвижущая сила E, возбуждаемая въ обмоткъ якоря. Если по оси абсциссъ откладывать величины  $i_{a}$ , а по оси ординатъ соотвътствующія имъ значенія электродвижущей силы E, полученныя при разомкнутой внъшней цъпи, такъ какъ въ этомъ случав E равно напря-

тромагнитовъ включается послъ-

женію у борновъ e и поэтому можетъ быть непосредственно измъренно вольтметромъ, то получится кривая того же вида, что и кривая E на черт. 35. Эта кривая носитъ названіе внутренней или статической характеристики шунтъ-машины.

Кривая, представляющая собою зависимость напряженія у борновъ e отъ нагрузки, т. е. силы тока i во внѣшней цѣпи, называется внѣшней характеристикой. Для полученія ея опытнымъ путемъ включаемъ вольтметръ V между борнами динамомашины, а амперметръ A послѣдовательно во внѣшнюю цѣпь (черт. 36). Регулировочное сопротивленіе r въ цѣпи обмотки электромагнитовъ устанавливается на какое-либо опредѣленное положеніе, въ которомъ и остается во все время опыта, т. е. сопротивленіе обмотки электромагнитовъ  $r_1$  вмѣстѣ съ добавочнымъ сопротивленіемъ r составляетъ постоянную величину  $r_3$ . Число оборотовъ якоря при всѣхъ нагрузкахъ поддерживается постояннымъ.

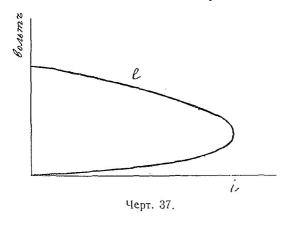
Сопротивленіе R во внъшней цъпи, начиная отъ безконечно большой величины, что имъетъ мъсто, когда цъпь разомкнута, постепенно уменьшаемъ путемъ, напримъръ, увеличенія числа параллельно включаемыхъ лампъ накаливанія.

Когда внъшняя цъпь разомкнута, напряженіе у борновъдинамо машины e=E, получаемое изъ статической характеристики для соотвътствующей силы тока  $i_{\mathfrak{z}}$  въ обмоткъ электромагнитовъ. Сила тока въ якоръ  $i_{\mathfrak{z}}$  въ этомъ случаъ равна  $i_{\mathfrak{z}}$ . При замыканіи внъшней цъпи на нъкоторое сопротивленіе R въ ней появится токъ i, на каковую величину увеличится и токъ въ обмоткъ якоря, т. е.  $i_{\mathfrak{z}}=i+i_{\mathfrak{z}}$ . Такъ какъ напряженіе e у борновъ динамо-машины равняется напряженію E, возбуждаемому въ обмоткъ якоря, за вычетомъ той его части E, которая идетъ на преодолъніе сопротивленія обмотки якоря и зависитъ отъ этого сопротивленія  $(r_{\mathfrak{z}})$  и силы тока  $i_{\mathfrak{z}}$ , т. е.

$$e = E - E' = E - r_a i_a$$

то по мъръ увеличенія нагрузки во внъшней цъпи, а слъдовательно, и увеличенія  $i_{s}$ , вызывающаго увеличеніе потери напряженія въ обмоткъ якоря  $E'=r_{s}$   $i_{s}$ , понижается напряженіе у борновъ e. Въ свою очередь, сила тока  $i_{s}$  въ обмоткъ электромагнитовъ, находясь въ зависимости отъ напряженія у борновъ  $\left(i_{s}=\frac{e}{r_{s}}\right)$ , съ уменьшеніемъ e также уменьшается, вслъдствіе чего ослабляется магнитный потокъ N въ электромагнитахъ. Такъ какъ E=n . k . N .  $10^{-8}$  вольтъ, гдъ n и k для даннаго случая величины постояныя, то уменьшеніе N вызываетъ уменьшеніе E, а, слъдовательно, и e и т. д. Такое взаимоотношеніе между вышеупомянутыми величинами обусловливаетъ, съ увеличеніемъ нагрузки во внъшней цъпи (i), все большее и большее пониженіе

напряженія у борновъ e, и, наконецъ, при достиженіи i чрезмрной величины; дальнъйшее уменьшеніе сопротивленія во внъшней



цъпн вмъсто увеличенія i вызываетъ уменьшеніе силы тока и одновременно уменьшеніе напряженія у борновъ, которое, вслъдствіе продолжающагося ослабленія магнетизирующаго тока i, продолжаетъ уменьшаться одновременно съ уменьшеніемъ i, съ тъмъ, чтобы, при короткомъ замыканіи внъшней цъпи, обратиться въ O.

На черт. 37 представлена внъшняя характеристика шунтъ-машины, полученная путемъ отложенія по оси абсциссъ величинъ i, а по оси ординатъ соотвътствующихъ величинъ e.

### Коэффиціентъ полезнаго дъйствія динамо-машинъ.

$$\eta = \frac{ei}{ei + i_n^2} \frac{ei}{r_n + ei_2 + P_0},$$

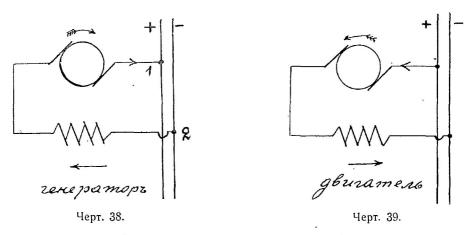
а для динамо-машины съ послъдовательнымъ возбужденіємъ

$$\eta = \frac{ei}{ei + i_{_{R}}{}^{2} r_{_{R}} + i_{_{R}}{}^{2} r_{_{s}} + P_{0}}.$$

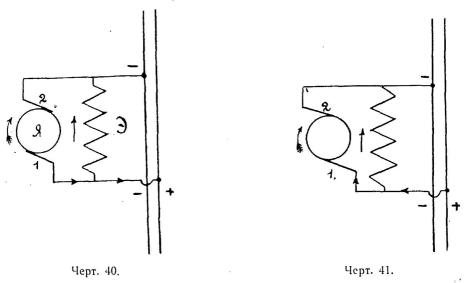
#### Электродвигатели постояннаго тока.

Опытъ показываетъ, какъ о томъ было упомянуто въ главъ объ электромагнитахъ, что свободный магнитный полюсъ, будучи помъщенъ въ магнитномъ полъ, образующемся вокругъ проводника при прохожденіи по нему тока, стремится перем'єщаться въ этомъ полъ вокругъ проводника (черт. 7). Если магнитный полюсъ закръпленъ неподвижно, то стремиться перемъщаться будетъ проводникъ. Такимъ образомъ, между проводникомъ и полюсомъ дъйствуетъ сила, стрямящаяся вызвать относительное перемъщеніе между тъмъ и другимъ. Направленіе дъйствія этой силы опредъляется на основании опыта, согласно котораго съверный мате нитный полюсъ перемъщается по направлению линій силъ, которыя, въ свою очерсдь, направлены по часовой стрълкъ, въ томъ случаъ, если смотръть вдоль проводника вслъдъ уходящему току. Отсюда слъдуетъ, что если смотръть вдоль провода вслъдъ уходящему току, въ то время, когда подвижный проводъ находится надъ неподвижнымъ съвернымъ полюсомъ, то проводъ будетъ перемъщаться вправо отъ наблюдателя, а при направлени тока къ наблюдателю-влъво отъ наблюдателя. Если обратиться къ разсмотрънію направленія силы взаимодъйствія между проводами, расположенными на цилиндрической поверхности якоря динамомашины, и полюсными наконечниками электромагнитовъ (черт. 33), то при указанномъ на черт. 33 направленіи токовъ въ проводахъ обмотки якоря, эти провода, а вмъстъ съ ними и якорь, оудутъ стремиться повернуться противъ часовой стрълки. Между тъмъ указанное на чертежъ направленіе токовъ въ упомянутыхъ проводахъ получается подъ дъйствіемъ того же направленія электродвижущихъ силъ, возбуждаемыхъ въ этихъ проводахъ при условіи вращенія якоря по направленію часовой стрълки. Это показываетъ, что вращение якоря динамо-машины требуетъ затраты соотвътственной механической работы, которая, въ свою очередь, частью поглощается механическими и электрическими потерями въ самой динамо машинъ, а въ главной своей части превращается въ электрическую работу, отдаваемую динамо-машиной во внъшнюю цъпь. Очевидно, что если въ обмоткъ якоря сохранить прежнее направление тока, питая обмотку якоря изъ постороннягс источника тока, а также сохранить полярность электромагнитовъ то якорь, подъ вліяніємъ силы взаимод'вйствія между токами въ проводахъ его обмотки и магнитнымъ полемъ электромагнитовъ будетъ вращаться противъ часовой стрълки и совершать механическую работу.

Такимъ образомъ, направленіе вращенія якоря динамомашины, работающей какъ двигатель, при соблюденіи вышеуказанныхъ условій, обратно направленію вращенія того же якоря при работъ динамо-машины, какъ генератора. Для того, чтобы въ



электродвигателъ съ послъдовательнымъ возбуждениемъ сохранить направление тока въ обмоткахъ якоря и электромагнитовъ такое же, какъ и при работъ его въ качествъ генератора (черт. 38), необходимо борны у шинъ переключить такимъ образомъ, чтобы



борнъ 1 былъ присоединенъ къ отрицательной шинѣ, а борнъ 2 къ положительной. Если борновъ не переключать, то токъ пойдетъ въ обратномъ направлении какъ черезъ обмотку якоря, такъ и черезъ обмотку электромагнитовъ (черт. 39); при этомъ условія

взаимодъйствія между проводами на окружности якоря и магнитнымъ полемъ электромагнитовъ не измънятся и якорь будетъ вращаться въ томъ же направленіи, какъ и при переключеніи борновъ, т. е. въ направленіи противоположномъ вращенію якоря при работъ динамо-машины, какъ генератора.

Наоборотъ, динамо-машина съ параллельнымъ возбужденіемъ, при оставленіи безъ измѣненія способа ея приключенія къ шинамъ какъ при работѣ ея въ качествѣ генератора, такъ и при работѣ ея въ качествѣ двигателя, сохраняетъ въ обоихъ случаяхъ одно и то же направленіе вращенія якоря. Дѣйствительно, при работѣ динамо-машины, какъ генератора, токъ, выйдя изъ щетки 1 (черт. 40), направляется въ обмотку электромагнитовъ э и въ шину со знакомъ —. При работѣ ея, какъ двигателя (черт. 41), токъ поступаетъ изъ шины — и направляется въ обмотку электромагнитовъ э въ прежнемъ направленіи, а въ обмотку якоря черезъ щетку 1 въ направленіи, обратномъ, чѣмъ въ предыдущемъ случаѣ. Такимъ образомъ, взаимодѣйствіе между токомъ въ обмоткъ якоря и магнитнымъ полемъ электромагнитовъ соотвѣтственно измѣняется и создаются условія для вращенія якоря въ томъ же направленіи, какъ и при работѣ динамо-машины, какъ генератора.

# Вращающій моментъ, число оборотовъ и мощность электродвигателей постояннаго тока.

Сила взаимодъйствія f между проводомъ общей длиной l, по которому проходитъ токъ I (CGS), и магнитнымъ иолемъ, магнитная индукція котораго въ воздухѣ въ мѣстѣ нахожденія провода — H, опредъляется, какъ было указано въ главѣ объ электромагнитахъ, изъ выраженія

$$f = HII$$
 динъ.

Изъ числа проводовъ, расположенныхъ на окружности якоря, находятся во взаимодъйствіи съ магнитнымъ полемъ тѣ, которые расположены въ сферѣ дѣйствія магнитнаго поля. Таковыми являются провода, находящієся въ разсматриваемый моментъ противъ магнитныхъ полюсовъ. Если обозначить длину одного провода черезъ b см., число проводовъ черезъ n и уголъ, опирающійся на дугу полюснаго наконечника, черезъ b, то общая длина подверженныхъ дѣйствію магнитнаго поля проводовъ въ двухполюсной машинѣ опредѣлится въ

$$l = \frac{n \cdot b \cdot 2 \beta}{360} \text{ cm}.$$

Такимъ образомъ, сила взаимодъйствія между проводами обмотки якоря и магнитнымъ полемъ электромагнитовъ или, такъ какъ электромагниты неподвижны, сила, дъйствующая на провода по наружной окружности якоря, выразится въ

$$f = H \cdot I \cdot \frac{n \cdot b \cdot 2\beta}{360}$$
 динъ.

При діаметрѣ якоря въ D см. или радіусѣ  $r=\frac{D}{2.100}$  метровъ, имѣя въ виду, что 1 кгр.  $=9.81,\ 10^5$  динъ, вращающій моментъ M равняется

 $M = H \cdot I \cdot \frac{n \cdot b \cdot 2\beta}{360} \cdot \frac{D}{2.100} \cdot \frac{1}{9.81} \cdot 10^{-5}$  кгр. мтр.

Выраженіе  $\frac{D.\pi.\beta}{360}$ . b представляетъ собою поверхность полюснаго наконечника и, будучи умножено на индукцію въ воздухѣ H, даетъ магнитный потокъ N. Слѣдовательно,

$$M = \frac{N \cdot n \cdot I}{9.81 \cdot \pi}$$
 . 10<sup>-7</sup> кгр. мтр.

Сила тока въ проводахъ обмотки якоря въ двухполюсной машинъ равняется  $i_2$  полнаго тока въ якоръ  $i_a$  ( $i_a$  въ амперахъ).

Отсюда

$$I = \frac{i_{\scriptscriptstyle g}}{10.2}$$

а

$$M = \frac{N \cdot n \cdot i_{R}}{2\pi \cdot 9.81} \cdot 10^{-8}$$
 кгр. мтр.

Во время вращенія якоря электродвигателя подъ дѣйствіемъ вращающаго момента M, въ обмоткѣ якоря возбуждается, согласно предыдущаго, электродвижущая сила E, которая должна была бы вызвать въ обмоткѣ токъ противоположнаго направленія току, поступающему изъ внѣшней цѣпи, т. е. упомянутая электродвижущая сила E противодѣйствуетъ электродвижущей силѣ e, дѣйствующей у борновъ электродвигателя, и поэтому называется обратной электродвижущей силой.

Обратная электродвижущая сила совершенно аналогична по условіямъ своего возникновенія съ электродвижущей силой, возбуждаемой въ обмоткъ якоря генератора постояннаго тока и, согласно предыдущаго, выражается для двуполюснаго электродвигателя черезъ

$$E = n \cdot k \cdot N \cdot 10^{-8}$$
 вольтъ,

гдъ  $\vec{n}$ —число проводовъ на периферіи якоря, k—число оборотовъ якоря въ секунду.

Слъдствіемъ появленія обратной электродвижущей силы является то, что въ обмоткъ якоря электродвигателя между щетками дъйствуетъ электродвижущая сила  $E_1=e-E$ , идущая на преодолъніе сопротивленія обмотки якоря и опредъляющая силу тока въ этой обмоткъ, согласно закону Ома

$$i_{n} = \frac{E_{1}}{r_{n}} = \frac{e - E}{r_{n}}.$$

Благодаря обратной электродвижущей силъ, сила тока въ обмоткъ якоря устанавливается автоматически въ соотвътствіи съ нагрузкой электродвигателя. Такъ напримъръ, при увеличеніи нагрузки, вызывающей увеличеніе момента внъшнихъ силъ по сравненію съ вращающимъ моментомъ M, скорость вращенія якоря замедляется. Вслъдствіе этого происходитъ уменьшеніе E, а, слъдовательно, увеличеніе  $i_n$  и такимъ образомъ возстановленіе равновъсія между моментомъ внъшнихъ силъ и вращающимъ моментомъ. Съ уменьшеніемъ нагрузки возрастаетъ k и E и уменьшается  $i_n$  и M.

Скорость вращенія якоря электродвигателя опредъляется изъвышеприведенныхъ двухъ уравненій:

$$k = \frac{E \cdot 10^8}{n \cdot N} = \frac{(e - i_n v) \cdot 10^8}{n \cdot N}$$
.

Мощность, развиваемая электродвигателемъ, равна произведенію вращающаго момента M на угловую скорость  $2\pi k$ . Для выраженія этой мощности въ ваттахъ необходимо  $2\pi k M$  умножить на 9.81 [1 кгр. мтр. =  $9.81 \cdot 10^7$  эргъ, 1 джауль =  $10^7$  эргъ, 1 ваттъ = 1 джауль (сек.)].

 $P = 2\pi$  . k . M кгр. метр./сек.  $= 2\pi$  . k . M . 9,81 ваттъ.

$$P = \frac{2\pi \cdot k \cdot N \cdot n \cdot i_{g} \cdot 9,81}{2\pi \cdot 9,81} \cdot 10^{-8} = k \cdot N \cdot n \cdot i_{g} \cdot 10^{-8}$$
 ваттъ.

Умножая уравненіе

$$e = E + i_a r_a$$
 на  $i_a$ ,

получимъ

$$ei_{\mathfrak{g}} = Ei_{\mathfrak{g}} + i^{2}_{\mathfrak{g}} r_{\mathfrak{g}}$$
.

 $ei_{s}$  представляетъ собою мощность, переданную на якорь электродвигателя, при чемъ часть таковой, а именно  $i_{s}^{\,2}\,r_{s}$  идетъ на нагръваніе обмотки якоря, а остальная часть  $Ei_{s}$  превращается

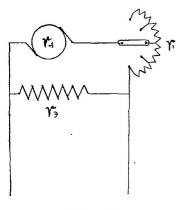
въ механическую мощность, развиваемую электродвигателемъ, считая въ томъ числъ и полезную мощность на валу электродвигателя и мощность, поглощаемуя холостымъ ходомъ такового.

Такимъ образомъ

$$Ei_n = kN \cdot n \cdot i_n \cdot 10^{-8}$$
.

# Электродвигатели постояннаго тока съ параллельнымъ возбужденіемъ.

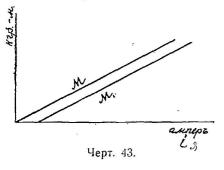
Въ томъ случаъ, когда не требуется регулированія числа оборотовъ электродвигателя, при нормальной его работъ, обмотка



Черт. 42.

электромагнитовъ приключается непосредственно къ борнамъ (черт. 42), черезъ посредство которыхъ электродвигатель включается въ питательную сѣть. Въ этомъ случаѣ магнетизирующій токъ въ обмоткѣ электромагнитовъ, а, слѣдовательно, и магнитный потокъ N электродвигателя остаются постояными. Вращающій моментъ электродвигателя при постоянствѣ N измѣняется пропорціонально силѣ тока i въ якорѣ и поэтому на діаграммѣ (черт. 43), на которой по оси абсциссъ отложены значенія i а по

оси ординатъ соотвътствующія имъ значенія M, завивимость между этими величинами выразится прямой, проходящей черезъначало координатъ.



Такъ какъ часть вращаюшаго момента идетъ на преодолъніе тренія, гистерезиса и токовъ Фуко, то полезный вращающій моментъ  $M_1$  будетъ на соотвътствующую величину меньше. Часть M, поглощаемая названными потерями, пропорціональна силъ тока въ якоръ  $i_a$  при холостомъ ходъ электродвигателя, а

 $M_1$  пропорціоналенъ, слъдовательно,  $i_{_{\rm H}}-i_{_{\rm O}}$ . Его измъненіе дается на черт. 43 прямой  $M_1$ .

Число оборотовъ разсматриваемаго электродвигателя въ предѣлахъ его работы отъ холостого хода до полной нагрузки измѣняется очень незначительно, такъ какъ въ выраженіи для числа оборотовъ

 $k = \frac{(e - i_{_{\scriptscriptstyle B}} r_{_{\scriptscriptstyle B}}) \ 10^{\rm s}}{n \cdot N}$ 

перемънной величиной является  $i_{_{\rm H}}r_{_{\rm H}}$ , которая, благодаря незначительности сопротивленія обмотки якоря  $r_{_{\rm H}}$ , мало вліяетъ на  $e-i_{_{\rm H}}r_{_{\rm H}}$ . Поэтому практически можно считать, что разсматриваемый электродвигатель работаетъ при постоянномъ числъ оборотовъ.

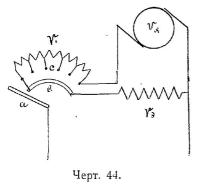
Полезная мощность, развиваемая электродвигателемъ, опредъляется или изъ произведенія полезнаго вращающаго момента на угловую скорость  $\frac{M_{\star}\cdot 2\pi \cdot k}{75}$  л. силъ или изъ произведенія обратной электродвижущей силы на рабочій токъ въ якорѣ—  $E\left(i_{s}-i_{0}\right)$  ваттъ.

$$\eta = \frac{E(i_n - i_0)}{e(i_n + i_s)} = \frac{(e - i_n r_n)(i_n - i_0)}{e(i_n + i_s)}.$$

При пускъ электродвигателя въ ходъ обратная электродвижущая сила равна O. Поэтому во избъжаніе появленія въ обмоткъ якоря недопустимой силы тока, такъ какъ въ этотъ моментъ  $i\pi = \frac{e}{r_n}$ , послъдовательно съ обмоткой якоря включается реостатъ  $r_1$  (черт. 42), который затъмъ постепенно, по мъръ увеличенія числа оборотовъ якоря, выключается.

При остановкъ электродвигателя и выключеніи его изъ цъпи необходимо имъть въ виду, что, благодаря мгновенному исчезновенію тока въ обмоткъ электромагнитовъ, также мгновенно долженъ исчезнуть магнитный потокъ въ электромагнитахъ. Измъненіе же числа линій возбуждаетъ въ виткахъ, окружающихъ магнитный потокъ, электродвижущую силу, величина которой обусловливается быстротой измъненія линій силъ ( $E=-\frac{dN}{dt}$ ). Такимъ образомъ въ обмоткъ электромагнитовъ должна появиться электродвижущая сила очень большой величины, которая вызоветъ въ пунктъ размыканія тока искрообразованіе, а въ извъстныхъ случаяхъ можетъ вызвать даже поврежденіе изоляціи обмотки электромагнитовъ. Для устраненія этого явленія обмотки электромагнитовъ и якоря, при помощи различныхъ схемъ включенія, образуютъ между собою замкнутую цъпь даже и въ моментъ

выключенія электродвигателя. Одна изъ такихъ схемъ показана на черт. 44. Рычагъ  $\alpha$  реостата скользитъ по контактной полосъ b,



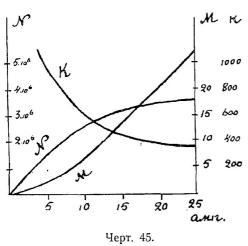
соединенной съ обмоткой электромагнитовъ, и въ то же время включаетъ черезъ контакты c отдъльныя секціи реостата  $r_1$ , регулирующаго токъ въ обмоткъ якоря при пускъ въ ходъ.

Въ тъхъ случаяхъ, когда при нормальной работъ электродвигателя требуется измънять число его оборотовъ, то послъдовательно съ обмоткой электромагнитовъ включается регулировочный реостатъ, помощью котораго измъ-

няется сила магнетизирующаго тока i, а, слъдовательно, и N. Изъвышеприведеннаго же выраженія для k усматривается, что k измънятся обратно пропорціонально N.

# Электродвигатели постояннаго тока съ послъдовательнымъ возбужденіемъ.

Въ электродвигатель съ послъдовательнымъ возбужденіемъ магнитный потокъ N измъняется въ зависимости отъ силы тока  $i_{\pi}$ , питающаго электродвигатель и проходящаго какъ по обмоткъ якоря, такъ и по обмоткъ электромагнитовъ. При значеніяхъ силы



тока  $i_a$ , при которыхъ серэлектромагнитовъ дечники не достигли насыщенія, Nвозрастаетъ почти пропорціонально  $i_a$  (черт. 45, кривая N), затъмъ по мъръ насыщенія упомянутыхъ сердечниковъ возрастаніе N все замедляется и въ дальнъйшемъ съ увеличеніемъ  $i_{\scriptscriptstyle o}$  почти не измъняется. Вращающій моментъ M, пока электродвигатель работаетъ въ первой части кривой N, измъняется пропорціонально

 $i^2{}_{_{\it n}}$ , такъ какъ M пропорціоналенъ  $i_{_{\it n}}$  и N, а N въ свою очередь пропорціоналенъ  $i_{_{\it n}}$ . Съ насыщеніемъ сердечниковъ электромагни–

товъ M измѣняется пропорціонально  $i_{n}$ , такъ какъ N остается почти постояннымъ (черт. 45, кривая M). Число оборотовъ k электродвигателя съ увеличеніемъ нагрузки, т. е.  $i_{n}$ , уменьшается практически обратно-пропорціонально N, такъ какъ въ выраженіи для k

$$k = \frac{\left[e - i_{n} \left(r_{n} + r_{o}\right)\right] 10^{s}}{N \cdot n}$$

числитель почти не измѣняется, въ виду незначительности сопротивлешя обмотокъ якоря и электромагнитовъ. Кривая зависимости измѣненія k отъ нагрузки показана на черт. 45. Слѣдуетъ имѣть въ виду, что при мгновенной разгрузкѣ электродвигателя, вслѣдствіе быстраго уменьшенія магнитнаго потока N, число оборотовъ якоря можетъ достигнуть такой чрезмѣрной величины, при которой якорь разлетится въ куски.

Большой вращающій моменть M разсматриваемаго электродвигателя при сравнительно небольшихъ силахъ тока  $i_{\mathfrak{p}}$ , а также измъняемость числа оборотовъ k дълаютъ этотъ электродвигатель особенно пригоднымъ для электрической желъзнодорожной тяги и для подъемниковъ. Пусканіе электродвигателя въ ходъ производится при помощи регулировочнаго реостата, ограничивающаго начальный токъ въ обмоткъ якоря и электромагнитовъ до появленія съ возрастаніемъ k обратной электродвижущей силы E.

### Аккумуляторы.

Въ отличіе отъ гальваническихъ элементовъ, которые даютъ токъ за счетъ химическаго разложенія составныхъ частей элемента, и затъмъ болъе не возстанавливаются, аккумуляторы послъ отдачи энергіи могутъ снова ее воспринять при помощи заряда отъ посторонняго источника тока для новой отдачи таковой.

Наибольшее распространеніе имъютъ свинцовые аккумуляторы, которые изготовляются изъ ръшетчатыхъ пластинъ, причемъположительная пластина состоитъ изъ перекиси свинца Р b. О 2 и обладаетъ большимъ количествомъ мелкихъ ячеекъ, представляя, благодаря этому, большую поверхность соприкосновенія для электролита, а отрицательная пластина снабжена большими ячейками, заполненными окисью свинца, и при зарядъ превращается въ чистый свинецъ. Электролитомъ служитъ растворъ сърной кислоты.

При разрядъ аккумулятора происходитъ слъдующій химическій процессъ:

Состояніе передъ разрядомъ: Направленіе тока въ элементъ: Направленіе движенія іонъ: Процесъ на электродахъ:

$$Pb O_{2} \qquad H_{2}SO_{4} \qquad Pb$$

$$H_{2} \longleftarrow \longrightarrow SO_{4}$$

$$Pb O_{2} + H_{2} + H_{2}SO_{4} = \qquad Pb + SO_{4}$$

$$= Pb \cdot S \cdot O_{4} + 2H_{2}O \qquad = Pb \cdot SO_{4}$$
a:  $Pb SO_{4} \qquad Pb SO_{4}$ 

Составъ электродовъ послѣ разряда:

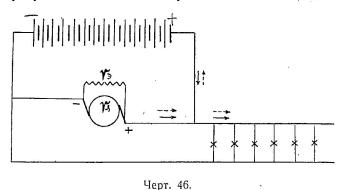
При зарядъ аккумулятора процессъ происходитъ слъдующимъ образомъ:

Состояніе передъ зарядомъ: Направленіе тока въ элементъ: Направленіе движенія іонъ: Химическій процессъ:

Составъ электродовъ послъ заряда:

Такимъ образомъ, электролитъ разряженнаго аккумулятора обладаетъ большимъ количествомъ воды и его плотность меньше, а заряженнаго наоборотъ больше.

При зарядъ аккумулятора напряжение у его борновъ съ 2 вольтъ, постепенно повышаясь, въ концъ заряда быстро поднимается до 2,6-2,7 вольтъ, и при разрядъ устанавливается около 2 вольтъ, почти не измъняясь до конца разряда, въ концъ же разряда начинаетъ быстро падать. Далъе, 1,7 вольтъ разрядъ не



допускается во избъжаніе разрушенія пластинь. Аккумуляторы примыняются на центральныхъэлектрическихъстанніяхъ постояннаго тока на которыхъони включаются

и работаютъ параллельно динамо-машинамъ съ параллельнымъ возбужденіемъ (черт. 46). Такая совмъстная работа возможна благодаря поясненному на черт. 40 и 41 свойству назваиныхъ ма-

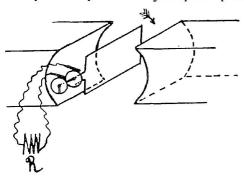
шинъ сохранять одно и то же направленіе вращенія якоря при отдачъ тока черезъ шины въ съть (нормальная работа генератора, черт. 40), такъ и въ случаъ поступленія тока въ динамомашину изъ шинъ, вслъдствіе случайнаго повышенія напряженія между шинами надъ напряжениемъ между борнами динамо-машины (черт. 41). Примъненіе аккумуляторныхъ батарей на центральныхъ станціяхъ, благодаря совмъстной работъ съ динамомашинами, обезпечиваетъ постоянство напряженія на шинахъ центральной станціи, далве даетъ возможность расчитывать машины не на максимальную нагрузку, появляющуюся въ съти въ теченіе нъсколькихъ часовъ въ сутки, а на среднюю, такъ какъ въ періоды наибольшей нагрузки батарея покрываетъ требующуюся дополнительную нагрузку съти по сравненію со средней нагрузкой, и, наконецъ, обезпечиваетъ наилучшее использование динамо-машинъ, такъ какъ послъднія въ періоды наибольшей нагрузки въ съти работаютъ на съть, а въ періоды малой нагрузки въ съти работаютъ на зарядку аккумуляторовъ.

Направленіе токовъ при разрядѣ аккумуляторной батареи, работающей на сѣть параллельно съ динамо-машиной, показано на черт. 46 сплошными стрѣлками, а пунктирными стрѣлками иаправленіе токовъ, когда динамо-машина работаетъ одновременно и на сѣть и на зарядку аккумуляторной батареи.

### Перемѣнный токъ.

### Однофазный токъ.

Если концы рамки, вращающейся въ магнитномъ полъ, соединить съ двумя контактными кольцами (чертежъ 47), то за время перваго полуоборота рамки, считая отъ ея нейтральнаго



Черт. 47.

положенія, въ ней будетъ индуктироваться электродвижущая сила одного направленія и, если внъшняя цъпь замкнута на сопротивленіе R, то въ цъпи появится токъ того же направленія, при второмъ же полуоборотъ рамки въ ней будетъ индуктироваться электродвижущая сила противоположнаго направленія и соотвътственно перемънитъ направленіе и токъ.

Величина и характеръ электродвижущей силы опредъляется изъвыраженія

$$E' = -\frac{dN'}{dt},$$

гдъ N' величина магнитнаго потока, охватываемаго рамкой въданный моментъ.

При нейтральномъ положеніи рамки (перепендикулярно къ оси электромагнитовъ) значеніе N' будетъ тахітит, а при прочихъ ея положеніяхъ  $N'=N\cos a$ , гдѣ  $\alpha$  уголъ между нейтральную осью и плоскостью рамки. Если рамка дѣлаетъ k оборотовъ въ секунду, то ея угловая скорость равняется  $2\pi k$ , а дуга, описанная векторомъ =1 и отвѣчающая углу  $\alpha$ , равняется  $2\pi kt$  (t время отъ выхода рамки изъ нейтральнаго положенія до разсматриваемаго момента).

Отсюда  $E' = N.2.\pi.k.10^{-8} \sin \alpha$  вольтъ.

Если въ рамкъ имъется  $\frac{n}{2}$  послъдовательно соединенныхъ между собою витковъ (n— число проволокъ на окружности барабана, на который намотана рамка), то

$$E' = \pi.N.k.n. 10^{-8}. \sin \alpha$$

при  $\sin \alpha = 1$ 

$$E_{\rm max} = \pi N \, kn \, 10^{-8}$$

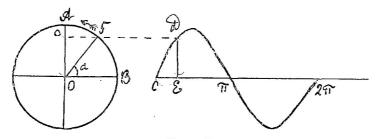
Такимъ образомъ E опредъляется для любого момента изъвыраженія

 $E' = E_{\text{max}} \cdot \sin a$ .

Въ зависимости отъ E соотвѣтственно измѣняется и сила тока во внѣшней цѣпи I, т. е.

$$I' = I_{\text{max}} \cdot \sin \alpha$$
.

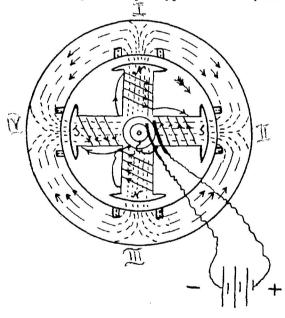
Промежутокъ времени, въ теченіе котораго а измѣняется отъ O до  $2\pi$ , называется временемъ одного періода. Число періодовъ въ секунду обозначается знакомъ (видъ синусоидальной кривой). Наиболѣе быстрое и наглядное рѣшеніе вопросовъ при обращеніи съ величинами перемѣннаго тока даетъ векторная діаграмма (черт. 48). Въ этой діаграммѣ векторъ  $OF=E_{\max}$  (или  $I_{\max}$ ) вращается съ постоянной угловой скоростью  $\omega=2\pi$  При двуполюсной машинѣ векторъ вращается съ той же скоростью, что и машина. Направленіе вращенія вектора принимается въ дальнѣйшемъ обратно направленію часовой стрѣлки.  $\alpha$  уголъ составляемый векторомъ съ осью абсциссъ. Значеніе  $E'=E_{\max}$  sіп  $\alpha$  въ любой моментъ дается проекціей вектора на ось ординатъ. Зависимость между векторной діаграммой и синусоидальной кривой ясна изъ черт. 48. Въ синусоидальной



Черт. 48.

кривой по оси абсциссъ развернута окружность векторной діаграммы, а по оси ординатъ отложены соотвътствующія значенія  $E_{\max}$   $\sin \alpha$ .

Однофазный перемънный токъ употребляется преимущественно для питанія источниковъ освъщенія. Такъ какъ этотъ токъ мъняется въ теченіе каждаго періода и по величинъ и по направленію, то при маломъ числъ періодовъ, а именно, меньше 25 въ секунду, какъ дуговыя лампы, такъ и лампы накаливанія, даютъ мигающій свътъ. Во избъжаніе сего перемънный токъ для освъщенія примъняется большею частью въ предълахъ отъ 40 до 50 періодовъ въ секунду. Для полученія такого большого числа періодовъ генераторы перем'вннаго тока изготовляются Попутно увеличивается многополюсными. И электродвижущая сила у борновъ генератора, благодаря большему количеству вклюпосладовательно рамокъ. Практика конструированія генераторовъ перемъннаго тока показала, что наиболъе цълесообразнымъ типомъ являются генераторы съ вращающимися и расположенными внутри электромагнитами (черт. 49). Обмотка же, въ которой индуктируется электродвижущая сила, неподвижна и



Черт. 49.

располагается въ новъйтипахъ генераторовъ въ пазахъ, выръзанныхъ на внутренней поверхности жел взнаго кольца (статора), составляемаго изъ желъзныхъ листовъ, изолированныхъ другъ отъ друга бумажной изоляціей для устраненія токовъ Фуко. На черт. 49-51 изображенъ схематически четырехполюсный генераторъ однофазнаго тока. Электромагвозбуждаются отъ посторонияго источника постояннаго тока, рый поступаетъ въ обмотку электромагнитовъ

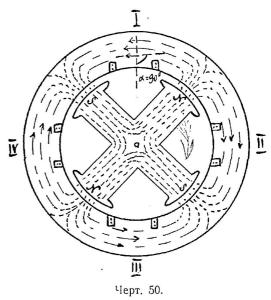
черезъ 2 контактныхъ кольца. Число послъдовательно включаемыхъ рамокъ статорной обмотки соотвътствуетъ числу полюсовъ электромагнитовъ. Одна изъ схемъ включенія рамокъ, отвъчающая черт. 49-51, показана на черт. 52.

При положеніи электромагнитовъ, изображенномъ на черт. 49, полюса ихъ находятся противъ рамокъ статора и магнитные по-

токи, выходя изъ полюсовъ NN, проходятъ черезъ рамки I, III, затъмъ раздваиваются и по желъзному сердечнику статора направляются къ рамкамъ II, IV. Передъ рамками II, IV половинные магнитные потоки отъ противоположныхъ полюсовъ NN соединяются, проходятъ черезъ рамки II, IV и по сердечникамъ электромагнитовъ SS возвращаются въ электромагниты NN.

При вращеніи электромагнитовъ перемъщаются и магнитные потоки, сохраняя свое взаимное расположеніе по отношенію къ полюсамъ.

Въ положеніи электромагнитовъ, изображенномъ на черт. 50 (1/8 оборота) линіи силъ магнитныхъ потоковъ проходятъ по сердечнику статора параллельно плоскости рамокъ I—IV. Послъ 1/4 оборота электромагнитовъ (черт. 51) линіи силъ занимаютъ расположеніе, подобное изображенному на

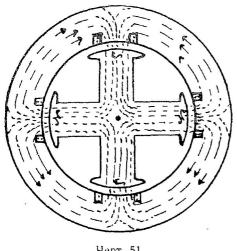


черт. 49, но имъютъ противоположное направленіе. При дальнъйшемъ  $^{1}/8$  оборота — линіи силъ занимаютъ расположеніе, аналогичное изображенному на черт. 50, но съ обратнымъ знакомъ. Наконецъ, послъ половины оборота электромагнитовъ линіи силъ принимаютъ положеніе то же, что и на черт. 49. Число линій силъ, охватываемыхъ рамками I-IV, достигаетъ наибольшаго значенія, а именно N, при положеніи электромагнитовъ согласно черт. 49. Затъмъ оно уменьшается и достигаетъ 0 при положеніи электромагнитовъ согласно черт. 50. При дальнъйшемъ вращеніи электромагнитовъ число линій силъ, перемънившихъ теперь направленіе, начинаетъ возрастать до тахітитіа (черт. 51) и т. д.

Это число линій силь измѣняется пропорціонально  $\cos \alpha$ , т. е. равно  $N\cos \alpha$ , гдѣ  $\alpha$  уголъ, составляемый осью рамокъ съ направленіемъ линій силъ, проходящихъ черезъ рамки. На черт. 49  $\alpha=0$ , число линій силъ равно N, на черт. 50  $\alpha=40$ , число линій силъ, проходящихъ черезъ рамки  $\alpha=0$ .

Отсюда слъдуетъ, что электродвижущая сила E, наводимая въ рамкахъ I—IV, пропорціональна N sin  $\alpha$  и, слъдовательно, при

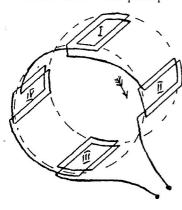
положеніи электромагнитовъ согласно черт. 49 она равна 0, далъе она возрастаетъ до тахітит (черт. 50), снова уменьшается до



Черт. 51.

0 (черт. 51), затъмъ возрастаетъ, но съ противоположнымъ знакомъ, до тахітит (положеніе электромагнитовъ послъ 3/s оборота) и, наконецъ, уменьшается до 0 (положеніи электромагнитовъ черезъ 1/2 оборота). Такимъ образомъ въ четырехполюсной машинъ E совершаетъ полный циклъ или одинъ періодъ (черт. 48) въ то время, когда электромагниты дѣлаютъ оборота или одному обороту генератора отвъчаютъ два періода электродвижущей силы,

а слъдовательно и тока. Соотвътственно при одномъ оборотъ 6-полюснаго генератора получаются 3 $\longrightarrow$ , 8-полюснаго—4 $\longrightarrow$ , 2p



Черт. 52.

ипрюснаго — p —. Электродвижущая сила въ 2p полюсномъ генераторъ по сравненію съ электродвижущей силой двухполюснаго генератора, при одинаковой скорости вращенія объихъ машинъ, въ p разъ больще, такъ скорость появленія и исчезновенія линій силъ въ рамкахъ перваго генератора въ p разъ больше, нежели во второмъ. Поэтому

$$E = \pi N pk n \ 10^{-8} \cdot \sin \alpha$$
  
 $E_{\text{max}} = \pi N pk n \cdot 10^{-8}$ 

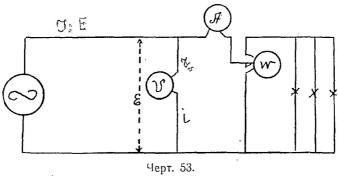
Такъ какъ pk =  $\sim$  , т. е. числу періодовъ въ секунду, то  $E' = \pi N \sim n \ 10^{-8} \ . \sin \alpha$   $E_{max} = \pi N \sim n \ 10^{-8} \ .$ 

Необходимо имъть въ виду, что въ выраженіи для E уголъ  $\alpha$  измъряется градусами, равными  $\frac{1}{360}$  полнаго періода, и опредъляется положеніемъ вектора въ векторной діаграммъ (черт. 48).

### Эффективныя значенія напряженія и тока.

Слъдуетъ отмътить, что какъ мгновенныя значенія E', I', такъ и ихъ наибольшія значенія  $E_{\max}$ ,  $I_{\max}$ , непосредственно существующими въ практикъ измърительными приоорами неопредъляются. Эти приборы показываютъ лишь среднее значеніе того эффекта, который на нихъ производитъ проходящій черезъ нихъ токъ.

Приборы, служащие для изм'вренія разности потенціаловъ или напряженія между двумя точками, силы тока и мощности потребляемой энергіи, носять названіе вольтметровь, амперметровь и ваттметровъ и всъ основаны на дъйствіи тока 1). Включеніе этихъ приборовъ въ цепь для производства соответствующихъ измѣреній показано на черт. 53. Вольтметръ У включенъ парал-



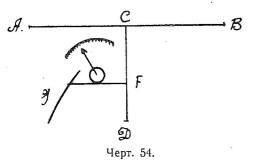
лельно генератору и потребителю тока, напр. лампочкамъ накаливанія, и черезъ него проходитъ токъ  $i=\frac{E}{r}$ , гдѣ  $r_{v}$  сопротивленіе вольтметра. Такъ какъ этотъ токъ долженъ быть по возможности очень малъ (доли ампера), чтобы не вліять зам'єтнымъ образомъ на показаніе амперметра (A), то для этого сопротивленіе вольтметра  $r_{\scriptscriptstyle m}$  д'влается весьма значительнымъ. Наоборотъ, сопротивленіе амперметра  $r_a$ , которое включается послѣдовательно въ главную цъпь, должно быть очень мало (доли ома), чтобы не вызывать сколько-нибудь замътнаго паденія напряженія. Показанія вольтметра пропорціональны сил'є тока i, а показанія амперметра-пропорціональны сил'є главнаго тока въ ц'єпи І.

Ваттметръ снабженъ двумя сопротивленіями, отвівчающими сопротивленіямъ вольтметра и амперметра и соотвътственно включаемыми. Изъ приборовъ, примънимыхъ одинаково какъ для постояннаго, такъ и для перемъннаго тока, главнъйшими по прин-

<sup>1)</sup> Кромъ статическихъ вольтметровъ.

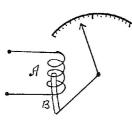
ципу, на которомъ основано ихъ дъйствіе, являются тепловые, электромагнитные и динамометрическіе.

Дъйствіе тепловыхъ приборовъ основано на нагръваніи проводника, по которому проходитъ токъ, и на происходящемъ при



этомъ его удлиненіи. На черт. 54 показано схематическое устройство тепловыхъ приборовъ. AB платино-серебряная нить, натянутая между точками A и B и оттягиваемая пружиной g при помощи двухъ шелковинокъ, изъ которыхъ одна охватываетъ маленькій блокъ съ

указательной стрълкой. При нагръваніи подъ дъйствіемъ тока проволоки AB, она удлиняется и нить оттягивающая ее, поворачиваетъ блокъ вмъстъ со стрълкой.



Черт. 55.

Электромагнитные приборы основаны на дъйствіи соленоида A, втягивающаго сердечникъ изъ мягкаго желъза B (черт. 55).

Динамометрическіе приборы состоять изъ двухъ рамокъ A B (черт. 56), изъ коихъ одна неподвижна, а другая подвижна и снабжена указательной стрѣлкой, съ общею осью вращенія ab и удерживаемыхъ пружиной g въ положеніи перпендикулярномъ другъ другу.

При прохожденіи по рамкамъ тока онъ стремятся стать въ положеніе параллельное другъ другу.

S A

Показаніе тепловых в приборов в пропорціонально  $I^2R$ , гд в R сопротивленіе платино-серебряной нити.

Въ электромагнитныхъ приборахъ магнитное поле соленоида пропорціонально силѣ тока I, проходящаго по соленоиду. Намагничиваніе желѣзнаго сердечника, въ свою очередь, пропорціонально силѣ магнитнаго поля соленоида. А такъ какъ дѣйствіе приборовъ основано на взаимодѣйствіи магнитнаго тока соленоида и магнитнаго желѣзнаго сердечника, то показаніе этихъ приборовъ пропорціонально  $I^2$ .

 $I^2$  и показаніе динамометрическихъ приборовъ, основанныхъ на вза-

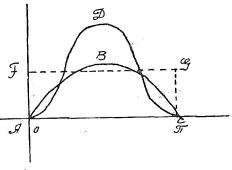
имодъйствіи двухъ токовъ. Вслъдствіе инерціи подвижныхъ частей вышеуказанныхъ приборовъ, ихъ показанія процональны

величинъ, средней изъ суммы мгновенныхъ значеній  $I'^2$  за половину періода. На черт, 57 кривая ABC даетъ измъненіе силы тока  $I'=I_{\max}$   $\sin\alpha$  за половину періода. Кривая ADC—измъненіе  $I'^2$  за ту

же половину періода. Среднему значенію ординатъ кривой ADC и соотвътствуетъ показаніе измърительныхъ приборовъ.

Величина эта  $AF = I^2$  опредъляется изъ уравненія

$$I^2 \pi = \int_0^\pi I_{\max}^2 \sin^2 \alpha \, d\alpha$$
$$I^2 = \frac{1}{\pi} \int_0^\pi I_{\max}^2 \sin^2 \alpha \, d\alpha.$$



Черт. 57.

Интегрируя по частямъ получаемъ

$$I^{2} = \frac{I^{2}_{max}}{\pi} \left[ \frac{\alpha}{2} - \frac{1}{2} \sin \alpha \cdot \cos \alpha \right]_{0}^{\pi} = \frac{I^{2}_{max}}{2}$$

$$I = \frac{I_{max}}{V2}$$

Это уравненіе даеть зависимость между силой тока I, изм'вряемой непосредственно изм'врительными приборами и носящей названіе "эффективной", и  $I_{\rm max}$ — наибольшимъ значеніемъ силы тока за періодъ.

Такъ какъ напряженіе E, измѣряемое вольтметрами, пропорціонально силѣ тока, проходящаго черезъ эти приборы, то вышеприведенное соотношеніе между эффективной силой тока и максимальной непосредственно приложимо къ напряженію, т. е.

$$E = \frac{E_{\text{max}}}{V \, \bar{2}} \quad .$$

гдъ E –эффективная величина напряженія.

Подставляя вмъсто  $E_{\max}$  его значеніе, получаемъ

$$E = \frac{\pi N \sim 10^{-8}}{V 2} = 2.2 N \sim n \cdot 10^{-8}$$
.

Въ случаѣ, если витки одной и той же рамки расположены не въ общихъ пазахъ статора, а занимаютъ отдѣльные пазы, а также, если распредѣленіе магнитныхъ силовыхъ линій по периферіи внутренней поверхности статора не вполнѣ слѣдуетъ синусоидальной зависимости, то коэффиціентъ въ выраженіи для E отличенъ отъ 2,2 и опредѣляется въ зависимости отъ вышеуказанныхъ факторовъ.

### Электродвижущая сила самоиндукціи.

Если черезъ обмотку, навитую въ видъ катушки на желъзный сердечникъ, пропускать перемънный токъ, то въ соотвътствіи съ силой и направленіемъ въ каждый данный моментъ тока въ обмоткъ будетъ измъняться въ желъзномъ сердечникъ по силъ и направленію магнитный потокъ.

Магнитный потокъ по аналогіи съ закономъ Ома равенъ магнитодвижущей силъ 0,4  $\pi$  . n . I, дъленной на магнитное сопропротивленіе цъпи  $\frac{l}{uS}$ , т. е.

$$N' = \frac{0.4 \pi n I' \mu S}{l},$$

гд+ n—число витков+ b катушк+ b,

S-съчение жельзнаго сердечника,

l--средняя длина пути линій силъ.

За промежутокъ времени dt сила тока измѣнится на величину dI', а вмѣстѣ съ тѣмъ и магнитный потокъ на величину dN'. Вслѣдствіе же измѣненія по времени силы магнитнаго потока, въ каждомъ виткѣ катушки индуктируется электродвижущая сила, противодѣйствующая электродвижущей силѣ внѣшней цѣпи и равная  $E_s' = -\frac{dN'}{dt} \cdot 10^{-8}$  вольтъ. При числѣ послѣдовательно соединенныхъ въ катушкѣ n виткахъ электродвижущая сила  $E_s'$ , носящая названіе электродвижущей силы самоиндукціи, равняется— $n \frac{dN'}{dt} \cdot 10^{-8}$  вольтъ, или по подстановкѣ вмѣсто N' его значенія

$$E'_{s} = -\frac{4\pi n^{2} \mu S}{l} \cdot 10^{-9} \cdot \frac{dI'}{dt}.$$

Выраженіе

$$\frac{4\pi \cdot n^2 \cdot \mu \cdot S}{l} \cdot 10^{-9}$$

носитъ названіе коэффиціента самоиндукціи и обозначается черезъ L, при чемъ единицей изм'ъренія является 1 Генри  $= 10^9 CGS$ . Отсюда

$$E'_s = -L \frac{dI'}{dt}$$
 вольтъ.

Такъ какъ мгновенное значеніе перемъннаго тока

$$I' = I_{\text{max}} \sin \alpha$$
,

гдъ  $\alpha = \omega t$ , т. е. угловой скорости вектора тока, умноженной на время до разсматриваемаго момента, то

$$\frac{dI'}{dt} = I_{\max} \omega \cos \alpha,$$

a

$$E'_{\,s}\!=\!-L\omega$$
 ,  $I_{\rm max}$  ,  $\cos\alpha$  .

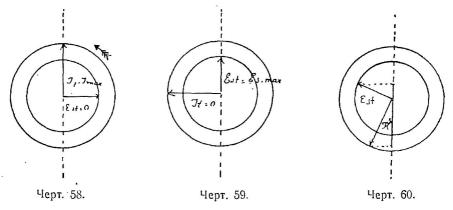
Наибольшаго своего значенія  $E'_s$  достигаетъ при  $\alpha=180^\circ$ , когда  $\cos\alpha=-1$ .

$$E_{\rm s\,max} = L\omega\,I_{\rm max}$$
 .

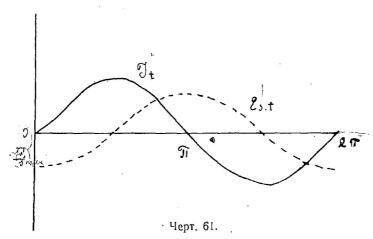
Дъля объ части уравиенія на  $\sqrt{2}$ , переходимъ отъ наибольшихъ значеній къ эффективнымъ.

$$E_s = L\omega I$$
.

Зависимость между I' и  $E_s^{\ \prime}$  въ отношеніи времени опредъляется векторной діаграммой (черт. 58—60) и полученной изъ нея

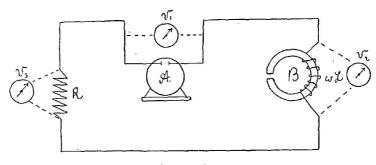


синусоидальной кривой (черт. 61), изъ которыхъ видно, что  $E_s{}'$  по фазѣ отстаетъ отъ I' на 90°.



### Законъ Ома для перемѣннаго тока.

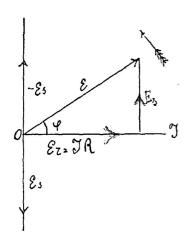
Положимъ, что въ цѣпь генератора A (черт. 62) включены послѣдовательно омическое  $^{1}$ ) сопротивленіе R и катушка самочиндукцій B, витки которой состоятъ изъ толстой проволоки



Черт. 62.

и поэтому ея омическое сопротивленіе ничтожно мало по сравненію съ R.

Требуется выяснить зависимость между напряженіемъ у борновъ генератора E, силой тока I въ цѣпи, сопротивленіемъ R и



Черт. 63.

сопротивленіемъ катушки самоиндукціи съ коэффиціентомъ самоиндукціи  $L.\ V_1$   $V_2\ V_3$  — вольтметры, измѣряющіе напряженіе у борновъ генератора, катушки самоиндукціи и омическаго сопротивленія R.

Напряженіе у борновъ генератора должно частью расходоваться на преодольніе омическаго сопротивленія, частью должно идти на поддержаніе равновъсія съ противодъйствующимъ вліяніемъ-электродвижущей силы самоиндукціи  $E_s$ , развиваемой катушкой самоиндукціи B.

Вь векторной діаграммѣ (черт. 63) составляющая напряженія у борновъ генератора, идущая на преодольніе омическаго

сопротивленія R и равная IR, совпадаеть по фазь съ напоавленіемъ тока. Электродвижущая сила самоиндукціи  $E_{\rm c}$  отстаеть отъ век-

 $<sup>^{1}</sup>$ ) т. е. отвъчающее закону Ома, а именно:  $R=rac{E}{T}$  .

тора тока на  $90^\circ$  и въ діаграммѣ направлена внизъ. Составляющая напряженіе у борновъ генератора, компенсирующая вліяніе  $E_s$ , должна быть, слѣдовательно, направлена вверхъ и быть равной  $E_s$ , но обратнаго знака. Напряженіе E у борновъ генератора является геометрической суммой двухъ вышеупомянутыхъ составляющихъ. Мгновенныя значенія всѣхъ этихъ величинъ для любого момента, векторы коихъ, сохраняя взаимное расположеніе, указанное на черт. 63, вращаются съ угловой скоростью  $\omega = 2\pi$ , опредъляются изъ діаграммы, какъ проекціи на ось ординатъ.

Изъ векторнаго треугольника (черт. 63) имъемъ

 $E^2=(IR^2)+E_s^2$  или, такъ какъ  $E_s=I\omega L$  ,  $E^2=(IR)^2+(I\omega L)^2$  , откуда  $I=rac{E}{\sqrt{R^2+(\omega L)^2}}$  .

 $\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}$  — представляетъ собой сопротивленіе въ цѣпи перемѣннаго тока и носитъ названіе "кажущагося сопротивленія".  $\omega L$  называется "индуктивнымъ сопротивленіемъ".

Такъ какъ и 1 Генри и 1 Омъ равны  $10^9$  единицъ CGS, то произведеніе  $\omega L$  даетъ непосредственно индуктивное сопротивленіе въ омахъ. Соотношеніе R,  $\omega L$ ,  $\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}$  можетъ бытъ представлено прямоугольнымъ треугольникомъ (черт. 64). Изъ

черт. 63 видно, что токъ въ цѣпи, при наличіи въ ней индуктивнаго сопротивленія, не совпадаетъ по фазѣ съ напряженіемъ у борновъ генератора, а составляетъ съ этимъ напряженіемъ уголъ ф, тангенсъ котораго опредъляется изъ векторнаго треугольника черт. 64

оновъ генератора, а состания напряжениемъ уголъ 
$$\varphi$$
, раго опредъляется изъ вектольника черт. 64  $t\,g\,\varphi = \frac{\omega\,L}{R}$ .

### Мощность или энергія перемѣннаго тока.

Средняя мощность перемъннаго тока или работа, совершаемая имъ въ секунду, опредъляется какъ средняя изъ мгновенныхъ значеній произведенія  $E'\,I'$ .

$$P = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{\pi} E' I' d\alpha.$$

Если E и I по фазѣ не совпадаютъ, а составляютъ другъ съ другомъ уголъ  $\varphi$ , то въ тотъ моментъ, когда

$$I' = I_{\text{max}} \sin \alpha$$
,  $E' = E_{\text{max}} \sin (\alpha + \varphi)$ .

Отсюда

$$P = \frac{1}{\pi} \int_{0}^{\pi} E_{\text{max}} I_{\text{max}} \sin (\alpha + \varphi) \cdot \sin \alpha \cdot d\alpha.$$

Такъ какъ

$$\sin(\alpha + \varphi) = \sin\alpha\cos\varphi + \cos\alpha \cdot \sin\varphi$$
,

TO

$$\int_{0}^{\pi} \sin \alpha \cdot \sin (\alpha + \varphi) \cdot d\alpha = \int_{0}^{\pi} \sin^{2} \alpha \cdot \cos \varphi \cdot d\alpha + \int_{0}^{\pi} \sin \alpha \cdot \cos \alpha \cdot \sin \varphi \cdot d\alpha.$$

Общее значеніе второго интеграла равняется  $\sin\varphi$  .  $\frac{\sin^2\alpha}{2}$  и при обоихъ предълахъ обращается въ O.

Слѣдовательно

$$\int_{0}^{\pi} \sin \alpha \cdot \sin (\alpha + \varphi) d\alpha = \cos \varphi \int_{0}^{\pi} \sin^{2} \alpha d\alpha = \cos \varphi \frac{\pi}{2}.$$

$$P = \frac{E_{\text{max}} I_{\text{max}}}{2} \cdot \cos \varphi = \frac{E_{\text{max}}}{\sqrt{2}} \cdot \frac{I_{\text{max}}}{\sqrt{2}} \cdot \cos \varphi = EI \cos \varphi.$$

Пользуясь этимъ уравненіемъ, измъривъ предварительно ватметромъ потребляемую въ цъпи энергію P, вольтметромъ—напряженіе E и амперметромъ силу тока I можно опредълить

$$\cos \varphi = \frac{P}{EI}$$
.

### Емкостное напряженіе.

Если въ цѣпь съ источникомъ напряженія постояннаго тока включить приборъ, называемый конденсаторомъ и состоящій изъ изолированныхъ другъ отъ друга металлическихъ пластинъ, то въ пластину, соединяемую съ положительнымъ полюсомъ въ моментъ включенія, устремится токъ и въ ней произойдетъ какъ бы скопленіе электричества, а на противоположной пластинъ разряжені $\mathfrak{R}$ , при чемъ конденсаторъ получитъ опредъленный зарядъ  $\mathfrak{Q}$ , величина котораго зависитъ отъ напряженія или разности потеиціаловъ

у его борновъ и отъ его емкости C. Если затъмъ напряженіе у его борновъ начать повышать, то во время повышенія напряженія будетъ происходить увеличеніе заряда и самая скорость увеличенія заряда Q въ единицу времени, или что тоже величина заряднаго тока I' будетъ пропорціональна скорости увеличенія на-

пряженія, т. е.  $\frac{dQ}{dt} = I' = C \frac{dE'}{dt}$ .

Если конденсаторъ включить въ цъпь перемъннаго тока, то съ измъненіемъ величины напряженія у борновъ конденсатора и его знака зарядъ будетъ поперемънно переходить съ одной пластины на другую и зарядный токъ будетъ по величинъ и направленію слъдовать синосфидальному закону.

Такъ какъ  $E' = E_{\text{max}} \sin \alpha = E_{\text{max}} \sin \omega t$ ;

TO

$$\frac{dQ}{dt} = I' = C \omega E_{\text{max}} \cos \alpha .$$

 $I_{\mathrm{max}}$  будетъ при

$$\alpha = 0$$
;  $I_{\text{max}} = C \omega E_{\text{max}}$ .

Дъля объ части на  $\sqrt{2}$ , переходимъ къ эффективнымъ значеніямъ:

$$I = C \omega E$$
.

Зарядъ въ конденсаторъ создаетъ въ немъ электрическое давленіе или напряженіе, которое прямо противоположно напряженію, развиваемому генераторомъ у борновъ конденсатора. Поэтому численное значеніе напряженія конденсатора  $E_c$  или емкостнаго напряженія можетъ быть выведено изъ предыдущаго выраженія, т. е.

 $E_c = -\frac{I}{C \omega}$ 

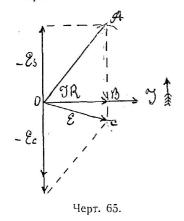
Если въ цъпи генератора, съ включеннымъ въ нее конденсаторомъ, нътъ ни омическаго, ни индуктивнаго сопротивленія, то, какъ это усматривается изъ вышеприведенной формулы.

$$I' = C \omega E_{\text{max}} \cos \alpha$$
;

составляющая напряженія у борновъ генератора, которая должна уравновъшивать емкостное напряженіе, отстаетъ отъ тока на 90° ( $E_t = 0$ ;  $J_t = J_{\max}$ ;  $E_t = E_{\max}$ ;  $J_t = 0$ ), а емкостное напряженіе соотвътственно опережаетъ токъ на 90°.

Въ томъ случав, когда въ цъпь генератора включены послъдовательно омическое сопротивление R, катушка самоиндукціи съ коэффиціентомъ L и конденсаторъ съ емкостью C, соотно-

шеніе между силой тока въ цъпи и напряженіемъ у борновъ генератора можетъ быть выведено на основаніи вышесказаннаго путемъ построенія векторной діаграммы. Въ изображенный на черт. 65 моментъ токъ проходитъ черезъ нулевое положеніе. Съ



нимъ совпадаетъ по фазѣ омическое напряженіе  $E_r = IR$ , идущее на преодольніе сопротивленія R. Электродвижущая сила самоиндукціи  $E_s$  отстаетъ по фазѣ отъ тока на 90°, а составляющая напряженія E у борновъ генератора, компенсирующая  $E_s$ , будетъ слѣдовательно опережать токъ на 90°. Емкостное напряженіе  $E_c$  опережаетъ токъ на 90°, а составляющая напряженія  $-E_c$ , которая компенсируетъ  $E_c$ , отстаетъ отъ тока на 90°. Производя геометрическое сложеніе трехъ вышеупомянутыхъ соста-

вляющихъ, получаемъ OA, какъ результатъ сложенія —  $E_{\rm s}$  и IR, и OC=E, какъ результатъ сложенія OA и —  $E_{\rm c}$ .

Сила тока въ цъпи опредъляется изъ треугольника ОВС:

$$\begin{split} B \, C &= E_c - E_s \,. \\ E^2 &= (IR)^2 + (E_c - E_s)^2 \\ E_c &= \frac{I}{\omega \, C} \quad \text{if} \quad E_s = I \, \omega \, L \\ E^2 &= (IR)^2 + I^2 \left( \frac{1}{\omega \, C} - \omega \, L \right)^2 \\ &= \frac{E}{\sqrt{R^2 + \left( \frac{1}{\omega \, C} - \omega \cdot L \right)^2}} \,. \end{split}$$

откуда

подставляя

получаемъ

Знаменатель представляеть собой полное выражение кажушагося сопротивления.

Въ выраженіи  $\frac{1}{C\omega} - \omega L$  угловая скорость или  $2\pi \sim$  входить и въ знаменатель и въ числитель. Поэтому можно подобрать такое число періодовъ  $\sim$ , а слъдовательно и  $\omega$ , при которомъ это выраженіе обращается въ O. Изъ уравненія  $\frac{1}{C\omega} - L\omega = O$ 

опредъляется

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{CL}}$$

$$\omega = \frac{\omega}{2\pi} - \frac{1}{2\pi \sqrt{CL}}$$

Въ этомъ случав сила тока въ цвпи, опредвляемая изъ уравненія  $I=\frac{E}{R}$ , можетъ достигать чрезмврной величины, точно также, какъ значенія эл. воз. силы самоиндукціи  $L \omega I$  и емкостнаго напряженія  $\frac{I}{C \omega}$ 

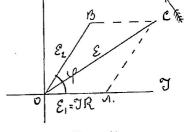
Это явленіе называется резонансомъ.

### Способъ трехъ вольтметровъ.

Потребляемая въ цъпи перемъннаго тока энергія измъряется нормально ваттметромъ. Въ частномъ случать, когда въ цъпи имъются послъдовательно включенныя омическое сопротивленіе R и индуктивное  $\omega L$  (черт. 62), энергія, потребляемая индуктивнымъ сопротивленіемъ, можетъ быть опредълена помощью трехъ вольтметровъ, включаемыхъ согласно чертежа 62.

Въ векторной діаграммъ (черт. 66), составляющая напряженіе у борновъ генератора, идущая на преодолъніе омическаго

сопротивленія  $E_1 = IR$ , представлена векторомъ OA. Составляющая того же направленія  $E_2 = OB$ , идущая на преодольніе индуктивнаго сопротивленія, опережаєть токъ не на  $90^\circ$ , а на уголь  $\varphi < 90^\circ$ , такъ какъ это сопротивленіе, кромъ индуктивнаго, имъєть нъкоторое омическое сопротивленіе (сопротивленіе обмотки катушки B). OC— геометрическая сумма  $E_1$  и  $E_2$  и



Черт. 66.

представляетъ собой напряженіе E у борновъ генератора. Изъ треугольника OAC имъемъ:

$$E^2 - E^2_1 + E^2_2 + 2 E_1 E_2 \cos \varphi$$

откуда

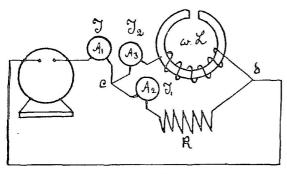
$$\cos \varphi = \frac{E^2 - E_1^2 - E_2^2}{2 E_1 E_2} .$$

Энергія, поглощаемая катушкой,  $P = \mathbb{E}_2 I \cos \varphi$ , или

$$P\!=\!I$$
 .  $rac{{\sf E}^2\!-\!{\sf E}^2_{_1}\!-\!{\sf E}_{_2}{}^2}{2\,{\sf E}_1}$  A такъ какъ  $I\!=\!rac{{\sf E}_1}{R}$  , то 
$$P\!=\!rac{{\sf E}^2\!-\!{\sf E}_1{}^2\!-\!{\sf E}^2_{_2}}{2\,R}$$
 .

### Способъ трехъ амперметровъ.

Въ томъ случаъ, когда омическое сопротивление R и индуктивное  $\omega L$  включены въ цъпь параллельно другъ другу (черт 67),



Черт. 67.

энергія, потребляемая индуктивнымъ сопротивленіемъ, можетъ быть опредълена помощью трехъ амперметровъ (черт. 67).

Если бы вмѣсто сопротивленія R (черт. 67) было бы вкліочено индуктивное сопротивленіе  $\omega L_1$ . т. е. если бы въ цѣпь были вклю-

чены параллельно два индуктивныхъ сопротивленія  $\omega L$  и  $\omega L_1$ , съ омическимъ сопротивленіемъ ихъ обмотокъ  $r_2$  и  $r_1$ , то токи въ развътвленіяхъ опредълялись бы выраженіями:

$$I_1 = \frac{E}{\sqrt{r_1^2 + (\omega L_1)^2}}$$
 in  $I_2 = \frac{E}{\sqrt{r_2^2 + (\omega L)^2}}$ .

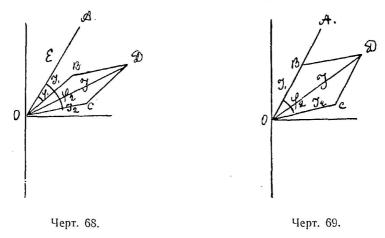
А такъ какъ E разность потенціаловъ между точками c и d (черт. 67)—одна и та же для обоихъ развътвленій, то

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{\sqrt{r_2^2 + (\omega L)^2}}{\sqrt{r_1^2 + (\omega L_1)^2}},$$

т. е. сила тока въ развътвленіяхъ обратно пропорціональна кажущимся сопротивленіямъ.

Въ векторной діаграммѣ (черт. 68) токъ  $I_1$ , отстаетъ отъ напряженія E на уголъ  $\varphi_1$ , а токъ  $I_2$ — на уголъ  $\varphi_2$ . Геометри-

ческая сумма этихъ токовъ =I представляетъ собой силу тока, даваемаго генераторомъ. Для случая, представленнаго на черт. 67, когда въ одномъ изъ развътвленій имъется только одно омическое сопротивленіе, сила тока въ этомъ развътвленіи  $I_1$  совпа-



даетъ по фазѣ (черт. 69) съ напряженіемъ E. Изъ треугольника ODC им вемъ:

$$I^2 = I_1^2 + I_2^2 + 2I_1I_2\cos\varphi$$
.

Энергія, потребляемая индуктивнымъ сопротивленіемъ  $\omega L$ , равняется

$$P = E I_2 \cos \varphi_2$$
.

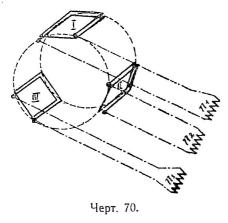
Подставляя вмѣсто  $\cos \varphi_2$  его значеніе изъ вышеприведеннаго уравненія и имѣя въ виду, что  $\mathsf{E} = I_1 \, R$  , имѣемъ

$$P := I_1 R I_2 \cdot \frac{I^2 - I_1^2 - I_2^2}{2 I_1 I_2} - \frac{R^{\bullet}}{2} (I^2 - I_1^2 - I_2^2).$$

## Трехфазный токъ.

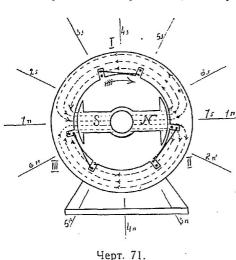
Область примъненія однофазнаго перемъннаго тока до послъдняго времени, когда появились однофазные коллекторные электродвигатели съ серіесной характеристикой, ограничивалась главнымъ образомъ электрическимъ освъщеніемъ, такъ какъ примъненіе его къ двигателямъ, которые должны пускаться въ ходъ подъ нагрузкой, встръчало существенныя затрудненія, вслъдствіе необходимости устройства особыхъ приспособленій для пуска въ ходъ этихъ двигателей. Это обстоятельство вызвало появленіе и широкое распространеніе многофазныхъ, главнымъ образомъ трехфазныхъ токовъ, одинаково пригодныхъ и для электрическаго освъщенія и для обслуживанія электродвигателей.

Если въ статоръ генератора помъстить три отдъльныя рамки, расположениыя по внутренней поверхности статора въ разстояніи 120° другъ отъ друга (черт. 70) и привести во вращеніе двуцо-



люсный электромагнить (черт. 71), то въ каждой изъ рамокъ за время одного оборота электромагнитовъ будетъ наводиться перемънная электродвижущая сила цълаго періода, при чемъ время появленія въ рамкахъ одинаковыхъ по величинъ и по знаку значеній электровозбудительной силы будетъ запаздывать въ каждой слъдующей рамкъ по сравненію съ предыдущей на 120°. Въ векторной діаграммъ (черт. 72) векторы на-

пряженій въ каждой изъ рамокъ отстоятъ другъ отъ друга на  $120^{\circ}$  и ихъ проекціи на ось ординатъ даютъ значенія напряженій въ рамкахъ въ каждый разсматриваемый моментъ. Синусоидальныя кривыя напряженій, построенныя при помсщи векторной

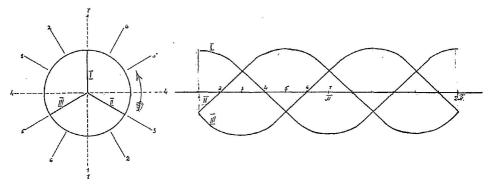


діаграммы, расположены черт. 72 справа отъ упомянутой діаграммы. Въ положеніи электромагнитовъ 1, 1, движеніи ихъ по часовой стр $^{\rm t}$ лк $^{\rm t}$ въ рамк $^{\rm t}$  $^{\rm I}$  электродвижущая сила достигаетъ наибольшей положительной величины, считая положительныя направленія по часовой стрълкъ, если смотръть на рамку по направленію магнитнаго потока. Въ этотъ моментъ происходитъ измънение числа линий силъ, охватываемыхъ рамкой I, съ наибольшей скоростью (моментъ

изм'вненія положительнаго направленія линій на отрицательное). Въ ра́мк'в II происходитъ увеличеніе числа линій силъ положительнаго направленія, сл'вдовательно, убываетъ — E, въ рамк'в же III убываетъ число линій силъ отрицательнаго направленія, сл'в-

довательно возрастаетъ E. Положенія электромагнитовъ  $1,1,\dots$  7,7, отвъчаютъ положеніямъ 1-7 векторной діаграммы и синусоидальныхъ крнвыхъ.

При замыканіи рамокъ на какія-либо сопротивленія  $R_1\,R_2\,R_3$  въ образующихся такимъ образомъ цъпяхъ будутъ циркулировать перемънные токи, которые по фазъ будутъ отстоять другъ

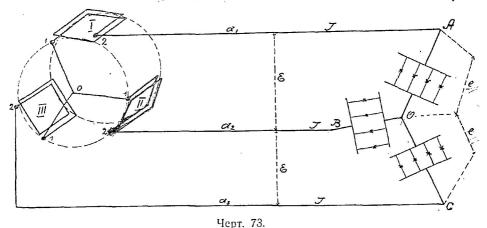


Черт. 72.

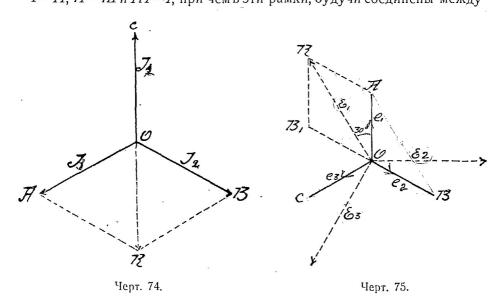
отъ друга также на 120°. Для соединенія рамокъ генератора трехъ фазъ съ соотвътствующими сопротивленіями требуется такимъ образомъ шесть проводовъ (черт. 70). Однако въ дъйствительности число проводовъ ограничивается тремя, благодаря возможности, согласно нижеприводимыхъ соображеній, соединять какъ упомянутыя рамки генератора, такъ и сопротивленія, поглощающія энергію трехфазнаго тока,—звъздой и треугольникомъ.

### Соединеніе звъздой.

При соединеніи зв'вздой соединяются между собою одноименные концы обмотокъ вс'вхъ трехъ фазъ, напр. начала рамокъ I, II, III (черт. 73). а концы рамокъ I, II, III приключаются къ линейнымъ проводамъ  $a_1 a_2 a_3$ . Возможность такого соединенія становится ясной изъ разсмотр'внія векторной діаграммы токовъ въ рамкахъ I, II, III (черт. 74). Въ каждый данный моментъ токъ въ одной изъ рамокъ равенъ сумм'в токовъ въ другихъ двухъ рамкахъ, но съ обратнымъ знакомъ. OR геометрическая сумма векторовъ AO и BO, равна вектору CO и прямо ему противоположна. Слъдовательно, сколько тока придетъ въ узловое соединеніе или, какъ говорятъ, въ нулевую точку изъ одной рамки, столько же уйдетъ тока изъ этой точки въ дв'в другія і амки или наоборотъ. Что касается напряженія между линейными проводами  $a_1 a_2 a_3$ , то оно обусловливается включеніемъ между собою фазныхъ рамокъ. Въ векторной діаграммѣ фазныхъ напряженій (черт. 75) или напряженій, индуктируемыхъ въ рамкахъ I, II и III, векторы



напряженій отстоять другь оть друга на  $120^{\circ}$ . Между каждой парой линейныхь проводовь, т. е. между проводами  $a_1$  и  $a_2$ ,  $a_2$  и  $a_3$ ,  $a_3$  и  $a_1$  включены соотвътственно по двъ рамки, а именно: I - II, II - III и III - I, при чемъ эти рамки, будучи соединены между



собою одноименными концами, дъйствують на встръчу другь другу и поэтому результирующее напряженіе двухъ рамокъ, являющееся напряженіемъ у борновъ или что тоже напряженіемъ

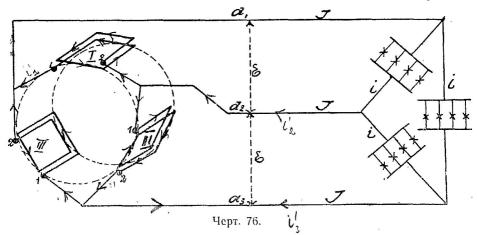
между линейными проводами, получается изъ векторной діаграммы (черт. 75) какъ геометрическая разность между соотвътствующими векторами. Такъ напр., напряженіе между  $a_1$  и  $a_2$  (черт. 73) есть разность напряженій рамокъ I и II или въ векторной діаграммъ (черт. 75) — разность между векторами OA и OB.

$$\overrightarrow{B} A = \overrightarrow{OA} - \overrightarrow{OB} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}_1 - \overrightarrow{OR}$$
.

Уголъ  $ROA = 30^\circ$ . Слѣдовательно  $OR = E = OA \sqrt{3} = e \sqrt{3}$ , гдѣ E—напряженіе у борновъ генератора, а e — фазное напряженіе рамки одной фазы. Сила тока I въ линейныхъ проводахъ обусловливается напряженіемъ у борновъ генератора E и равна силѣ тока i въ фазныхъ рамкахъ. Источники потребленія тока могутъ включаться въ линейные провода звѣздой или треугольникомъ независимо отъ того. соединены ли фазныя обмотки (рамки) генератора звѣздой или треугольникомъ. На черт. 73 показанъ случай включенія источниковъ потребленія тока (напр., лампъ накаливанія) звѣздой. Сила тока въ каждой группѣ лампъ будетъ равна силѣ тока въ линейномъ проводѣ, т. е. I, а напряженіе у борновъ лампъ, т. е. между точками O и A, O и B, O и C, согласно предыдущему  $e = \frac{E}{\sqrt{3}}$ .

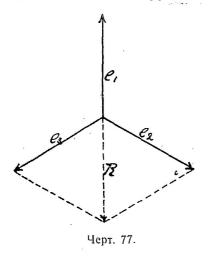
# Соединеніе треугольникомъ.

При соединеніи треугольникомъ фазныя обмотки или рамки соединиются между собою послѣдовательно, т. е. конецъ преды-



щей рамки соединяется съ началомъ слъдующей (черт. 76), и къ этимъ мъстамъ соединеній приключаются линейные повода  $a_1 - a_3$ .

Изъ векторной діаграммы (черт. 77) видно, что результирующая изъ двухъ фазныхъ напряженій равна и прямо противоположна по знаку напряженію третьей фазы. Вслъдствіе этого напряженія фазныхъ обмотокъ уравновъшиваются между собою и при разом-



кнутой внъшней цъпи, несмотря на то, что всъ три фазныя обмотки образуютъ замкнутую цъпь, тока въ этихъ обмоткахъ нътъ. По отношенію къ внъшней цъпи фазныя обмотки включены параллельно. Если во внъшней цъпи включены безъиндуктивныя, т. е. омическія сопротивленія, то токи I въ линейныхъ проводахъ совпадаютъ по фазъ съ напряженіями E у борновъ генератора, которыя, въ свою очередь, какъ это усматривается изъ чертежа 76, совпадаютъ съ фазными напряженіями -e, такъ какъ фазныя обмотки

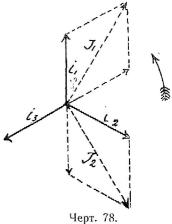
включены непосредственно между линейными проводами. Въ положеніи электромагнитовъ  $I_{n}$ ,  $I_{s}$  (черт. 71) въ фазной обмоткъ Iнапряженіе достигаетъ наибольшей своей величины  $e_1$  (черт. 72 синус. крив.) и уравновъшивается суммой напряженій - двухъ другихъ фазъ  $e_2$  и  $e_3$ , каждое изъ которыхъ въ этотъ моментъ равно  $rac{e_1}{2}$ . Сообразно съ величиной фазныхъ напряженій токъ въ обмотк $\mathfrak b$ I будетъ наибольшій $-i_1$ , а въ обмоткахъ II и III въ половину меньшій. Токъ  $i_1^{(1)}$ —положительный (по часовой стрълкъ, если смотръть на рамку I извнутри) и поэтому черезъ I, иделъ въ проводъ  $a_1$  (черт. 76) и возвращается черезъ  $a_2$ . Токъ  $i_2$  — отрицательный выходить черезъ  $2_{ID}$  идеть по проводу  $a_3$  и возвращается по  $a_2$ . Токъ  $i_3$  — отрицательный черезъ  $2_{III}$  идетъ по проводу  $a_1$  и возвращается по проводу  $a_3$ . Такимъ образомъ. въ проводъ  $a_1$  общая сила тока въ разсматриваемый моментъ равняется  $I_{1^{'}}=i_{1^{'}}+i_{3^{'}}=i_{\max}+rac{i_{\max}}{2}=rac{3}{2}\;i_{\max}$ , въ провод в  $a_2$  ток ъ  $I_{2^{'}}=i_{1^{'}}+i_{1^{'}}$  $+i_{2}'=rac{3}{2}i_{ ext{max}}$ , въ проводъ  $a_{3}$  токъ  $I_{3}=0$ , такъ какъ токи  $i_{2}'$  и  $i_3{}^\prime$  равны и направлены на встр $\dot{b}$ чу друг $\dot{b}$  другу. По $\dot{b}$ тому вышеприведенное распредъленіе токовъ надо исправить въ темъ отно-

 $i_1$   $i_2$   $i_3$ —нанбольшія значенія.

 $i_1{}^{\prime}\,i_2\,i_3{}^{\prime}$ —мгновенныя значенія въ разсматриваемый моментъ.

шеніи, что токъ  $i_2$  изъ рамки II выходитъ черезъ  $2^{*\pi}_{ip}$  идетъ тъмъ къ  $I_{III}$  и черезъ рамку III выходитъ въ проводъ  $a_1$ .

векторной діаграмм' токовъ (черт. 78) результирующая токовъ двухъ смежныхъ фазныхъ обмотокъ генератора опредъляется какъ геометрическая разность векторовъ фазныхъ токовъ, такъ какъ между собою соединены не одноименные концы обмотокъ, а разноименные, т. е. коиецъ одной съ началомъ другой. Положеніе векторовъ на черт. 78 отвъчаетъ разобранному выше случаю, т. е. проекція на вертикаль  $l_1$  равняется  $rac{5}{9}$   $i_{
m max}$ . При поворот $rac{5}{2}$  электромагнитов $rac{5}{2}$ на 30º (положеніе 2<sub>n</sub> 2<sub>s</sub> на черт. 71), на-



пряженіе въ обмотк $^{\circ}$  II равно нулю, а въ обмоткахъ I и III равно/  $e_{\text{max}} \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

Соотвътственно и токи въ нихъ 
$$i_2' = 0, i_1' = i_3' = i_{\text{max}} \frac{\sqrt{3}}{2}.$$

Токи изъ обмотокъ I и III направляются въ проводъ  $a_1$ , а по приводамъ  $a_2$  и  $a_3$  возвращаются въ соотвътствующія обмотки.

Такимъ образомъ, сила тока  $I_1$  въ провод $a_1$  равняется сумм'в токовъ  $i_1'$  и  $i_3'$ , т. е.  $2 \cdot i_{\max} \sqrt{3} - i_{\max} \sqrt{3} = I_1$ .

На діаграмм в 78 это отв вчает в моменту, когда результирующій векторъ  $I_1$  совпадаеть съ вертикалью, т. е. когда токъ въ линейномъ проводъ достигаетъ своего наибольшаго значенія. Такимъ образомъ, при соединеніи треугольникомъ напряженіе между линейными проводами или, что то же, напряжение у борновъ генеравно фазному напряженію E = e, а наибольшая сила тока въ линейномъ проводъ въ  $\sqrt{3}$  раза больше наибольшей фазной силы тока:  $I_{\mathrm{max}} \! = \! i_{\mathrm{max}} \sqrt{3}$ . То же соотношеніе дъйствительно и для эффектныхъ значеній, т. е.  $I\!=\!i\,\sqrt{3}$ . При соединеніи же звъздой  $E_{\rm max}\!=\!e_{\rm max}$   $\sqrt{$  3,  $E\!=\!e$   $\sqrt{$  3, a  $I\!=\!i$ . На черт. 76 приведенъ случай включенія треугольникомъ источниковъ потребленія энергіи, напр., лампъ накаливанія. Согласно вышеизложеннаго, сила тока i въ каждой группъ лампъ  $=\frac{1}{\sqrt{3}}$ , а напряжение у борновъ лампъ =E.

# Энергія въ цъпи трехфазнаго тока.

Въ случаъ включенія источниковъ потребленія тока звъздой (черт. 73), энергія, отдаваемая генераторомъ, равна суммъ энергій, потребляемой каждой изъ трехъ группъ источниковъ потребленія, т. е.

 $P = 3 \cdot e I \cos \varphi$ .

А такъ какъ

$$e = \frac{E}{\sqrt{3}}$$
,

TO

$$P = \sqrt{3} EI \cos \varphi$$
.

Въ случаъ включенія источниковъ потребленія тока — треугольникомъ

 $P = 3 E i \cos \varphi$ ,

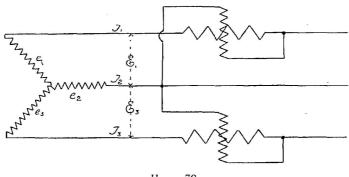
или, такъ какъ

$$i = \frac{3}{\sqrt{3}},$$

$$P = \sqrt{3} EI \cos \varphi$$

т. е. то же, что и въ первомъ случаъ.

При измъреніи энергіи въ цъпи трехфазнаго тока, когда фазы нагружены неравномърно, приходится измърять нагрузки отдъльныхъ фазъ и затъмъ ихъ суммировать. На черт. 79 обмотка



Черт. 79.

генератора включена звъздой. Фазныя напряженія  $e_1e_2e_3$ ; сила тока въ обмоткахъ та же, что и въ линейныхъ проводахъ, т. е.  $I_1\,I_2\,I_3$ . Нагрузка фазъ предполагается для простоты омическая т. е.

$$\varphi_1 = \varphi_2 = \varphi_3 = o$$
.  
 $P = e'_1 I'_1 + e'_2 I'_2 + e'_3 I'_3$ .

Согласно предыдущему

 $I'_1 + I'_2 + I'_3 = O$ 

откуда

$$I'_2 - (I'_1 - I'_3)$$
.

Подставляемъ значеніе  $I'_2$  въ выраженіе для P

 $P = e'_{1} I'_{1} - e'_{2} (I'_{1} + I'_{3}) + e'_{3} I'_{3}.$ 

или

$$P = (e'_1 - e'_2) I'_1 + (e'_3 - e'_2) . I'_3$$
.

Такъ какъ

$$e'_1 - e'_2 = E'_1$$
, a  $e'_3 - e'_2 - E'_3$ ,

TO

$$P = E'_1 I'_1 + E'_3 I'_3$$
.

Такимъ образомъ, для измъренія энергіи трехфазнаго тока при неравномърной нагрузкъ достаточно двухъ однофазныхъ ваттметровъ, сумма показаній которыхъ даетъ полную энергію трехфазнаго тока. Такъ какъ благодаря инерціи подвижныхъ частеи ваттметра, послъдній показываетъ среднее значеніе изъмгновенныхъ значеній, то

$$P = E_1 I_1 + E_3 I_3$$
,

гдъ  $E_1 I_1 E_3 I_3$  эффективныя значенія токовъ и напряженій.

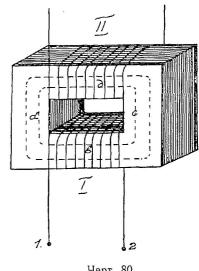
На черт. 70, 73, и 76 для простоты двуполюсный генераторъ изображенъ съ тремя рамками. Въ дъйствительности же число рамокъ каждой фазы обыкновенно отвъчаетъ числу полюсовъ, т. е. при двуполюсномъ генераторъ должно быть 6 рамокъ. Добавочная рамка каждой фазы располагается напротивъ основной и соединяется съ ней послъдовательно, такъ что напряженія въ двухъ рамкахъ одной фазы суммируются.

Генераторы трехфазнаго тока нормально строятся какъ и однофазные, — многополюсными, при чемъ въ новъйшихъ типахъ вращающейся частью являются электромагниты, а фазныя обмотки неподвижны.

# Трансформаторъ.

При передачъ электрической энергіи по проводамъ на большія разстоянія потери ея, обусловливаемыя нагръваніемъ проводовъ и опредъляемыя по закону Джауля выраженіемъ  $I^2 R$ , гд $^{\pm}$  R — сопротивленіе проводов $^{\pm}$ , могут $^{\pm}$  при изв $^{\pm}$ стных $^{\pm}$  условіяхъ достигать значительной величины. Поэтому уменьшеніе этихъ потерь до возможнаго минимума является основной задачей проектированія передачъ энергіи на большія разстоянія. При данномъ сопротивленіи проводовъ, зависящемъ отъ ихъ длины и съченія, потери будутъ тъмъ меньше, чъмъ меньше сила тока І. А такъ какъ энергія выражается произведеніемъ силы тока на напряженіе EI, то для сохраненія количества передаваемой энергіи при уменьшеніи силы тока, должно быть повышено соотвътственно напряженіе, при которомъ должна производиться передача энергіи. Потребность передавать очень большія количества энергіи на разстоянія, измъряемыя сотнями верстъ (200—300), привела къ примъненію напряженій, достигающихъ въ настоящее время 100.000 вольтъ и даже болъе. Столь выскія напряженія не могутъ быть получены непосредственно отъ генераторовъ, вслъдствіе конструктивныхъ трудностей. Поэтому для полученія высокихъ напряженій примъняются особые приборы, носящіе названіе трансформаторовъ и переобразующіе токъ большой силы, но малаго напряженія, въ токъ малой силы, но высокаго напряженія, а также наоборотъ. На черт. 80 изображенъ схематически однофазный трансформаторъ. Онъ состоитъ: 1) изъ желъзнаго сердечника А, образованнаго желъзными листами съ бумажной прокладкой между ними для устраненія токовъ Фуко, при чемъ сердечникъ представляетъ собою замкнутую магнитную цъпь, 2) изъ первичной обмотки І, образуемой толстой мъдной изолированной проволокой, навитой съ малымъ числомъ оборотовъ на желѣзный сердечникъ A, и 3) изъ вторичной обмотки II, состоящей изъ большого количества витковъ тонкой изолированной проволоки, также навитой на желъзный сердечникъ, при чемъ обмотки I и II или располагаются рядомъ или насаживаются другъ на друга концентрически.

Если черезъ первичную обмотку пропускать переманный однофазный синусоидальный токъ, то въ жельзномъ сердечник в появится перемънный магнитный потокъ, который будетъ слъдовать за измъненіемъ силы тока въ обмотк I по величинъ и направленію. Такъ въ теченіе перваго полуперіода, когда токъ идетъ отъ борна 1 къ борну 2, магнитный потокъ имветъ иаправленіе линій силь adcb, при второмъ полуперіод'в токъ идетъ отъ борна 2 къ борну 1, соотвътственно линіи силъ въ сердечникѣ получаютъ направленіе abcd. Такъ какъ токъ



Черт. 80.

синусоидальный, то и магнитный потокъ измфняется по закону синуса, т. е.

$$N' = N \sin \alpha - N \sin (\omega t)$$
.

Вслъдствіе измъненія числа линій силъ въ сердечникъ, въ обмоткахъ I и II наводятся электродвижущія силы, согласно уравненія  $E' = -\frac{dN}{dt}$ .

Въ одномъ виткъ будетъ наводиться электродвижущая сила, равная —  $\frac{dN'}{dt} = N \omega \cos \alpha \ 10^{-8}$ , а при n послъдовательно включенныхъ виткахъ:

$$E' = N \omega n \cos \alpha 10^{-8}.$$

Наибольшее значеніе  $E_{\mathrm{max}} = N \, \omega \, n \, 10^{-8}$  , откуда эффективное значеніе электровозбудительной силы получается путемъ дѣленія на √2:

$$E = \frac{N \omega n \cdot 10^{-8}}{V \cdot 2} = \frac{N \cdot 2\pi \sim n \cdot 10^{-8}}{\sqrt{2}} = N \cdot 4.44 \sim n \cdot 10^{-8}.$$

Если въ обмоткъ I имъется  $n_1$  витковъ, въ обмоткъ  $II-n_2$ то въ обмоткъ I будетъ индуктироваться  $E_1 =$ =4,44N  $\sim n_110^{-8}$ , а въ обмоткъ II  $E_2=4,44N$   $\sim n_210^{-8}$ 

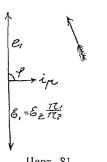
Въ томъ случав, когда вторичная обмотка не замкнута на какое-либо сопротивленіе, т. е. трансформаторъ не нагруженъ, первичная обмотка представляетъ собой обыкновенную катушку самоиндукціи, а индуктируемая въ ней электродвижущая сила  $E_1$ является электродвижущей силой самоиндукціи, которая почти равна и прямо противоположна напряжению  $e_1$  у борновъ обмотки 1 и пропускаетъ въ обмотку лишь столько тока, сколько нужно для образованія магнитнаго потока.

 $E_2$  — электродвижущая сила, наводимая во вторичной обмоткъ совпадаетъ по фазъ съ  $E_1$  и при отсутствіи нагрузки во вторичной цъпи равна  $e_2$  — напряжение у борновъ катушки II. Пренебрегая омической потерей напряженія въ первичной катушкъ, получаемъ соотношеніе:

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{e_2}{e_1} = \frac{n_2}{n_1},$$

т. е., при холостомъ ходъ трансформатора напряжение у борновъ въ объихъ оомоткахъ относятся, какъ число витковъ этихъ обмотокъ.

Магнитный потокъ въ сердечникъ трансформатора совпадаетъ по фазъ съ магнитизирующимъ токомъ. Индуктируемыя же



напряженія въ обмоткахъ трансформатора отстаютъ отъ магнитнаго потока по фазъ на 90°, такъ какъ изъ выраженія  $E'=-\frac{dN'}{dt}$  слѣдуетъ, что  $\frac{1}{t}E_{\max}$ наступаетъ въ тотъ моментъ, когда синусоидальная кривая магнитнаго потока переходить черезъ ось абсциссъ изъ - въ - . Такимъ образомъ, если въ векторной діаграммъ (черт. 81) магнитизирующій токъ  $i\mu$  отложить по оси абсциссъ направо, то  $E_1$  и  $E_2$  будутъ направлены внизъ подъ угломъ 90° къ  $i \nu$ , первичное же напряжение у борновъ  $e_1$ , какъ

прямо противоположное Е1, будетъ направлено вверхъ подъ угломъ  $90^{\circ}$  къ  $i \nu$ . На основаніи уравненія.

$$E_1 = E_2 \frac{n_1}{n_2}$$

слъдуетъ, что векторъ  $E_{\scriptscriptstyle 1}$  представляетъ собой непосредственно векторъ  $E_2$ , но въ масштабѣ въ  $rac{n_1}{n_2}$  большемъ, чѣмъ для  $E_1$ , и поэтому при построеніи векторной діаграммы напряженія вторичной цъпи должны быть приводимы къ соотвътствующимъ условіямъ первичной цѣпи путемъ умноженія на  $\frac{n_1}{n_2}$ .

Потребляемая въ цъпи перемъннаго однофазнаго тока энергія выражается, согласно предыдущаго,

$$P = ei \cos \varphi$$
.

Такъ какъ при холостомъ ходъ трансформатора, согласно векторной діаграммы (черт. 81)  $\varphi = 90^{\circ}$ , то P = 0.

Между тъмъ, въ дъйствительности, если въ первичную цъпь трансформатора включить ваттметръ, то онъ покажетъ нъкоторую величину  $P_n$ . Измъренная ваттметромъ энергія расходуется на перемагничиваніе желъзнаго сердечника трансформатора при каждомъ измъненіи направленія тока въ первичной обмоткъ и обусловливается явленіемъ гистерезиса. Такимъ образомъ, токъ въ первичной обмоткъ при холостомъ ходъ отстаетъ по фазъ отъ напряженія у борновъ не на  $90^\circ$ , а на уголъ  $\varphi$ , меньшій  $90^\circ$ .

$$\cos\varphi = \frac{P_h}{e_1 i_0}.$$

Этотъ токъ можетъ быть разложенъ (черт. 82)

на токъ  $i \nu$ , не вызывающій работы, а идущій на намагничиваніе желъзнаго сердечника, и на токъ  $i_h$ , совпадающій по фазъ съ  $e_1$  и идущій иа преодольніе размагничивающаго дъйствія гистерезиса ( $-i_h$ ).

# Трансформаторъ при безъиндуктивной нагрузкъ.

Если вторичную обмотку трансформатора замкнуть на омическое сопротивленіе, т. е. нагрузить трансформаторъ безъиндуктивной нагрузкой, то энергія  $e_1\,i_1$ , отдаваемая генераторомъ трансформатору, будетъ расходоваться: 1) на энергію, поглощаемую во вторичной внъшней цъпи и идущую на полезную работу —  $e_2\,i_2$ , 2) на нагръваніе первичной обмотки трансформатора  $i_1{}^2\,r_1$ , 3) на нагръваніе вторичной обмотки —  $i_2{}^2\,r_2$  и 4) на работу перемагничиванія сердечника трансформатора —  $P_h$ 

$$e_1 i_1 = e_2 i_2 + i_1^2 r_1 + i_2^2 r_2 + P_b$$

Послъдніе три члена уравненія представляють собою потери въ трансформаторъ. Такъ какъ эти потери малы—1-2% отъ мощности трансформатора, то пренебрегая ими, получаемъ съ достаточной точностью соотношеніе

$$e_1 i_1 = e_2 i_2$$
,

откуда

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{e_2}{e_1} = \frac{n_2}{n_1}$$
,

т. е. что сила тока въ первичной и вторичной обмоткахъ обратно пропорціональна числу витковъ. Токъ  $i_2$  во вторичной цѣпи при безъиндуктивной нагрузкѣ совпадаетъ по фазѣ съ напряженіемъ  $E_2$ , индуктируемымъ во вторичной обмоткѣ. Токъ  $i_1$  въ первичной цѣпи совпадаетъ по фазѣ съ напряженіемъ у борновъ генератора или, что то же, съ напряженіемъ у первичныхъ борновъ трансформатора, т. е. съ  $e_1$ . Такъ какъ согласно векторной діаграммы (черт. 81)  $e_1$  и  $E_2$  отстоятъ по фазѣ другъ отъ друга на 180°, то и  $i_1$  и  $i_2$  также разнятся по фазѣ на 180°, т. е. дѣйствуютъ на магнитный потокъ въ сердечникѣ трансформатора, при одномъ и томъ же направленін витковъ, прямо противоположно другъ другу.

Усиленіе тока во вторичной цѣпи вызываетъ на мгновеніе уменьшеніе величины магнитнаго потока N, вслѣдствіе чего понижается  $E_1$ . Благодаря увеличенію разности  $e_1$ — $E_1$  усиливается токъ въ первичной цѣпи и возстанавливается нарушенное равновѣсіе. Такимъ образомъ, увеличеніе тока во вторичной цѣпи вызываетъ соотвѣтствующее увеличеніе тока въ первичной цѣпи, а уменьшеніе тока во вторичной цѣпи соотвѣтствующее уменьшеніе тока въ первичной. Амперъ-витки  $i_1\,n_1$  и  $i_2\,n_2$  первичной и вторичной обмотокъ, дѣйствуя взаимно противоположно, даютъ составляющую нѣкоторое количество амперъ-витковъ, которое обусловливаетъ наличіе въ сердечникѣ трансформатора опредѣленнаго магнитнаго потока. Наибольшее его значеніе, согласно предыдушему, отпредѣляется изъ выраженія

$$N = \frac{E_1 \, 10^8}{4.44 \, \text{co} \, n_1}$$
.

Въ виду незначительности омическаго паденія напряженія въ первичной обмоткъ можно принять  $E_1=e_1$  и, слъдовательно,

$$N = \frac{e_1 \cdot 10^8}{4,44 - n_1}.$$

Такъ всѣ члены второй половины равенства постоянны, то и N постоянно. Амперъ-витки  $n_1i_0$ , возбуждающіе магнитный потокъ при холостомъ ходѣ трансформатора, въ виду постоянства N, должны быть въ отношеніи ихъ дѣйствія на N постоянными также и при различныхъ нагрузкахъ трансформатора. Отсюда слѣдуетъ, что  $i_0n_1$  и есть составляющая  $i_1n_1$  и  $i_2n_2$ . Раздѣляя всѣ амперъ-

витки на  $n_1$ , получаемъ діаграмму токовъ, въ которой векторъ  $i_0$  представляетъ собою геометрическую сумму векторовъ  $i_1$  и  $\frac{i_2n_2}{n_1}$ . Векторъ  $\frac{i_2\,n_2}{n_1}$  даетъ непосредственное значеніе силы тока во вто-

ричной цъпи, но въ масштабъ въ  $\frac{n_2}{n_1}$  меньшемъ, чъмъ  $i_1$ . Построеніе векторной діаграммы трансформатора (черт. 83) на осно-

ваиіи вышеизложеннаго не представляеть затрудненій. Зная силу тока  $i_0$  при холостомъ ходъ, потребляемую при этомъ ходъ энергію  $P_h$  и напряженіе у борновъ въ первичной цъпи  $e_1$ , можно опредълить уголъ  $\varphi$  составляемый векторомъ тока  $i_0$  съ напряженіемъ у борновъ  $e_1$  при холостомъ ходъ, а именно:

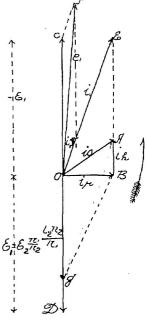
$$\cos \varphi_0 = \frac{P_h}{e_1 i_0}$$
.

Затъмъ опредъляемъ  $i_{\scriptscriptstyle h}$  и  $i_{\scriptscriptstyle n}$ :

$$i_h = i_0 \cos \varphi_0$$

$$i_n = \sqrt{i_0^2 - i_n^2}.$$

Строимъ треугольникъ OAB изъ векторовъ токовъ  $i_0$   $i_k$   $i_\mu$ . Въ тотъ моментъ, когда векторъ  $i_\mu$  совпадаетъ съ осью абсциссъ, векторы  $E_1$  и  $E_2$  электродвижущихъ силъ, наводимыхъ въ первичной и вторич-



Черт. 83.

ной обмоткахъ и отстающихъ отъ вектора  $i_{\mu}$  на 90°, направлены внизъ по оси ординатъ.

$$OD = E_1 - E_2 \frac{n_1}{n_2}.$$

При безъиндуктивной нагрузкъ токъ во вторичной цъпи совпадаетъ по фазъ съ индуктируемымъ напряженіемъ  $E_2$ . Откладывая векторъ  $\frac{i_2 \, n_2}{n_1}$  въ подходящемъ масштабъ по направленію OD и имъя въ виду, что векторъ  $i_0$  есть геометрическая сумма изъ  $i_1$  и  $\frac{i_2 \, n_2}{n_1}$ , строимъ параллелограмъ OEAG, коего стороны  $OE=i_1$ . Такъ какъ омическое паденіе напряженія въ первичной обмоткъ трансформатора совпадаетъ по фазъ съ первичнымъ токомъ  $i_1$ , то векторъ этого напряженія  $i_1 \, r_1 \, (r_1$ —омическое сопро-

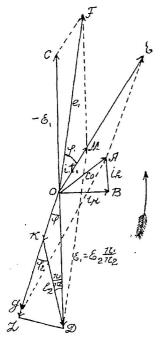
тивленіе первичной обмотки) откладываемъ по направленію OE.  $OC = -E_1$  представляєть собою составляющую напряженія  $e_1$ , идущую на преодольніе индуктируемаго въ первичной обмоткь напряженія  $E_1$ . OF— геометрическая сумма изъ  $E_1$  и  $i_1\,r_1$ , т. е. напряженіе у первичныхъ борновъ  $e_1$ .

### Трансформаторъ при индуктивной нагрузкъ.

Въ томъ случаѣ, когда вторичная цѣпь трансформатора замкнута на омическое сопротивленіе  $R_2$  и индуктивное сопротивленіе  $L_2 \omega$ , токъ во вторичной цѣпи отстаетъ отъ напряженія у вторичныхъ борновъ на уголъ  $\varphi_2$ , который опредѣляется изъ уравненія

$$\operatorname{tg} \varphi_2 = \frac{L_2 \dot{\omega}}{R_2}$$
.

Уголъ  $\varphi$  сдвига фазъ между токомъ  $i_2$  и индуктируемымъ во вторичной ц $\pm$ пи напряженіемъ  $E_2$  опред $\pm$ ляется изъ уравненія



Черт. 84.

женія, равный  $i_2 r_2 \frac{n_1}{n_2}$ .

 $\operatorname{tg} arphi = rac{L_2 \omega}{R_2 + r_2}$ , гд $\mathfrak{b} \ r_2$  омическое сопротивленіе вторичной обмотки трансформатора. Построеніе векторной діаграммы ведется согласно предыдущаго. Строится (черт. 84) треугольникъ OAB изъ векторовъ  $i_{\scriptscriptstyle 0}$ ,  $i_{\scriptscriptstyle h}$  и  $i_{\scriptscriptstyle \mu}$  и перпендикулярно къ вектору  $i_{\mu}$  откладывается внизъ векторъ  $OD = E_1 = E_2 \frac{n_1}{n_2}$ . Векторъ тока во вторичной ц $\pm$ пи  $i_2$ , какъ отстающій отъ вектора  $E_2$  на уголъ  $\varphi$ , откладывается подъ этимъ угломъ къ вектору  $E_2 \frac{n_1}{n_2}$ , т. е. по направленію OL, при чемъ  $OG = \frac{i_2 n_2}{n_1}$ . Векторъ тока  $i_1$  въ первичной ц $\pm$ пи получается по величинъ и по фазъ путемъ построенія параллелограма ОЕАС и равенъ ОЕ. Омическая потеря напряженія во вторичной цъпи совпадаетъ по фазъ съ токомъ  $i_2$ . OK векторъ этого напря-

DK—геометрическая разность  $E_2 \frac{n_1}{n_2}$  и

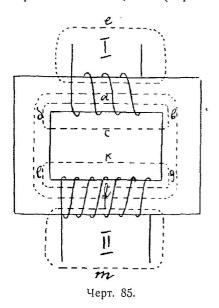
 $i_2\,r_2-\frac{n_1}{n_2}$ , т. е. иапряженіе у борновъ вторичной обмотки трансформатора, выражаемое векторомъ  $e_2-\frac{n_1}{n_2}$ . LK— векторъ омичеческаго паденія напряженія во внѣшней цѣпи, т. е. полезнаго (рабочаго) напряженія  $i_2\,R_2-\frac{n_1}{n_2}$ . LD—векторъ электровозбудительной силы самоиндукціи во внѣшней цѣпи  $i_2\,L_2\,\omega-\frac{n_1}{n_2}$ .

Треугольникъ KDL даетъ извъстную зависимость между напряженіемъ у борновъ, омическимъ паденіемъ напряженія и электровозбудительной силой самоиндукціи:  $e_2{}^2=(i_2\ R_2)^2+(i_2\ L_2\omega)^2$ .  $OF=e_1$  геометрическая сумма составляющей первичнаго напряженія  $E_1$  и омическаго паденія напряженія въ первичной обмоткъ трансформатора  $i_1r_1$ .

Сл $^{+}$ дуетъ им $^{+}$ ть въ виду, что величина  $i_0$  по сравненію съ  $i_1$  и  $i_2$  очень мала. Съ уменьшеніемъ же  $i_0$ , фаза между векторами  $i_1$  и  $\frac{i_2\,n_2}{n_1}$  приближается къ 180°, т. е. линія GE практически прямая. Съ другой стороны омическія потери въ обмоткахъ первичной и вторичной очень малы по сравненію съ напряженіемъ у борновъ и потому векторы послѣднихъ  $e_1$  и  $\frac{e_2\,n_1}{n_1}$  при разсматриваемомъ положеніи векторовъ почти совпадаютъ съ осью ординатъ. При этомъ практически  $\varphi_2 = \varphi = \varphi_1$ , т. е. сдвигъ фазы тока во вторичной ц $\pm$ пи вызываетъ такой же сдвигъ фазы тока  $i_2$  въ первичной цъпи. Линія  $DM = OF = e_1$ . Треугольникъ LMD представляетъ собою упрощенную діаграмму трансформатора, которая показываетъ, что вычитая изъ первичнаго напряженія  $e_1 = DM$ омическія потери напряженія въ объихъ обмоткахъ трансформатора  $i_1r_1 + i_2r_2 \frac{n_1}{n_2} = KM$ , получаемъ напряженіе у борновъ во вторичной цѣпи  $e_2 \frac{n_1}{n_2} = KD$ , которое, въ свою очередь, расходуется на преодол вніе электровозбудительной силы самоиндукціи во вторичной цѣпи  $LD=i_2\,L_2\,\omega\,\frac{n_1}{n_2}$  и омическую потерю напряженія въ той же цѣпи  $i_1 \frac{Rn_1}{n_2}$ .

### Разсъиваніе линій силъ въ трансформаторъ.

При построеніи вышеприведенныхъ діаграммъ предполагалось, что магнитный потокъ въ сердечникѣ трансформатора проходитъ полностью какъ черезъ первичную, такъ и черезъ вторичную обмотки. Въ дѣйствительности же, такъ какъ токи въ обѣихъ обмоткахъ практически разнятся по фазѣ на  $180^\circ$ , то возбуждаемыя ими магнитодвижущія силы  $0.4\pi\,n_1\,i_1$  и  $0.4\pi\,n_2\,i_2$  дѣйствуютъ на встрѣчу другъ другу, вслѣдствіе чего не всѣ линіи силъ, возбуждаемыя первичнымъ токомъ, пройдутъ черезъ вторичную обмотку, а часть изъ нихъ, встрѣчая магнитное противодѣйствіе вторичной катушки, выберетъ себѣ путь черезъ воздухъ по направленію abcd, aca (черт. 85). Такъ какъ первичный и вторич



ный токи по фазъ разнятся на уголъ нъсколько меньшій 180°, то въ теченіе каждаго періода будетъ моментъ, хотя и весьма незначительный, въ теченіе котораго сила вторичныхъ амперъ-витковъ  $i_2 n_2$  будетъ больше  $i_1 n_1$ , а вслъдствіе этого вторичныя амперъ-витки вызовуть накоторый силовой потокъ, хотя и очень малый, который, встръчая магнитное противодъйствіе первичной катушки, также направится черезъ воздухъ по пути fgkl и fmf. Линіи силъ, появляющіяся и исчезающія только въ одной какой-либо катушкъ, наводятъ въ ней электродвижущую силу самоиндукціи, отстающую по фазъ отъ линіи силъ,

а, слѣдовательно, и отъ тока ихъ возбуждающаго на  $90^\circ$ . По этому если въ векторной діаграммѣ (черт. 86), принимая во вниманіе, что 1) векторы токовъ  $i_1$  и  $i_2$  практически составляють прямую линію, 2)  $\varphi = \varphi_1 = \varphi_2$  и 3)  $e_2$  почти совпадаетъ по фазѣ съ  $E_2$ , провести линію векторовъ токовъ подъ угломъ  $\varphi_2$ , опредъляемымъ совокупностью омическаго и индуктивнаго сопротивленій во вторичной цѣпи, къ линіи векторовъ напряженія  $E_1$   $E_2$ , то омическія паденія напряженія въ первичной и вторичной обмоткахъ трансформатора, какъ совпадающія по фазѣ съ векторами токовъ, выразятся векторами OG и OL. Электродвижущія силы самоиндукціи, вызываемыя въ первичной и вторич-

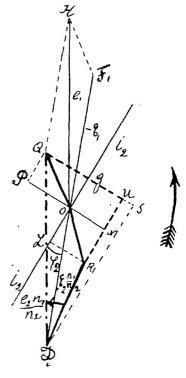
ной обмоткахъ вышеупомянутыми линіями силъ разсѣиванія, будутъ отставать по фазѣ отъ токовъ, вызывающихъ появленіе упомянутыхъ линій силъ, на  $90^\circ$ , а составляющая OP первичнаго напряженія у борновъ  $e_1$  и составляющая ON электродвижущей силы  $E_2$ , индуктируемой во вторичной обмоткѣ, идущія на преодолѣніе этихъ электродвижущихъ силъ самоиндукціи, будутъ

опережать соотвътствующіе токи на  $90^{\circ}$ . Такимъ образомъ векторъ OQ представляетъ собою составляющую первичнаго напряженія  $e_1$ , идущую на преодолѣніе омическаго сопротивленія и электродвижущей силы самоиндукціи первичной обмотки трансформатора. OR — составляющая напряженія  $E_2$ , идущая на преодолѣніе омическаго сопротивленія и электродвижущей силы самоиндукціи во вторичной обмоткѣ трансформатора.

Векторъ  $OH = e_1$  получается какъ геометрическая сумма изъ вектора OQ и  $OF = -E_1$ .

Векторъ DR получается какъ геометрическая разность изъ вектора  $OD = \frac{E_2 \, n_1}{n_2}$  и вектора OR.

Векторы GO, OP, OL и ON для ясности діаграммы приведены въ значительно преувеличенномъ размъръ по сравненію съ векторами OH и DR. Въ дъйствительности же они по сравне-



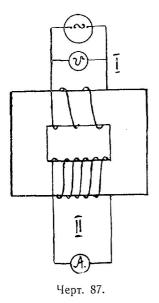
Черт. 86.

нію съ векторами OH и DR очень малы и практически линія QOR представляется прямой.

Въ прямоугольномъ треугольникъ QUR гипотенуза QR представляетъ собою геометрическую сумму омическихъ потерь напряженія и электродвижущихъ силъ самоиндукціи въ объихъ обмоткахъ трансформатора.

Такъ какъ  $DQ = OH = e_1$ , то изъ треугольника DQR слѣдуетъ, что напряженіе у борновъ вторичной обмотки  $e_2 \frac{n_1}{n_2} (DR)$  есть геометрическая разность первичнаго напряженія  $e_1 (DQ)$  и внутреннихъ потерь напряженія въ объихъ обмоткахъ трансформатора (QR).

Эти потери опредъляются непосредственно опытомъ. Для этой цъли вторичная обмотка замыкается на короткую черезъ

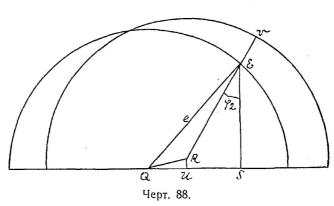


амперметръ (черт. 87). Первичная же обмотка приключается къ источнику перемъннаго тока, напряжение котораго можетъ регулироваться въ желаемыхъ предълахъ. Напряженіе это регулируется на такое его значеніе, при которомъ токъ во вторичной цъпи достигаетъ величины тока при нормальной работ в трансформатора. Такъ какъ вторичная обмотка замкнута на короткую, то напряженіе у борновъ этой обмотки = 0 и векторъ DR (черт. 86) также обращается въ 0. При этомъ векторъ DQ сливается съ векторомъ QR. Отсюда слъдуетъ, что напряженіе въ первичной цъпи, измъряемое вольтметромъ V, идетъ цъликомъ на преодолъніе внутреннихъ потерь напряженія въ объихъ обмоткахъ. Зная величину омическихъ сопротивленій объихъ обмотокъ и

силу тока въ нихъ  $i_1$   $i_2$ , путемъ вычисленія опредъляются омическія потери напряженія и, слъдовательно, векторъ  $LG=i_1\,r_1+i_2\,r_2\,\frac{n_1}{n_2}$ .

По векторамъ QR и RU = LG строится треугольникъ QRU.

Съ помощью треугольника QRU можно заранъе опредълить напряжение у вторичныхъ борновъ трансформатора при данной



силѣ тока  $i_2$  и любомъ значеніи  $\varphi_2$ , т. е. при любой индуктивной нагрузкѣ во вторичной цѣпи. Для этого (черт. 88) строится треугольникъ QRU и изъ вершины Q и R описываются полуокружности радіусомъ  $QE=e_1$ . Векторъ RE даетъ значеніе въ соотвѣт-

ствующемъ масштабѣ для  $e_2$  при углѣ  $\varphi_2$ , составляемомъ векто ромъ RE съ вертикалью. Векторъ EV — паденіе напряженія во вторичной обмоткѣ при нагрузкѣ, по сравненію съ напряженіемъ при холостомъ ходѣ трансформатора.

Коэффиціентъ полезнаго дъйствія трансформатора опредъляєтся соотношеніемъ энергіи, отдаваемой трансформаторомъ, къ энергіи, поглощаемой имъ, т. е.  $\eta = \frac{e_2 \, i_2}{e_1 \, i_1}$ .

Такъ какъ непосредственное измъреніе энергіи въ цъпи высокаго напряженія встръчаетъ техническія трудности, то  $e_2\ i_2$  замъняемъ черезъ

$$e_2 i_2 = e_1 i_1 - i_1^2 r_1 - i_2^2 r_2 - P_h$$
,

гд $begin{aligned} e_2 i_2 & - \mathbf{j}_2 & - \mathbf{j}_2 \end{aligned}$  энергія, отдаваемая трансформаторомъ,

 $i_1{}^2\,r_1$ —энергія, идущая на нагр $^4$ ваніе первичной обмотки,

 $i_2{}^2\,r_2$ —то же—вторичной обмотки,

 $P_n$ —энергія, расходуемая на перемагничиваніе желъзнаго сердечника.

$$\eta = \frac{e_1 i_1 - i_1^2 r_1 - i_2^2 r_2 - P_h}{e_1 i_1}$$
.

Величина  $e_1\,i_1$  и  $P_h$  измѣряются помощью ваттметра со стороны низкаго напряженія, при чемъ  $e_1\,i_1$  при нагрузкѣ  $i_1$ , а  $P_h$  при холостомъ ходѣ трансформатора. Сумма  $i_1\,^2r_1 + i_2\,^2r_2$  измѣряется ваттметромъ, включаемымъ со стороны обмотки высокаго напряженія, при замкнутой на короткую обмоткѣ низкаго напряженія, при чемъ, когда сила тока въ коротко замкнутой обмоткѣ будетъ установлена  $i_2$ , показаніе ваттметра даетъ искомую величину потери энергіи, идущей на нагрѣваніе первичной и вторичной обмотокъ трансформатора, какъ какъ измѣряемая въ этомъ случаѣ ваттметромъ энергія равняется (см. черт. 86)

$$QR \cos \angle QRU \cdot i_1 = RU \cdot i = \left(i_1 r_1 + i_2 r_2 \frac{n_1}{n_2}\right) i_1 = i_1^2 r_1 + i_2 r_2 \frac{n_1}{n_2} \cdot i_2 \frac{n_1}{n_2} = i_1^2 r_1 + i_2^2 r_2.$$

Соотношеніе между потерями въ трансформаторѣ, а именно между  $P_n$  и  $(i_1^2r_1+i_2^2r_2)$ , обусловливается при проектированіи трансформатора условіями его будущей работы. Трансформаторы, находящіеся подъ нагрузкой большую часть времени, должны

обладать меньшими экономическими потерями, потери же на перемагничивание не играють въ нихъ особо существенной роли и поэтому такіе трансформаторы конструируются съ преобладаніемъ  $P_h$  надъ омическими потерями. Трансформаторы, нагружаемые лишь кратковременно, наоборотъ, должны обладать возможно меньшими потерями на перемагничиваніе, такъ какъ въ противоположномъ случать соотношеніе между суточными потерями и суточной работой трансформатора становится невыгоднымъ. Омическія же потери, въ виду кратковременности работы, представляются несущественными и потому должны преобладать надъ  $P_h$ .

# Электрическая тяга.

Автономная электрическая тяга, при которой потребная для передвиженія энергія получается или вырабатывается непосредственно на подвижномъ составъ, нашла себъ примъненіе въ видъ отдъльныхъ вагоновъ-двигателей, оборудованныхъ электродвигателями, при чемъ послъдніе питаются токомъ отъ помъщаемыхъ въ этихъ вагонахъ аккумуляторовъ или небольшихъ генераторныхъ установокъ. Такіе вагоны-двигатели назначаются обыкновенно для обслуживанія мъстнаго пассажирскаго движенія на участкахъ небольшого протяженія при незначительныхъ размърахъ указаннаго движенія.

Электрическая же тяга въ большомъ масштабъ, т. е. тяга цълыхъ поъздовъ, какъ пассажирскихъ, такъ и товарныхъ на большія разстоянія, производится исключительно путемъ полученія потребной энергіи извнъ съ большихъ центральныхъ электрическихъ станцій черезъ посредство контактныхъ проводовъ или третьихъ рельсъ и соотвътствующихъ токопріемниковъ на электровозахъ и вагонахъ-двигателяхъ. Для цълей тяги въ настоящее время примъняется токъ трехъ видовъ, а именно, постоянный, однофазный перемънный и трехфазный перемънный.

#### Постоянный токъ.

По условіямъ движенія поъздовъ электродвигатели, обслуживающіе тягу этихъ поъздовъ, должны развивать наибольшій движущій моментъ при троганіи съ мъста, развивать большое ускореніе и измънять въ значительныхъ предълахъ движущій моментъ во время хода поъзда для возможности примъненія къ условіямъ профиля, а также возможности нагона поъздомъ времени, въ случаъ его опозданія. Всъмъ этимъ требованіямъ въ полной мъръ отвъчаетъ электродвигатель постояннаго тока съ послъдовательнымъ возбужденіемъ.

Такъ какъ для уменьшенія потерь при передачѣ энергіи на электровозъ или вагонъ-двигатель по контактнымъ проводамъ представляется иеобходимымъ передавать энергію при возможно болѣе высокомъ напряженіи, то конструкторами было обращено большое вниманіе на сооруженіе электродвигателей высокихъ напряженій. Вполнѣ надежной представляется работа электродвигателей постояннаго тока, построенныхъ въ среднемъ на 600 вольтъ. Для повышенія напряженія въ контактныхъ проводахъ включается по два электродвигателя послѣдовательно. Обратнымъ проводомъ служатъ рельсы.

Регулированіе скорости производится при помощи сопротивленій (реостата), включаемыхъ послѣдовательно съ электродвигателями и поглощающихъ излишекъ напряженія при данномъ режимѣ работы.

Система тяги при помощи постояннаго тока, дающая прекрасные результаты въ отношеніи надежности д'вйствія и удобства обслуживанія, встръчаетъ существенныя препятствія въ отношеніи прим'вненія ея къ линіямъ большого протяженія изъ за экономическихъ соображеній. Такъ какъ напряженіе между контактнымъ и обратнымъ проводами ограничено допустимымъ напряженіемъ у борновъ электродвигателей (при послъдовательномъ включеніи 2-хъ электродвигателей около 1.200 вольтъ), то, во избъжаніе большихъ потерь энергіи въ контактныхъ проводахъ и уменьшенія расхода на м'ядь для этихъ проводовъ, необходимо доставлять энергію въ контактные провода съ центральной электрической станціи по питательнымъ линіямъ при очень высокомъ напряженіи, понижая затъмъ послъднее до напряженія, существуюшаго между контактнымъ и обратнымъ проводами. Повышеніе же и понижение напряжения осуществляется легко и удобно, только при перем'внномъ ток'в помощью статическихъ трансформаторовъ. Въ виду сего энергія на центральной электрической станціи вырабатывается обыкновенно въ видъ перемъннаго трехфазнаго тока, затъмъ тамъ же напряжение тока повышается до напряжения, измъряемаго десятками тысячъ вольтъ въ зависимости отъ дальности передачи, и въ такомъ видъ токъ передается къ желъзнодорожной линіи. Вдоль послъдней устраиваются подстанціи, на которыхъ напряжение трехфазнаго перемъниаго тока понижается до нъсколькихъ сотенъ вольтъ, и въ такомъ видъ токъ питаетъ трехфазные электродвигатели, которые приводять въ дъйствіе генераторы постояннаго тока. Полученный такимъ образомъ постоянный токъ поступаетъ въ контактный проводъ. Въ зависимости отъ интенсивности движенія подстанціи приходится располагать

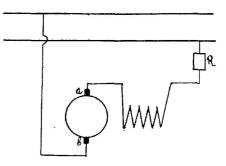
болъе или менъе часто. Стоимость какъ сооруженія подстанцій, такъ и ихъ обслуживанія очень велика и является причиной ограниченія примъненія постояннаго тока для электрической тяги на линіяхъ большого протяженія.

### Однофазный токъ.

Перем'внный токъ въ этомъ отношеніи им'ветъ значительныя преимущества передъ постояннымъ токомъ, такъ какъ энергія, передаваемая съ центральной электрической станціи къ жельзнодорожной линіи въ вид'в перем'вннаго тока при напряженіи, напримъръ, 70.000 вольтъ, преобразуется въ токъ пониженнаго напряженія (около 10.000 вольтъ) на подстанціяхъ при помощи статическихъ трансформаторовъ, не требующихъ за собою непрерывнаго наблюденія. Поэтому такія подстанціи значительно дешевле, какъ въ отношеніи сооруженія, такъ и эксплоатаціи, подстанцій съ вращающимися преобразователями тока. Кромъ того, трансформаторныя подстанціи располагаются значительно р'вже преобразовательныхъ, благодаря болъе высокому напряжению, допускаемому въ контактныхъ проводахъ, именно: a 10.000 вольтъ при однофазномъ токъ и 1.200—1.500 вольтъ при постоянномъ токъ. контактныхъ проводовъ Токъ изъ 10.000 вольтахъ поступаетъ въ трансформаторъ, находящійся на электровозъ и вагонъ-двигателъ, и затъмъ напряжение его понижается до напряженія, при которомъ можетъ работать электродви-

гатель однофазнаго тока (200—300 вольтъ — серіесъ - двигатель, до 3.000 вольтъ — компенсированный репульсіонный двигатель Винтеръ — Айхберга).

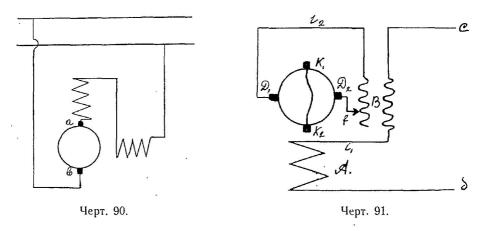
Условіямъ работы жельзнодорожной тяги, какъ выше было упомянуто, наиболье отвъчаютъ двигатели съ серіесной характеристикой. Двигатели этого типа, построенные для постояннаго тока,



Черт. 89.

непосредственно не пригодны для однофазнаго тока, такъ какъ перемънный токъ, проходя по обмоткъ якоря, создаетъ по линіи щетокъ  $a\,b$  (черт. 89) перемънный магнитный потокъ, который индуктируетъ въ той же обмоткъ якоря электродвижущую силу самоиндукціи и вызываетъ, благодаря этому, очень большой сдвигъ фазы тока по отношенію къ напряженію у борновъ.

Для устраненія этого въ серіесъ-двигателяхъ однофазнаго тока въ статорѣ электродвигателя помѣщается по оси  $a\,b$  компенсаціонная обмотка, включаемая послѣдовательно съ обмоткой электромагнитовъ и якоря (черт. 90). При такомъ расположеніи компенсаціонной обмотки эта обмотка вмѣстѣ съ обмоткой якоря представляютъ собою двѣ обмотки трансформатора, токъ въ которыхъ отстаетъ другъ отъ друга по фазѣ на  $180^\circ$  и амперъвитки коихъ дѣйствуетъ поэтому взаимнопротивоположно, ограничивая магнитный потокъ по оси  $a\,b$  незначительной величиной. Этого рода электродвигатели примѣняются для электрической тяги фирмами Сименсъ-Шуккертъ, Вестингаузъ и др. Другой типъ электродвигателей однофазнаго тока, нашедшій себѣ довольно



широкое прим'вненіе, это компенсированный репульсіонный электродвигатель системы Винтеръ-Айхберга (черт. 91). Въ первичную цъпь cd включены послъдовательно первичная обмотка трансформатора B и компенсаціонная обмотка A. Токъ изъ вторичной обмотки трансформатора B, отстающій отъ первичнаго тока по фаз'ь на  $180^{\circ}$ , питаетъ якорь черезъ щетки  $D_1\,D_2$  и создаетъ магнитное поле по оси  $D_1 D_2$ . Обмотка A индуктируетъ въ обмоткъ якоря по оси коротко замкнутыхъ щетокъ  $K_1 K_2$ , по принципу трансформатора, токъ отстающій на 180° отъ первичнаго тока и слъдовательно, токъ въ якоръ по оси  $K_1 K_2$  совпадаетъ по фазъ съ магнитнымъ полемъ по оси  $D_1 \, D_2$  и такимъ образомъ создаются условія работы, необходимыя для работы электродвигателя, а именно магнитное поле, ось котораго перпендикулярна оси, составляемой щетками  $K_1 K_2$ , черезъ которыя циркулируетъ рабочій токъ. Регулированіе скорости вращенія однофазныхъ электродвигателей совершается безъ потерь въ реостатахъ при помощи и

мѣненія коэффиціента трансформаціи въ трансформаторахъ (подвижной контактъ f на черт. 91).

Рабочими проводами служатъ, какъ и при постоянномъ токъ, контактный воздушный проводъ и путевые рельсы.

### Трехфазный токъ.

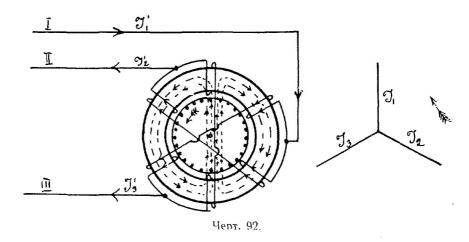
Въ отношеніи передачи энергіи отъ центральной электрической станціи и пониженія напряженія на трансформаториыхъ подстанціяхъ трехфазный токъ им'ветъ передъ постояннымъ токомъ тѣ же преимущества, что и однофазный. Такъ какъ статорная обмотка трехфазныхъ двигателей можетъ включаться непосредственно въ цѣпь съ напряженіемъ до 3.000 вольтъ, то особыхъ понижающихъ трансформаторовъ на электровозѣ или вагонѣ-двигателѣ не устанавливается и поэтому напряженіе въ контактныхъ проводахъ ограничивается 3.000 вольтъ. Въ виду этого трансформаторныя подстанціи при трехфазномъ токѣ располагаются чаще, нежели при однофазномъ, при которомъ напряженіе въ контактныхъ проводахъ составляетъ около 10,000 вольтъ.

Контактные провода, число которыхъ должно равняться тремъ, устраиваются обыкновенно изъ двухъ воздушныхъ проводовъ, третьимъ же проводомъ служатъ рельсы. Извъстныя техническія трудности въ отношеніи изоляціи представляетъ устройство на станціяхъ крестовинъ и переводовъ изъ контактныхъ проводовъ.

Въ отношеніи регулированія скорости вращенія трехфазныхъ электродвигателей эти двигатели находятся въ значительно худшихъ условіяхъ по сравненію съ электродвигателями постояннаго и однофазнаго поремъннаго токовъ, такъ какъ обладаютъ постоянною скоростью вращенія.

На черт. 92 показанъ схематически двуполюсный трехфазный электродвигатель. Неподвижная его часть или статоръ снабженъ обмоткой, включенной въ цъпь треугольникомъ. Изъ діаграммы токовъ въ подводящихъ проводахъ, принимая за положительное значеніе направленіе тока къ электродвигателю, усматривается, что когда токъ въ проводъ І будетъ имъть наибольшее положительное значеніе, въ другихъ двухъ проводахъ токъ половиннаго размъра будетъ имъть отрицательное значеніе. Направленіе тока въ фазныхъ обмоткахъ электродвигателя обусловливаетъ появленіе въ немъ магнитнаго потока, согласно черт. 92. Черезъ промежутокъ

времени, равный <sup>1</sup>, періода, — максимумъ тока будетъ въ проводь II и магнитный потокъ повернется на 120°. Черезъ слъдующую треть періода магнитный потокъ повернется еще на 120°. Такимъ образомъ, за время одного періода магнитный потокъ совершитъ одинъ полный оборотъ. Въ четырехполюсномъ двигателъ скорость вращенія магнитнаго поля будетъ въ два раза меньше, въ шестиполюсномъ въ три раза меньше и т. д. Самая скорость вращенія магнитнаго поля, зависящая только отъ числа періодовъ, постоянна. Подъ вліяніемъ вращающагося магнитнаго поля въ обмоткъ ротора или вращающейся части электродвигателя, состоящей изъ желъзнаго сердечника съ навитой на него изолированной проволкой, индуктируется напряженіе и появляется токъ, который побуждаетъ роторъ слъдовать за вращающимся



полемъ съ той же скоростью. Если подъ вліяніемъ нагрузки роторъ начинаетъ отставать отъ магнитнаго поля, то, благодаря увеличенію относительной скорости вращенія магнитнаго потока по отношенію къ ротору, въ обмоткъ ротора увеличивается индуктируемая электродвижущая сила, а слъдовательно и токъ, который въ свою очередь увеличиваетъ и движущій моментъ. Обмотка ротора въ электродвигателяхъ большой мощности устраивается въ видъ трехфазной, аналогично статорной обмоткъ, при чемъ концы ея приключаются къ тремъ контактнымъ кольцамъ, щетки которыхъ соединены съ регулировочными сопротивленіями. При пускъ электродвигателей въ ходъ приходится поглощать въ реостатахъ очень значительное количество энергіи. При достиженіи нормальной скорости сопротивленія замыкаются на короткую.

Въ виду вышеупомянутаго постоянства скорости вращенія трехфазнаго электродвигателя приходится, для нозможности регулированія его скорости, прибъгать къ довольно сложнымъ схемамъ переключеній какъ статориыхъ, такъ и роторныхъ обмотокъ, достигая этимъ измъненія числа полюсовъ.

Въ отношеніи надежности дъйствія, а также своей относительной легкости (въса, отпесеннаго къ 1 KW) трехфазные двигатели наряду съ двигателями постояниаго тока имъютъ преимущество передъ однофазными. Наиболъе пригодна система трехфазнаго тока для горныхъ дорогъ благодаря особенности трехфазныхъ электродвигателей на уклонахъ автоматически тормазить поъзда и отдавать при этомъ энергію въ линію.

## Проектированіе электрической тяги.

При проектированіи электрической тяги представляется необходимымъ исходить изъ существующихъ типовъ электродвигателей, характеристическія кривыя которыхъ, выражающія зависимость между токомъ, потребляемымъ электродвигателемъ, и развинаемою электродвигателемъ скоростью v, а также силой тяги F, извъстны. При тягъ же помощью электровозовъ приходится сообразоваться съ существующими типами электровозовъ вообще.

Общая мощность электроднигателей одного поъзда опредъляется изъ задапныхъ условій работы, напр., дниженія поъзда по данному профилю съ данной скоростью, для чего требуется, чтобы двигатели развивали силу тяги, необходимую для преодольнія различнаго рода сопротивленій. Опредъленная на основаніи этихъ сопротивленій потребная сила тяги въ соотвътствіи съ заданной скоростью является руководящимъ основаніемъ для выбора помощью характеристическихъ кривыхъ электродвигателей числа электродвигателей и ихъ мощности. Въ зависимости отъ типа выбранныхъ электродвигателей и профиля дороги опредъляются нижеуказаннымъ способомъ расходъ тока (при перемънномъ токъ расходъ энергіи) на поъздъ, съ одной стороны, на разныхъ элементахъ профиля, т. е. въ функціи отъ проходимаго поъздомъ пути, съ другой стороны, въ функціи отъ времени.

Графикъ движенія на заданномъ участкъ дороги въ связи съ кривыми расхода тока (энергіи) въ функціи отъ проходимаго

пути и въ функціи отъ времени даетъ возможность опредълить въ каждый данный моментъ общій расходъ тока или эиергіи на всей линіи, а, слѣдовательно, и мощность центральной электрической станціи, а также отдѣльныхъ подстанцій. Расчетъ сѣченія проводовъ рабочихъ и питающихъ, какъ съ электрической точки зрѣнія, т. е. съ точки зрѣнія потерь энергіи въ проводахъ н паденія въ нихъ напряженія, такъ и съ механической, т. е. прочность проводовъ, а также прочности поддерживающихъ ихъ мачтъ, въ связи съ вышеуказаннымъ выборомъ типа электродвигателей и ихъ мощности, опредѣленіемъ мощности подстанцій и центральной станціи и являются основными элементами проекта электрической тяги.

Сила тяги, которую долженъ развивать электродвигатель, опредъляется изъ уравненія движенія поъзда

$$F = \frac{P_1'}{q} \cdot \frac{dv}{dt} + \Sigma R$$
,

гдъ  $P_1$ —въсъ въ кгр. части поъзда, приходящейся на одинъ электродвигатель, а  $P_1'=P_1+p$ , при чемъ p, согласно нижеизложеннаго, фиктивное увеличеніе въса, благодаря вращающимся частямъ; g—ускореніе силы тяжести 9,81 м./сек.²;  $\frac{dv}{dt}$ — ускореніе мт./сек.², которое поъздъ получаетъ въ разсматриваемый моментъ.

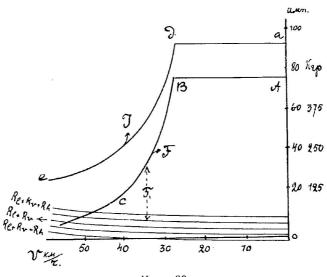
 $\Sigma R$ — соотвътствующая часть суммы сопротивленій, преодольваемых поъздомъ при своемъ движеніи, приходящаяся на одинъ двигатель. Выраженіе  $\frac{P_1}{g}$ ,  $\frac{dv}{dt}$  представляетъ собою ту силу, которая сообщаетъ массъ  $\frac{P_1'}{g}$  ускореніе  $\frac{dv}{dt}$ . Необходимо имъть въ виду, что кромъ поступательнаго ускоренія самаго поъзда, часть силы тяги F должна расходоваться на увеличеніе живой силы вращательнаго движенія частей электровоза или вагоновъ-двигателей, а именно, электродвигателей и передачъ отъ нихъ къ движущимъ осямъ. Для удобства расчетовъ можно разсматривать вліяніе вращающихся частей, какъ фиктивное увеличеніе въса — p, электровоза или вагона-двигателя, достигающее на практикъ 10-150/v. Для прицъпныхъ вагоновъ это увеличеніе не превышаетъ 20/v0 (см. Вульфъ "Электрическая тяга", стр. 213-215).

Сопротивленія  $\Sigma R$  движенію поъзда могутъ быть расчленены на сопротивленія, зависящія отъ скорости движенія поъзда — v, и на сопротивленія, не зависящія отъ v.

Къ первымъ относятся  $R_i$  — сопротивленіе каченію на прямомъ горизонтальномъ пути  $^1$ ), и  $R_v$  — сопротивленіе воздуха, дъйствующаго на лобовую и боковыя поверхности поъзда  $^2$ ).

Ко вторымъ принадлежатъ  $R_h$  — сопротивленіе на подъемъ  $\left(R_h=\frac{P_1}{1.000},h$  кгр., гдѣ h подъемъ въ тысячныхъ и  $R_k$  — сопротивленіе на кривой (можно пользоваться эмпирической формулой вида  $R_k=\frac{P_1}{1.000}.500.\frac{\delta}{r}$ , гдѣ S — ширина колеи, r — радіусъ кривой).

При помощи выраженій для  $R_i$  и  $R_v$  вычисляются суммарныя значенія для  $R_i$  и  $R_v$  при разныхъ скоростяхъ v км./часъ и



Черт. 93.

строится кривая сопротивленія  $R_l + R_v$  въ функціи отъ v (черт. 93). На томъ же графикѣ вычерчиваются кривыя

$$R_l + R_r + R_h = f(v)$$

1) Согласно формулы Франка

$$R_i = (2.5 + 0.00015a^2) \frac{P_1}{1.000}$$
 krp.

2). Согласно формулы Франка

$$R_v = \frac{0.0054 \, (1.1S + 2 + ns) \, v^2}{a} \, \text{kfp.}$$

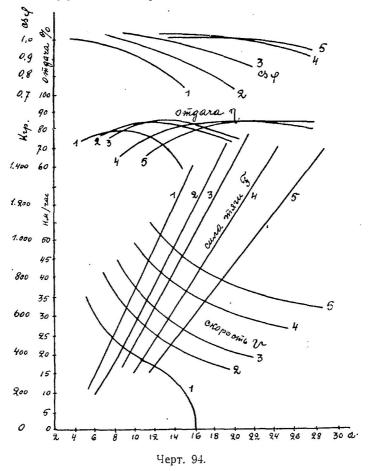
гдѣ S — лобовая поверхность поѣзда, n — число вагоновъ, s—коэффиціентъ представляющій эквивалентную поверхность прицѣпного вагона, a — число двигателей въ поѣздѣ. (См. А. Вульфъ "Электрическая тяга" стр. 205).

для разныхъ значеній  $\pm h$ . Сопротивленіе на кривой, отнесенное къ одной тонъ въса поъзда, можетъ быть замънено фиктивнымъ подъемомъ:  $h_1=500\,\frac{\delta}{r}$ , что даетъ возможность пользоваться кривыми  $R_I+R_v+R_h$ , принимая для h въ разсматриваемой точкъ профиля результирующее значеніе  $h_1\pm h$ .

Далѣе на томъ же чертежѣ наносятся по оси ординатъ значенія силы тяги F, развиваемой электродвигателемъ при различныхъ скоростяхъ v км./часъ. Зависимость F отъ v км./часъ получается изъ характеристическихъ кривыхъ электродвигателей. Эти кривыя изображаютъ измѣненіе вращающаго момента M и числа оборотовъ n въ функціи отъ силы тока въ якорѣ (см. черт. 45 — кривыя серіесъ двигателя постояннаго тока, черт. 94 кривыя однофазнаго коллекторнаго двигателя  $^1$ ).

<sup>1).</sup> На черт. 94 приведены четыре группы кривыхъ для компенсированнаго репульсіоннаго двигателя въ функціи отъ силы тока i въ электродвигатель, а именно: кривыя  $\cos_{\varphi}(\varphi - \zeta \beta u \Gamma b)$  фазы между токомъ и напряженіемъ), кривыя коэфф. полезнаго дъйствія или отдачи  $\tau_i$ , силы тяги F и скорости вращенія электродвигателя, отнесенной къ скорости в движенія поъзда. Въ каждой группъ нмъется по пяти нумерованныхъ кривыхъ, соотвътственио пяти значеніямъ напряженія во вторичной цъпи регулировочнаго трансформатора (черт. 91), каковое напряженіе достигается уменьшеніемъ или увеличеніемъ числа витковъ вторичной обмотки регулировочнаго трансформатора помощью подвижного контакта f. При троганіи съ мъста, когда обратная электродвижущая сила равна О, во вторичную цъпь трансформатора вводится наименьшее количество витковъ и поэтому у вторичныхъ зажимовъ регулировочнаго трансформатора дъйствуетъ наименьшее напряженіе. По мъръ развитія электродвигателемъ скорости вращенія увеличивается обратнаяэлектродвижущая сила, а вслъдствіе этого уменьшается токъ въ электродвигатель, а вмъстъ съ тъмъ и сила тягн. Для сохраненія силы тяги на надлежащей высотъ число витковъ во вторичной цъпи увеличивается, напряжение повышается на соотвътствующую величину, а вслъдствіе этого увеличивается и сила тока въ электродвигатель, которая, однако, затьмъ, по мъръ дальиъйшаго увеличенія скорости вращенія электродвигателя снова начинаетъ уменьшаться. Въ дальнъйшемъ число витковъ во вторичной цъпн снова увеличивается и процессъ идетъ въ указанномъ порядкъ. Послъ того, какъ во вторичную цъпь будутъ введены всъ витки вторичной обмотки трансформатора и установлено предъльное напряженіе, сила тока въ электродвигателъ измънястся, въ зависимости отъ скорости, по автоматической кривой. На черт. 95 показано вышеописанное измъненіе силы тока въ электродвигателъ въ функціи отъ времени отъ начала троган'я съ мъста.  $i_1$   $i_2$  кривыя измъненія силы тока въ періодъ регулировки напряженія Е трансформаторомъ, i — автоматическая кривая. На томъ же чертежъ приведена кривая поглощаемой электродвигателемъ мощности —  $KW = Ei\cos\varphi$ , при чемъ необходимо имъть въ виду, что, при вычисленіи мощности, значенія соѕҫ берутся изъ кривой черт. 94, отвъчающей соотвътственному E, напр., при  $E=E_3$ , значенія для  $\cos \varphi$  необходимо брать изъ кривой для  $\cos \varphi$  за N3. Изъ черт. 95 усматривается, что мощность въ періодъ разгона возрастаетъ пропорціонально скорости.

На основаніи этихъ кривыхъ можетъ быть построена кривая M въ функціи отъ n, а принимая во вниманіе, что  $M_{\gamma} = F \frac{D}{2}$ , гдѣ  $\gamma$   $^1)$ — коэффиціентъ передачи отъ двигателя къ движущей



оси электровоза или вагона-двигателя, а D — діаметръ движущаго колеса, откуда  $F=\frac{2M\gamma}{D}$ , и что v км./часъ  $=3,6\pi$ . D.  $\frac{n}{\gamma}$  , на основаніи тѣхъ же кривыхъ могутъ быть построены сначала кри-

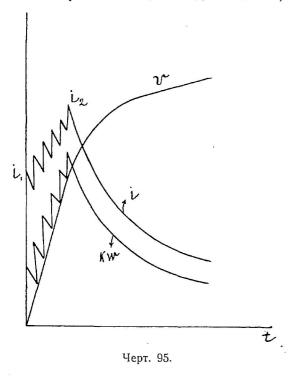
$$F\frac{D}{2}: M = n: n_1 = \gamma.$$

 $<sup>^{1})\,\</sup>gamma=\frac{n}{n_{1}}\,,\,$  гдъ n число оборотовъ въ секунду якоря электродвигателя, а  $n_{1}$  — число оборотовъ въ сек. движущаго колеса

 $<sup>2\</sup>pi \frac{D}{2} Fn_1 = 2\pi M.n.$ 

выя F и v км./часъ въ функціи отъ тока въ якорѣ электродвигателя (черт. 96), а затѣмъ и кривая F въ функціи отъ v км./часъ, которая и наносится на черт. 93.

Такъ какъ въ однофазномъ коллекторномъ электродвигателъ величины поглащаемой мощности не пропорціональны, въ особенности въ періодъ пуска въ ходъ, силамъ тока, питающаго двигатель, то кривыя F и v км./часъ необходимо строить въ функціи отъ энергіи поглощаемой двигателемъ, т. е.  $Ei\cos\varphi$ .



При электрической тягъ при помощи серіесъ электродвигателей постояннаго тока, названные электродвигатели, во избъжаніе излишнихъ терь энергіи въ реостатахъ, включаются въ первый періодъ разгона попарно послъдовательно другъ съ другомъ и, кромъ того, послъдовательно съ регулировочнымъ реостатомъ, при помощи котораго токъ въ электродвигателяхъ поддерживается около нъкоторой средней постоянной величины. По достиженіи ско- $\overline{m{\mathcal{t}}}$  , рости  $v_{\scriptscriptstyle 1}$ , равной около половины той скорости  $v_2$ , при которой электродви-

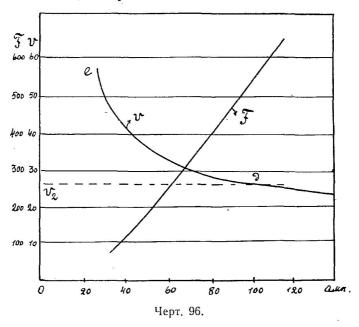
гатели могутъ работать безъ реостатовъ при полномъ напряженіи, т. е. при параллельномъ включеніи, электродвигатели переключаются параллельно и при помощи реостатовъ токъ снова поддерживается въ нихъ около той же средней величины. По достиженіи скорости  $v_2$  реостаты выключаются и сила тока въ электродвигателяхъ начинаетъ измѣняться по кривой de (черт. 93), тождественной съ частью de на автоматической характеристикѣ электродвигателя.

Въ зависимости отъ характера измѣненія тока въ электродвигателяхъ измѣняется и развиваемая ими сила тяги F (кривая ABC на черт. 93). На участкѣ AB она остается постоянной, а затѣмъ начинаетъ убывать по кривой BC.

Разность ординать кривой F и кривой сопротивленій въ данномъ пунктъ перегона представляетъ собой ту величину силы тяги  $F_1$ , которая сообщаетъ поъзду ускореніе.

На черт. 93 какъ кривыя сопротивленій движенію поъзда, такъ и кривыя тока и силы тяги, отнесены къ одному электродвигателю.

Для удобства опредъленія расхода энергіи, потребляемаго цълымъ поъздомъ при прохожденіи имъ перегона, кривыя сопротивленій  $R_l + R_v$  и  $R_l + R_v + R_h$  строятся для всего поъзда и вътакомъ случаѣ на графикѣ наносятся кривыя I и F для суммы электродвигателей, обслуживающихъ поъздъ.



Слѣдуетъ имѣть въ виду, что при этомъ кривая I для серіесъ двигателей постояннаго тока приметъ ступенчатый видъ abcde (черт. 97), такъ какъ въ первый періодъ разгона, благодаря послѣдовательному включенію каждой пары электродвигателей, сила тока въ половину меньше, чѣмъ во второй періодъ разгона при параллельномъ включеніи. Характеръ же кривой силы тяги F остается прежній.

Для построенія кривой расхода тока на поъздъ при постоянномъ токъ или кривой расхода энергіи при однофазныхъ электродвигателяхъ—въ функціи отъ проходимаго поъздомъ пути, а также въ функціи отъ времени нахожденія въ пути, предварительно строятся кривыя скоростей въ функціяхъ отъ объихъ названныхъ перемънныхъ.

Изъ обіцаго уравненія движенія поъзда

$$F = \frac{P'}{3.6 g} \cdot \frac{dv}{dt} + \Sigma R,$$

гдъ P'—въсъ цълаго поъзда въ кгр. съ поправкой на инерцію вращающихся массъ, а v выражено въ км./часъ, опредълимъ  $\frac{dv}{dt}$ :

$$\frac{dv}{dt} = \frac{3.6 \ g}{P'} \left( F - \Sigma R \right).$$

 $F - \Sigma R = F_1$ , каковую величину находимъ непосредственно изъ діаграммы (черт. 97).

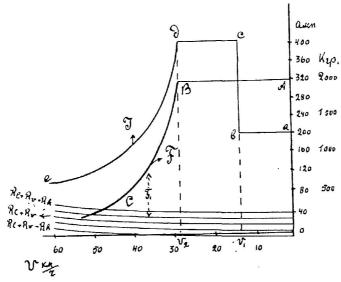
При конечныхъ измѣненіяхъ скорости

$$\frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{3.6 g}{P'} \cdot F_1,$$

откуда

$$\Delta t = \frac{P'}{3.6 g F_1} \cdot \Delta v.$$

Задавая произвольныя небольшія значенія для  $\Delta v$  на основаніи послъдняго равенства вычисляются соотвътствующіе проме-



Черт. 97.

жутки времени, въ теченіе коихъ происходитъ заданное измѣненіе скорости и строится кривая скорости въ функціи отъ времени.  $F_1$  опредѣляется изъ діаграммы (черт. 97) для среднихъ скоростей  $v_m = v_0 + \frac{\Delta v}{2}$ , гдѣ  $v_0$  начальная скорость, получающая приращеніе  $\Delta v$ .

Пройденный поъздомъ путь за время  $\Delta\,t$  при средней скорости  $v_m$  опредъляется изъ выраженія  $\Delta\,l=\frac{v_m}{3.6}\,\Delta\,t^{-1}$ ).

Необходимые элементы для построенія кривыхъ скоростей въ функціяхъ отъ t и l при движеніи поъзда безъ тока опредъляется, такъ какъ F=0, изъ равенства

$$\Delta t = -\frac{P'}{3.6 g} \cdot \frac{1}{\Sigma R} \cdot \Delta v.$$

Данныя для построенія соотв'єтственных вкривых при торможеніи опред'єляются при помощи выраженія

$$\Delta t = -\frac{P'}{3.6 g} \cdot \frac{1}{\Sigma R + Rt} \cdot \Delta v$$
,

такъ какъ къ сопротивленіямъ движенію поѣзда присоединяется тормозящее усиліе  $R_t$ , пропорціональное числу тормозныхъ колесъ, давленію тормозныхъ колодокъ на колеса и коэффиціенту тренія.

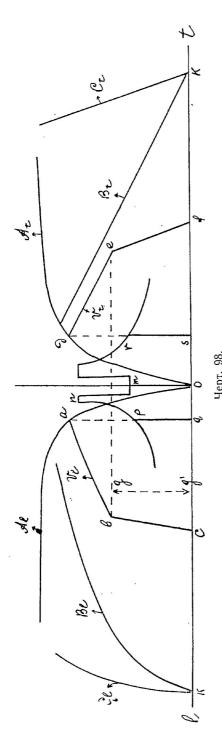
При построеніи вышеупомянутыхъ кривыхъ приходится различать слъдующіе періоды движенія поъзда: періодъ разгона, продолжающійся до момента, когда тяговое усиліе, развиваемое электродвигателями уравняется съ сопротивленіями движенію поъзда, періодъ движенія поъзда согласно автоматическихъ кривыхъ электродвигателей сообразно съ профилемъ участка перегона, періодъ движенія безъ тока передъ торможеніемъ и періодъ торможенія.

Сначала разсмотримъ порядокъ построенія кривыхъ въ простъйшемъ случаъ, когда послъ окончанія перваго періода наступаетъ сразу третій, а потомъ четвертый.

По оси абсциссъ (черт. 98) вправо отъ точки O откладываются значенія t, а влѣво отъ точки O значенія t. По оси ординатъ откладываются значенія v, соотвѣтствующія значеніямъ  $\Sigma \Delta t$  (вправо отъ точки O) и значеніямъ  $\Sigma \Delta t$  (влѣво отъ точки O). Такимъ путемъ получаются кривыя скоростей  $v_t$  и  $v_t$ , начиная отъ момента троганія съ мѣста, а именно кривыя  $A_t$  и  $A_t$ .

 $<sup>^{1}</sup>$ ) Необходимые элементы для построенія кривыхъ скоростей въ функціяхъ отъ t и l для примъра приведены въ слъдующей таблицъ:

$\Delta v$	$\cdot v$	$v_m$	$F_1$	$rac{P'}{g\cdot F_1}$	$\Delta t$	$\Sigma \Delta_t$	$\Delta_{l}$	$\Sigma \Delta_{m{l}}$
10	10	5	1925	0.48	4,8	4,8	6.7	6,7
10	20	15	1910	0,48	4,8	9,6	20,0	26,7
7,4	27,4 =	23.7	1890	0,48	3,55	13,15	24.3	51
2,6	30	48,7	1650	0,55	1,43	14,58	11,4	62.4
2,0	32	31	1240	0,74	1,48	16,06	12,7	75,1



Кривыя скоростей въ періодъ движенія поъзда безъ тока  $B_i$   $B_i$  и въ періодъ торможенія  $C_i$   $C_i$  строятся, начиная отъ произвольныхъ точекъ k, въ направленіи къ точкъ O, такъ какъ, согласно вышеприведенныхъ формулъ, абсциссы получаются отрицательныя.

Отложивъ по оси *Ol* длину перегона  $L_1 = OC$ , проводимъ черезъ точку c кривую торможенія cb путемъ перенесенія точекъ кривой C, параллельно оси Ol въ положеніе cb. Если скорость движенія поъзда, при которой начинается торможеніе, установлена,  $gg_1$ , то, проведя линію, параллельную оси абсциссъ на разстояніи  $gg_1$ , до пересъченія съ кривой торможенія cb, получаемъ точку b, отъ которой начинается кривая движенія безъ тока по инерціи. Переносимъ кривую  $B_i$  такъ, чтобы она прошла черезъ точку b, т. е. въ положеніе ва. Пересъченіе кривыхъ A, съ ba въ точкѣ aопредъляетъ положение точки д на оси Ol, въ которой происходитъ выключеніе тока.

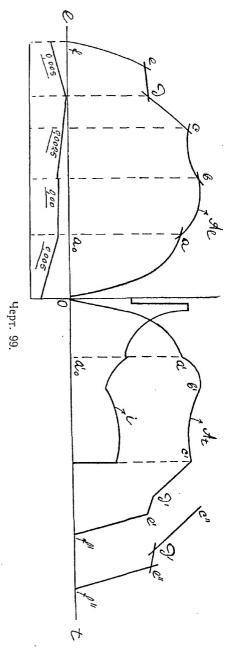
Кривая *Oabc* и представляетъ собою кривую скорости поъзда въ функціи отъ проходимаго пути. Нанеся по оси ординатъ величины тока, потребляемаго всъми двигателями соотвътственно скорости движенія поъзда (черт. 97), получаемъ кривую *Omnpq* расхода тока въ функціи отъ проходимаго пути.

<sup>-</sup> Для построенія тѣхъ же кривыхъ въ функціи отъ времени на-

хожденія въ пути замѣчаємъ, что площадь Oabc, дѣленная на Oc, представляєть собою среднюю скорость  $v_{\scriptscriptstyle m}$ . Въ свою очередь Oc,

цѣленное на  $v_{\dots}$ , представляетъ собою время  $T_1$  пробъга по перегону. Откладывая по оси Ot указанное время  $Of = T_1$ , получаемъ точку f, являющуюся конечной точкой кривой торможенія. Поэтому черезъ точку f проводимъ вышеуказаннымъ способомъ криторможенія  $C_{r}$  находимъ точку е - начало торможенія и, наконецъ, черезъ точку e проводимъ кривую движенія по инерціи  $B_t$ . Кривая Odef представляетъ собою кривую скорости  $v_{\iota}$  въ функціи отъ времени нахожденія въ пути. Кривая Omrs расхода тока въ функціи отъ времени въ пути строится вышеуказаннымъ способомъ.

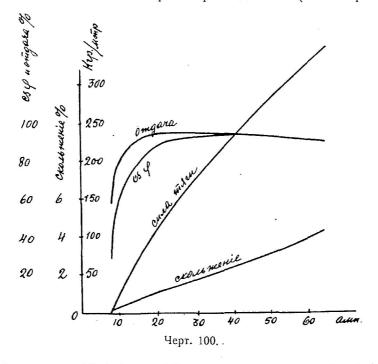
Построеніе вышеупомянутыхъ кривыхъ въ общемъ случаъ, когда послъ періода разгона движеніе поъзда происходитъ по автоматическимъ кривымъ электродвигателей, сообразно съ профилемъ пути, и затъмъ уже слъдуетъ періодъ движенія безъ тока и тормаженіе, производится вышеуказаннымъ способомъ, т. е. сначала строится кривая разгона до точки перелома профиля, что отвъчаетъ точкa на кривой v, на черт. 99. Соотвътствующая точка на кривой въ функціи отъ t (правая половина черт. 99) находится путемъ отложенія по оси абсциссъ  $Oa'_0 = \frac{Oa_0}{v_m}$ , гдъ $v_m = \frac{1}{v_m}$ 



точки a построеніе кривой  $v_t$  ведется далѣе до слѣдующаго перелома профиля, т. е. до точки b, и соотвѣтственно строится

кривая  $v_t$ ; при чемъ точка ея b' находится указаннымъ способомъ и т. д.

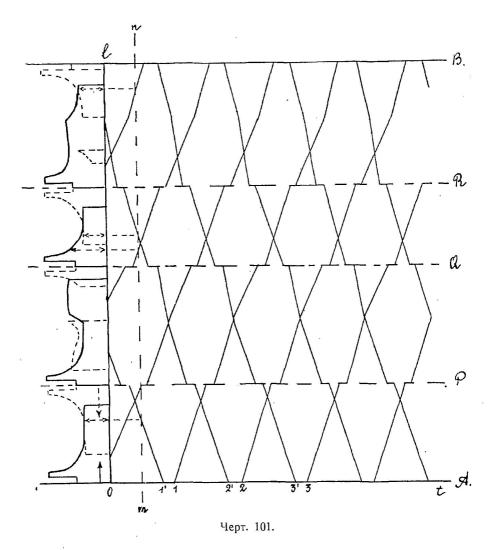
Подходя къ концу перегона Of, изъ точки f строится кривая тормаженія fe, а затъмъ изъ точки e, ордината которой отвъчаетъ скорости, при которой начинается торможеніе, строится кривая движенія безъ тока ed до пересъченія съ кривой  $v_i$ . Абсцисса Of' для конечной точки кривой  $A_t$  находится вышеуказаннымъ способомъ  $\left(\frac{Of}{v_m}\right)$  и затъмъ, идя изъ точки f', заканчивается построеніе кривой  $v_t$  построеніемъ кривой торможенія f'e' и кривой движенія безъ тока e'd'c'. Кривая расхода тока (или энергіи при



перемънномъ токъ)  $i_{t}$  (черт. 99) строится на основаніи діаграммы abede (черт. 97).

Въ случав тяги при помощи трехфазнаго тока построеніе кривой расхода энергіи упрощается, такъ какъ, кромв періода разгона, когда примвняется регулированіе скорости реостатомъ и при помощи разныхъ комбинацій включенія электродвигателей, скорость вращенія послъднихъ, а, слъдовательно, и движенія повзда постоянна, а потому расходъ энергіи опредъляется въ зависимости отъ развиваемой силы тяги, согласно діаграммы трехфазнаго электродвигателя (черт. 100).

Для опредъленія мощности центральной электрической станціи необходимо построить діаграмму нагрузки станціи въ зависимости отъ энергіи, потребляемой всъми поъздами, находящимися въ разсматриваемый моментъ въ движеніи на линіи.



Для этой цѣли строится суточный графикъ движенія поѣздовъ (черт. 101), по оси ординатъ котораго откладываются перегонныя разстоянія, а по оси абсциссъ времена хода по перегонамъ, опредѣленыя на основаніи діаграммы 99 (Of'). Сбоку графика на перегонныхъ разстояніяхъ строятся кривыя расхода энергіи или тока въ функціи отъ проходимаго пути, при чемъ онѣ изо-

бражены для поъздовъ, движущихся отъ A къ B, сплошными линіями, а для обратныхъ поъздовъ пунктирными.

Далъе проводятъ рядъ прямыхъ mn, параллельныхъ оси Ol и расположенныхъ тъмъ ближе другъ къ другу, чъмъ ръзче ожидаемыя колебанія нагрузки.

Пересъченіе линій mn съ линіями движенія поъздовъ 0, 1', 1, 2', 2 и т. д. опредъляетъ, какіе поъзда находятся въ данный моментъ на линіи, и въ какихъ именно мъстахъ отдъльныхъ перегоновъ AP, PQ, QR и т. д. Ординаты кривыхъ расхода энергіи или тока, отвъчающія указанымъ точкамъ пересъченій линіи mn съ линіями движенія поъздовъ, даютъ въ суммъ нагрузку станцій въ данный моментъ, считая нагрузку на рабочихъ проводахъ, отъ которой затъмъ, путемъ учета потери энергіи въ рабочихъ и питательныхъ проводахъ, на подстанціяхъ и т. д. переходятъ къ нагрузкъ станціи на ея шинахъ.

Вышеупомянутая діаграмма суточной нагрузки станціи получается путемъ нанесенія по оси абсциссъ суточнаго времени, а по оси ординатъ нагрузки станціи въ отд $^{1}$ ьные моменты, отв $^{1}$ ьчающей с $^{1}$ ъченіямъ линій mn.

# Расчеть электрическихъ проводовъ.

При расчетъ съченія проводовъ, по которымъ подводится или распредъляется электрическая энергія въ видъ постояннаго тока, исходятъ изъ допустимой потери напряженія  $e_p$  въ проводахъ, выраженной въ вольтахъ.

Если черезъ p обозначить допустимый процентъ потери напряженія въ проводахъ отъ напряженія  $E_1$ , дъствующаго между проводами въ началѣ разсматриваемаго участка таковыхъ, то  $e_p=\frac{p}{100}\;E_1$  вольтъ.

Паденіе напряженія въ проводникъ при прохожденіи по нему тока или, что то же, электродвижущая сила, идущая на преодольніе сопротивленія проводника, равно, какъ было указано въ началь отдъла о постоянномъ токъ,  $e_p=ir=\frac{i\,l\,\rho}{s}$ , гдъ r омическое сопротивленіе проводника, пропорціональное его длинъ l, удъльному сопротивленію  $\rho$   $\mathcal{A}$ .

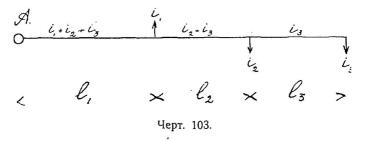
Въ простъйшемъ случав проводки, а именно, въ случав соединенія источника электрической энергіи или распредълительнаго пункта съти съ источникомъ потре-

бленія энергіи (черт. 102-а), съченіе *в* проводовъ, соединяющихъ указанные пункты, опредъляется изъ выраженія

$$s = \frac{i \, 2 \, l \, \rho}{e_p} \,,$$

такъ какъ потеря напряженія  $e_p$  распредѣляется равномѣрно по длинѣ обоихъ проводовъ, т. е. по длинѣ провода l, идущаго къ

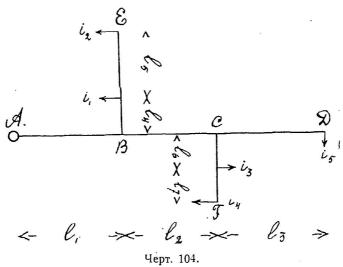
источнику потребленія энергіи, и провода обратиаго той же длины. Въ дальнъйшемъ провода между источникомъ энергіи и пунктомъ потребленія будемъ обозначать одиночными линіями, согласно черт. 102-ь, подразумъвая подъ одиночной линіей два провода при постоянномъ и однофазномъ токъ, и три провода при трехфазномъ.



Когда къ линіи проводовъ приключено въ разныхъ мѣстахъ нѣсколько источниковъ потребленія энергіи (черт. 103), то сѣченіе провода опредѣляется изъ выраженія:

$$s = \frac{[(i_1 + i_2 + i_3) \ l_1 + (i_2 - l_3) \ l_2 + i_3 \ l_3] \cdot 2 \cdot \rho}{e_p},$$

представляющаго собою сумму потерь напряженія на отдъльныхъ участкахъ линіи  $l_1 \, l_2 \, l_3$ .



Въ томъ случаѣ, когда отъ основной линіи проводовъ идутъ развѣтвленія съ включенными въ нихъ источниками потребленія энергіи (черт. 104), сначала опредѣляется сѣченіе  $s_1$  проводовъ основной линіи AD, имѣя въ виду, что нагрузка линіи въ точкѣ

B равняется  $i_1 + i_2$ , въ точкъ  $C: i_3 + i_4$  и въ точкъ  $D: i_5$ , т. е. расчетъ приводится къ предыдущему случаю.

Затъмъ, опредъляется съченіе проводовъ отвътвленій BE и CF, исходя изъ условія, чтобы паденіе напряженія какъ отъ A до E, такъ и отъ A до F было не болъе  $e_p$ . Отсюда слъдуетъ, что паденіе напряженія отъ B до E равняется  $e_p$  минусъ  $e_{AB}$  (паденіе напряженія отъ A до B), а паденіе напряженія отъ C до F равняется  $e_p$  минусъ  $e_{AG}$  (паденіе напряженія отъ A до C).

Опредъляемъ  $e_{AB}$  и  $e_{AC}$ :

$$e_{AB} = \frac{2 l_1 (i_1 + i_2 + i_3 + i_4 + i_5) \cdot \rho}{s_1},$$

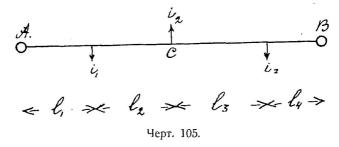
$$e_{AC} = e_{AB} + \frac{2 l_2 (i_3 + i_4 + i_5) \cdot \rho}{s_1}.$$

а затъмъ и съченія проводовъ  $s_2$   $s_3$  въ отвътвленіяхъ BE и CF.

$$s_{2} = \frac{2 \rho \left[ l_{4} \left( i_{1} + i_{2} \right) + l_{5} i_{2} \right]}{e_{p} - e_{AB}}$$

$$s_{3} = \frac{2 \rho \left[ l_{6} \left( i_{3} + i_{4} \right) + l_{7} i_{4} \right]}{e_{p} - e_{AC}}.$$

Когда линія проводовъ питается токомъ съ двухъ концовъ A и B (черт. 105), предварительно расчета съченія этихъ проводовъ



необходимо опредълить какъ распредъляется нагрузка линіи AB между питающими пунктами A и B. По аналогіи съ уравненіемъ моментовъ для силъ  $i_1\,i_2\,i_3$ , приложенныхъ въ разстояніи  $l_1\,-\,l_4$  другъ отъ друга и опоръ A и B, можно написать

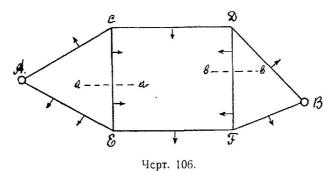
$$i_{\scriptscriptstyle A}\ (l_1+l_2+l_3+l_4)=i_3\,l_4+i_2\ (l_3+l_4)+i_1\ (l_2+l_3+l_4)$$
 откуда 
$$i_{\scriptscriptstyle A}=\frac{i_3\,l_4+i_2\ (l_3+l_4)+i_1\ (l_2+l_3+l_4)}{l_1+l_2+l_3+l_4}\ .$$
 
$$i_{\scriptscriptstyle B}=i_1+i_2+i_3-i_4.$$

Положимъ, что въ результатъ приведеннаго расчета оказалось, что  $i_A=i_1+\frac{1}{4}\;i_2\;;\;i_B=i_3+\frac{3}{4}\;i_2.$  Слъдовательно, пунктъ C питается изъ обоихъ пунктовъ A и B. Съченіе s провода AB опредъляется

$$s = \frac{\rho \cdot 2 \cdot \left[l_1\left(i_4 + \frac{1}{4}i_2\right) + l_2 \cdot \frac{1}{4}i_2\right]}{e_p} =$$

$$= \frac{\rho \cdot 2 \cdot \left[l_4\left(i_3 + \frac{3}{4}i_2\right) + l_3 \cdot \frac{3}{4}i_2\right]}{e_p}.$$

При болѣе сложной формѣ питательной сѣтн, напр., изображенной на черт. 106, расчетъ сѣти приводится къ предыдущему, болѣе простому случаю, разсѣкая второстепенные соединительные провода CE и DF и считая дѣйствующія въ нихъ нагрузки при-



ложенными въ узловыхъ пунктахъ C, E и D, F. Нагрузки въ C, E и D, F опредъляются по предыдущему способу. Разсматривая далъе линіи ACDB и AEFB, какъ самостоятельныя, опредъляемъ ихъ съченія, согласно вышеизложеннаго.

Въ сътяхъ большого протяженія, питаемыхъ перемъннымъ токомъ, расчетъ съченія проводовъ основывать на паденіи напряженія не представляется возможнымъ, такъ какъ 0/0 паденія напряженія при перемънномъ токъ въ противоположность постоянному току 1) не совпадаетъ съ 0/0 теряемой при этомъ мощности, благодаря наличію сдвига фазы ( $\varphi$ ) между напряженіемъ и

<sup>^1)</sup> При постоянномъ токъ  $e_{v}=rac{p}{100}E$ ; откуда  $p=rac{100}{E}$  .

Потеря мощности  $e_p \; i = \frac{p'}{100} \; . \; E \, i \; ; \; p' = \frac{100 \; e_p \; i}{E \, i} = \frac{100 \; e_p}{E} = p \; .$ 

токомъ, каковой сдвигъ представляетъ собою величину перемѣнную въ зависимости отъ самоиндукціи и емкости проводовъ.

Въ этомъ случав въ основу расчета свченія проводовъ принимается потеря мощности въ проводахъ, выражаемая въ  $^0/_0$  $^0/_0$  отъ передаваемой мощности. Если черезъ  $P_1$  обозначить мощность въ началв разсматриваемаго участка линіи, а черезъ  $P_2$  мощность въ концв того же участка, то

$$P_1 - P_2 = i_2 r$$
.

При однофазномъ токъ r представляетъ собою сопротивленіе двухъ проводовъ, поэтому  $r=\frac{2\,l\,\rho}{s}$ .

Такъ какъ  $P_2=E_2i\cos\varphi_2$ , гдѣ  $E_2$  и  $\varphi_2$  напряженіе и сдвигъ фазы въ концѣ участка, то  $i=\frac{P_2}{E_2\cos\varphi_2}$ .

Подставляя значеніе i въ предыдущее равенство, получимъ

$$P_{1} - P_{2} = \frac{P_{2}^{2}}{[E_{2} \cos \varphi_{2}]^{2}} \cdot \frac{2 l \rho}{s} \cdot$$

Если допустимый процентъ отъ переданной мощности, теряемой въ проводахъ, обозначить черезъ p'; то  $P_1-P_2=\frac{p'}{100}$  .  $P_2$ . Слъдовательно

$$\frac{p'}{100} = \frac{P_2}{(E_2 \cos \varphi_2)^2} \cdot \frac{2 \, l \, \rho}{s},$$

откуда

$$s = \frac{2 P_2 l \rho}{(E_2 \cos \varphi_2)^2 \frac{p'}{100}}.$$

Для трехфазнаго тока имъемъ

$$3 i_2 r = \frac{p'}{100} P_2,$$

гдъ г сопротивление одиночнаго провода.

Сила тока

$$i = \frac{P_2}{E_2 \sqrt{3} \cos \varphi_2}.$$

Подставляя i въ предыдущее равенство, получимъ

$$s = \frac{P_2 l \rho}{(E_2 \cos \varphi_2)^2 \frac{p'}{100}},$$

При длинъ проводовъ, не превышающей нъсколькихъ километровъ, самоиндукціей и емкостью проводовъ можно пренебречь. Въ такомъ случаъ сдвигъ фазы  $\varphi$  можно считать постояннымъ вдоль всей линіи проводовъ и съченія проводовъ при однофазномъ токъ  $(s_{nc})$ , и при постоянномъ токъ  $(s_{nc})$ , въ случаъ равенства напряженія между проводами и  $\phi/\phi$  потери мощности, относятся другъ къ другу, какъ  $1:\cos\varphi$ :

$$\frac{s_{od}}{s_{ne}} = \frac{2 P l p}{(E \cos \varphi)^2 \frac{p}{100}} \cdot \frac{2 P l p}{E^2 \frac{p}{100}} = \frac{1}{\cos \varphi^2}.$$

Соотношеніе сѣченій въ тѣхъ же условіяхъ при трехфазномъ токѣ (считая E—иапряженіе между линейными проводами) и при постоянномъ токѣ выражается

$$\frac{s_{mp}}{s_{mc}} = \frac{1}{2 \cos \varphi^2}.$$

Въ виду этого расчетъ проводовъ въ сѣтяхъ не очень большого протяженія ведется какъ для постояннаго тока и затѣмъ полученныя сѣченія проводовъ измѣпяются для однофазнаго тока въ отношеніи  $\frac{1}{2\cos^2\varphi}$ , а для трехфазнаго тока въ отношеніи  $\frac{1}{2\cos^2\varphi}$ .

При проектированіи линіи передачи электрической энергіи на большія разстоянія, какъ напримѣръ, отъ центральной электрической станціи къ подстанціямъ, обслуживающимъ электрическую желѣзнодорожную тягу, рѣшающее значеніе на выборъ допустимаго процентнаго отношенія потери мощности въ проводахъ  $\frac{p'}{100}$  и коэффиціента полезнаго дѣйствія передачи  $\eta = \frac{P_2}{P_1}$ ; связаннаго съ  $\frac{p'}{100}$  уравненіемъ:  $\frac{p'}{100} = \frac{1-\eta}{\eta}$ , играетъ рѣшающее значеніе экономическая сторона вопроса. Съ уменьшеніемъ  $\eta$  соотвѣтственно возрастаетъ p' и уменьшается сѣченіе проводовъ, а, слѣдовательно, уменьшаются ежегодные расходы, связанные съ затратой на мѣдь проводовъ и устройство линіи передачи. Одновременно съ этимъ, однако, возрастаетъ количество энергіи, теряемой въ проводахъ, а вмѣстѣ съ тѣмъ растутъ расходы на про-

изводство теряемой энергіи и потеря чистой прибыли, которую можно было бы получить отъ утилизаціи теряемой энергіи. Обо-

значимъ ресходы первой категоріи черезъ  $A_1$ , а расходы второй— черезъ  $A_2$ .

$$A_1 = \frac{\alpha}{\frac{1}{\eta} - 1}$$

$$A_2 = \beta \left(\frac{1}{\eta} - 1\right)^{-1}$$

Наивыгоднъйшее значеніе  $\eta$  опредъляется изъ условія, чтобы сумма  $\Lambda_1 + \Lambda_2 = \frac{\alpha}{\frac{1}{\eta} - 1} + \beta \left( \frac{1}{\eta} - 1 \right)$  была наименьшей. Прирав-

нивая O производную по  $\eta$  второй половины уравненія, находимъ, что  $\frac{p'}{100} = \frac{1}{\eta} - 1 = \sqrt{\frac{\alpha}{3}}$ .

Вліяніе емкости и самоиндукціи проводовъ на паденіе напряженія и сдвигъ фазы между E и i въ линіяхъ передачи значительнаго протяженія и высокаго напряженія (около 50.000 вольтъ и выше) весьма значительно. Для опредъленія напряженія  $E_1$ , силы тока  $i_1$  и сдвига фазы  $\varphi_1$  въ началѣ линіи при заданныхъ значеніяхъ  $E_2$   $i_2$   $\varphi_2$  въ концѣ линіи можетъ быть примѣненъ способъ построенія векторной діаграммы холостого хода и короткаго замыканія  $^2$ ). Исходя изъ предположенія равномѣрнаго распредѣ-

1) 
$$\alpha = \frac{\hbar P_2 l^2 \gamma k \epsilon_0 1000}{[E_2 \cos \varphi^2]^2}$$
;  $\beta = P_2 T (k_1 + k_2)$ 

гдъ  $P_2$ —наибольшая нагрузка въ kw на концъ линіи передачи.

соѕ 92-коэффиціентъ мощности тамъ же.

 $E_2$ —напряженіе между проводами тамъ же.

l—длииа линіи передачи въ метрахъ.

k—стоимость 1 кгр. мѣди.

7-въсъ 1000 куб. мм. мъди въ кгр.

е-ежегодный расходъ на проценты, амортизацію и погашеніе стоимости проводовъ

 $\tilde{a}$  при однофазиомъ ток $\tilde{b} = 4$ , при трехфазномъ 3.

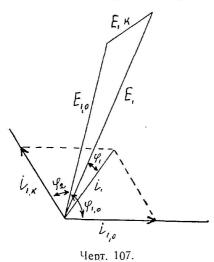
T—число часовъ въ году, въ теченіе которыхъ энергія въ проводахъ, при условіи, что нагрузка поддерживалась бы въ теченіе этихъ часовъ  $P_2$ , достигаетъ дъйствительной годовой потери энергіи при перемънной нагрузкъ.

 $k_1$ —стоимость производства на центральной станціи 1 kw часа.

 $k_2$  —чистая прибыль отъ утилизаціи 1 kw-часа.

<sup>2</sup>) Способъ изложенъ у Kittler'a "Allgemeine Elektrotechnik" Band II, стр. 236—264 и у W. Petersen'a "Hochspannungstechnik", стр. 310.

ленія самоиндукціи и емкости проводовъ  $^1$ ) вдоль линіи, можно опредълить напряженіе, силу тока и сдвигъ фазы въ началѣ лишіи, какъ при холостомъ ходѣ линіи (линія подъ напряженіемъ безъ нагрузки)  $E_{10}$   $i_{10}$   $\varphi_{10}$ , такъ и при короткомъ замыканіи  $E_{1k}$   $i_{1k}$   $\varphi_{1k}$ . Такъ какъ напряженіе  $E_{1k}$  при короткомъ замыканіи идетъ на преодолѣніе омическаго и индуктивнаго сопротивленія проводовъ при заданной нагрузкѣ, то геометрическая сумма  $E_{1k}$  и  $E_{10}$  даетъ напряженіе  $E_1$  въ началѣ линіи при заданной нагрузкѣ. Сила тока  $i_{10}$  при холостомъ ходѣ представляетъ собой зарядный токъ проводовъ, благодаря ихъ емкостн. Геометрическая сумма  $i_{10}$  и  $i_{1k}$  даетъ силу тока  $i_1$  при заданной нагрузкѣ и напряженіе  $E_1$ . Векторная діаграмма (черт. 107) строится слѣдующимъ образомъ.



Подъ угломъ  $\varphi_{10}$  направо отъ  $E_{10}$  откладывается векторъ тока  $i_{10}$ , а подъ угломъ  $\varphi_2$  влѣво векторъ тока  $i_{1k}$ . Изъ конца вектора  $E_{10}$  подъ угломъ  $\varphi_{1k}$  къ вектору  $i_{1k}$  откладывается векторъ  $E_{1k}$ . Величины  $E_1$   $i_1$   $\varphi_1$  находятся непосредственно изъ діаграммы.

Разстояніе между воздушными проводами въ линіяхъ высокаго напряженія опредъляется въ зависимости отъ такъ называемаго критическаго напряженія, при которомъ изолирующая способность воздуха оказывается недостаточной и вслъдствіе этого между проводами на-

чинаетъ происходить черезъ воздухъ тихій разрядъ, характеризующійся свъченіемъ проводовъ. При дальнъйшемъ возрастаніи напряженія между проводами изоляція воздуха окончательно пробивается и происходитъ короткое замыканіе въ видъ искрового разряда. Тихій разрядъ сопряженъ съ утечкой энер-

$$L = 2.10^{-4} \left( \lg \frac{2a}{d} + 0.25 \right)$$
 Генри.

Коэффиціентъ емкости воздушнаго провода на 1 км.

$$C = \frac{1}{18} \frac{1}{\lg \frac{2a}{d}} 10^{-6}$$
 Фарадъ,

гдъ a—разстояніе между проводами, d—діаметръ проводовъ.

<sup>1)</sup> Коэффиціентъ самоиндукцій воздушнаго провода на 1 км.

гіи черезъ воздухъ. Отношеніе критическаго напряженія къ рабочему напряженію въ проводахъ называется коэффиціентомъ безопасности линіи передачи электрической энергіи и на существующихъ электрическихъ установкахъ высокаго напряженія колеблется въ среднемъ отъ 1,2 до 1,8. Критическое напряженіе зависитъ отъ плотности электрическихъ линій силъ (электрическаго поля) на поверхности проводовъ и поэтому увеличивая радіусъ г проводовъ при томъ же напряженіи между проводами, можно повысить критическое напряженіе. Того же результата можно достигнуть также путемъ увеличенія разстоянія а между проводами <sup>1</sup>).

$$E_{kp} = \delta$$
.  $2r \lg nat \frac{a}{r}$ ,

гд $^{b}$   $^{c}$ —сопротивленіе воздуха пробиванію.

Для трехфазнаго тока

$$E_{kp} = \delta V 3.r \lg nat \frac{a}{r}$$
.

 $<sup>^{1})</sup>$  Для однофазнаго тока критическое напряженіе  $E_{kp}$  выражается (Petersen "Hochspannungstechnik", стр. 302)

# Электрическое освъщеніе.

Наиболъе распространенные въ настоящее время источники освъщенія распадаются на двъ группы: лампы накаливанія и дуговые фонари. Лампы накаливанія состоятъ изъ нитей угольныхъ или металлическихъ. помъщенныхъ въ стекляныхъ грушахъ съ разръженнымъ воздухомъ. При прохожденіи по нитямъ тока, нити накаливаются и испускаютъ свътъ. Въ дуговыхъ фонаряхъ источникомъ свъта служитъ вольтовая дуга, образующаяся между электродами дугового фонаря при пропусканіи черезъ него тока.

#### Лампы накаливанія.

Лампы накаливанія съ угольной нитью изготовляются силой свѣта отъ 5 до 50 свѣчей для напряженія до 250 вольтъ (нормально 110—120 вольтъ). Расходъ энергіи въ этихъ лампахъ, отнесенный къ ихъ силѣ свѣта, составляетъ въ среднемъ 3—3,5 ватта на свѣчу. Срокъ службы угольныхъ лампъ составляетъ въ среднемъ 600 часовъ.

Изъ лампъ съ металлическими нитями наибольшее распространение имъютъ въ настоящее время лампы съ нитями танталовой, вольфрамой и осрамовой (соединение вольфрама съ осміемъ).

Танталовыя лампы наиболье пригодны для постояннаго тока. Онъ изготовляются силой свъта до 50 свъчей и для напряженій до 240 вольтъ. Расходъ энергіи составляетъ при постоянномъ токъ около 1,5 ватта на свъчу, при перемънномъ 2,1 — 2,3 ватта на свъчу. Срокъ службы 600—800 часовъ. Вольфрамовыя и осрамовыя лампы изготовляются для напряженій до 260 вольтъ и силой свъта для внутренняго освъщенія отъ 10 до 100 свъчей, а для наружнаго отъ 200 до 1.000 свъчей. Средній расходъ энергіи составляетъ, какъ при постоянномъ, такъ и при перемънномъ токъ,

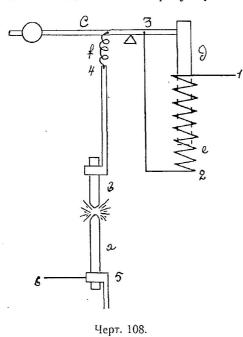
для первой группы 1—1,2 ватта на свѣчу, для второй группы 0,8 ватта на свѣчу. Сила свѣта лампъ по мѣрѣ ихъ горѣнія понижается очень незначительно, и поэтому лампы употребляются до разрушенія ихъ нитей. Средній срокъ службы этихъ лампъ составляетъ 1.000 часовъ и колеблется отъ 600 до 2.000 часовъ.

## Дуговые фонари.

Для образованія вольтовой дуги между электродами дугового фонаря необходимо электроды сдвинуть, т. е. замкнуть цъпь дугового фонаря, и по установленіи тока раздвинуть электроды. Въ пространствъ между раскаленными, благодаря току, концами электродовъ образуются изъ матеріала электродовъ газы и пары, которые подъ дъйствіемъ высокой температуры іонизируются и служатъ проводящею средою, поддерживающею токъ между электродами. При питаніи вольтовой дуги постояннымъ токомъ на положительномъ электродъ (анодъ) образуется кратеръ, температура котораго достигаетъ 3.600° С. и который даетъ поэтому наибольшую силу свъта въ дуговомъ фонаръ. Отрицательный электродъ имъетъ коническую форму. Температура его достигаетъ 2.500° С. При питаніи вольтовой дуги перем'вннымъ токомъ оба электрода сохраняють одинаковую коническую форму. Что касается температуры дуги, то предполагаютъ что она достигаетъ 4000° C.

Соотношеніе между длиной вольтовой дуги l и напряженіемъ E между электродами выражается для постояннаго тока приближенной формулой  $E=39+(2\ {\rm дo}\ 3)\,l$ , гд $^{1}$  выражено въ миллиметрахъ. Для перемъннаго тока  $E=20+(2\ {
m дo}\ 3)\ l$ . Такъ, для наиболъе употребительныхъ силъ постояннаго тока отъ 6 до 14 амперъ и l отъ 2 до 4 мм., E равняется отъ 40 до 50 вольтъ. При перемънномъ токъ E около 30 в. Для обезпеченія силы свъта въ дуговомъ фонаръ необходимо поддерживать постоянство силы тока и напряженія между электродами. Такъ какъ одинъ изъ этихъ факторовъ является для данной цъпи постояннымъ, благодаря регулировкъ или тока или напряженія въ динамо-машинъ, питающей цъпь, то въ самомъ фонаръ необходимо регулировать другой изъ упомянутыхъ двухъ факторовъ. Для этой цъли примъняется автоматическое регулированіе при помощи электромагнитныхъ катушекъ, дъйствующихъ на передаточные механизмы путемъ втягиванія жел взныхъ сердечниковъ и т. п. Въ зависимости отъ включенія обмотокъ названныхъ катушекъ послъдовательно съ вольтовой дугой, параллельно ей или частью послѣдовательно, частью параллельно, дуговые фонари дѣлятся на фонари съ послѣдовательной регулировкой, шунтовые и дифференціальные.

На черт. 108 изображена схема включенія дугового фонаря съ посл'єдовательной регулировкой. Нижній электродъ a неподви-



женъ. Верхній электродъ b подвиженъ и стремится сблизиться съ нижнимъ электродомъ подъ дъйствіемъ силы тяжести или пружины. Съ другой стороны соленоидъ е при прохожденіи по его обмоткъ тока втягиваетъ сердечиикъ d, приподымаетъ связанный съ dрычагъ с и черезъ посредство передаточнаго механизма f раздвигаетъ электроды. Такимъ образомъ, съ усиленіемъ тока, проходящаго по цъпи дугового фонаря 123456, электроды раздвигаются, съ ослабленіемъ же электроды сдвигаются. тока Если постоянную силу, стремящуюся сдвинуть электроды, обозначить черезъ  $f_0$ , число

витковъ соленоида черезъ n, силу тока (въ абсолютныхъ единицахъ) черезъ I и  $\alpha$  коэффиціентъ пропорціональности, то для нормальныхъ условій горѣнія дугового фонаря сила втягиванія соленоида  $\alpha$  . I . n должна уравновѣшиваться съ силой  $f_0$ . Отсюда  $I=\frac{f_0}{\alpha\,n}=$  const, т. е. фонарь регулируетъ на постоянную силу тока.

На черт. 109 изображена схема шунтоваго фонаря.

Въ этомъ случав раздвижение электродовъ производится при помощи пружины, а сближение электродовъ помощью рычага c и механизма f при втягивании соленоидомъ e сердечника d. Электроды a и b включены въ главную цъпь 12345, а обмотка соленоида e въ отвътвленную цъпь 26784, параллельную главной. Съ увеличениемъ разстояния между электродами, напр., вслъдствие ихъ обгорания, сопротивление цъпи 12345 увеличивается. А такъ какъ токи распредъляются въ параллельныхъ вътвяхъ обратно

пропорціонально ихъ сопротивленіямъ, то токъ въ цѣпи 26784 увеличится, соленоидъ e втянетъ сердечникъ d и электроды сблизятся. Обратно, при чрезмѣрномъ сближеніи электродовъ, токъ въ соленоидѣ уменьшится настолько, что сила пружины преодолѣетъ дѣйствіе соленоида и электроды раздвинутся. Если r представляетъ собою сопротивленіе цѣпи 26784, E напряженіе между электродами или, что то же,

электродами или, что то же, между 2 и 4, то сила тока I въ соленоидъ e:

$$I = \frac{E}{r}$$
.

Изъ условія равнов'ьсія между  $f_0$  и а  $I\,n$  вытекаетъ, что

$$f_0 = \alpha I n$$

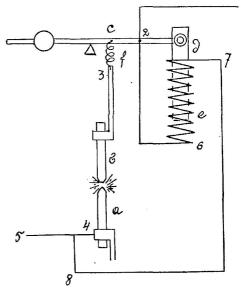
или

$$f_0 = \alpha \cdot \frac{E}{r} \cdot n$$
,

откуда

$$E = f_0 \cdot \frac{r}{\alpha n} = \text{const.},$$

т. е. дуговой шунтовый фонарь регулируется автоматически на постоянное напряженіе.



Черт. 109.

На черт. 110 изображена схема включенія дифференціальнаго фонаря. Обмотка соленоида  $e_i$  изъ толстой включена послъдовательно съ вольтовой дугой въ цъпь 1234567, а обмотка соленоида  $e_2$  изъ тонкой проволоки въ цъпь 2896, параллельную вольтовой дугъ. Сба соленоида дъйствуютъ на общій сердечникъ d, при чемъ поднятіе его вызываетъ черезъ посредство рычага с и персдаточнаго механизма f сближеніе электродовъ a и b, а опусканіе сердечника раздвижение электродовъ. При обгорании, напр., электродовъ сопротивленіе главной цѣпи увеличивается, вслі дствіе чего усиливается токъ въ главной цѣпи 2896, се дечникъ d подымаєтся и электроды сдвигаются. Чрезмърное сближеніе электродовъ вызываетъ усиленіе тока въ соленоидъ  $e_1$  и, какъ слъдствіе, опусканіе сердечника и раздвиженіе электродовъ. При нормальномъ горъніи действія обоихъ соленоидовъ должны уравновъшиваться. Обозначимъ черезъ  $n_1$ ,  $I_1$  число витковъ и силу тока въ соленоидъ  $e_1$ , а черезъ  $n_2$ ,  $I_2$  и  $r_2$  число витковъ,

силу тока и сопротивленіе соленоида  $e_2$ . Согласно вышесказаннаго а  $n_1 \, I_1 = n_2 \, I_2$  .

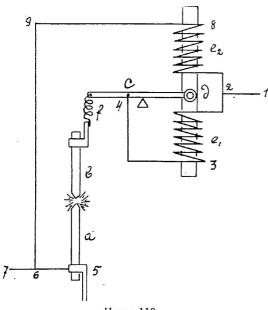
Такъ какъ

$$I_2 = \frac{E}{r_2}$$
, 
$$\alpha n_1 I_1 = n_2 \frac{E}{r_2}$$
. 
$$\frac{E}{I_1} = \alpha \frac{n_1}{n_2} \cdot r_2 = \text{const.}$$

то

т. е. въ дифференціальномъ дуговомъ фонарѣ автоматически поддерживается постояннымъ сопротивленіе вольтовой дуги въ ея цъломъ.

Дуговые фонари съ послъдовательной регулировкой вообще примъняются ръдко. Включеніе ихъ возможно лишь одиночное.



Черт. 110.

Дуговые шунтовые и дифференціальные фонари пригодны какъ для одиночнаго включенія, такъ и для послъдовательнаго включанія иъсколькихъ фонарей. Лучшими по регулировкъ являются дифференціальные фонари.

Электроды для обыкновенных дуговых фонарей изготовляются из прессованнаго углерода, при чемъ при постоянномъ токъ для положительнаго электрода (анода) угли примъняются въ 2 раза большаго діаметра, нежели для отрицатель-

наго (катода), такъ какъ анодъ сгораетъ быстръе катода.

При перемънномъ токъ угли одинаковаго съченія. Для такъ называемыхъ пламенныхъ (съ цвътной окраской свъта) дуговыхъ фонарей электроды снабжаются внутри фитилями изъ различнаго рода металлическихъ солей. Угли послъдняго рода при той же силъ тока даютъ силу свъта въ 3½ раза большую, нежели сплошные угли. Выдъленіе большого количества газовъ при горъніи затрудняетъ ихъ примъненіе въ закрытыхъ помъщеніяхъ.

Дуговые фонари изготовляются съ открытой вольтовой дугой, т. е. горящей въ воздухѣ, и съ закрытой вольтовой дугой, доступъ воздуха къ коей затрудненъ. Въ первомъ случаѣ число часовъ горѣнія углей составляетъ 6—16 часовъ, а во второмъ— 100—150 часовъ. Фонари съ закрытой вольтовой дугой требуютъ напряженія въ .75—80 вольтъ, т. е. почти въ два раза большаго, чѣмъ фонари съ открытой вольтовой дугой. Относительный расходъ энергіи, т. е. число ваттъ на свѣчу, въ обыкновенныхъ дуговыхъ фонаряхъ съ открытой вольтовой дугой, при постоянномъ токѣ составляетъ отъ 0,92 до 0,63 при средней полусферической силѣ свѣта фонаря отъ 360 до 1.305 свѣчей. При перемѣнномъ токѣ для силъ свѣта въ 180—486 свѣчей относительный расходъ соотвѣтственно составляетъ 1,57—1,07.

Для дуговыхъ фонарей съ закрытой вольтовой дугой относительный расходъ больше соотвътственно на 25-30% при постояиномъ токъ и на 75-100% при перемънномъ.

Въ пламенныхъ дуговыхъ фонаряхъ относительный расходъ энергіи составляетъ при постоянномъ токъ 0,22 ваттъ при силъ свъта до 4.000 свъчей, при перемънномъ токъ около 0,25—0,4 ваттъ при силъ свъта до 1.700.

Къ числу дуговыхъ фонарей относится ртутная лампа, состоящая изъ стеклянной трубки съ разръженнымъ воздухомъ, анодомъ въ которомъ служитъ желъзный электродъ, а катодомъ ртутный. Если лампу подъ напряженінмъ наклонить такимъ образомъ, чтобы ртуть, переливаясь по трубкъ, коснулась анода, то токъ въ лампъ замкнется. При поворотъ лампы въ нормальное положеніе ртуть сосредоточится у катода, а въ лампъ образуются пары ртути, которые даютъ свътъ, лишенный красныхъ лучей. Въ виду этой особенности ртутныхъ лампъ онъ примъняются лишь для спеціальныхъ цълей.

# Телеграфія.

Задачей телеграфіи является осуществленіе оыстрыхъ письменныхъ сношеній между пунктами, удаленными на большія другъ отъ друга разстоянія. Въ настоящее время это достигается двоякимъ путемъ. Во-первыхъ, помощью электрическаго тока, передаваемаго по проводу, соединяющему между собою передающую и принимающую станціи (телеграфированіе по проводамъ) и, вовторыхъ, помощью электромагнитныхъ волнъ, излучаемыхъ передающее станціею и распространяющихся вдоль земной поверхности безъ помощи проводовъ (телеграфированіе безъ проводовъ или, радіотелеграфія. т. е. телеграфированіе помощью излученія).

### Телеграфированіе по проводамъ.

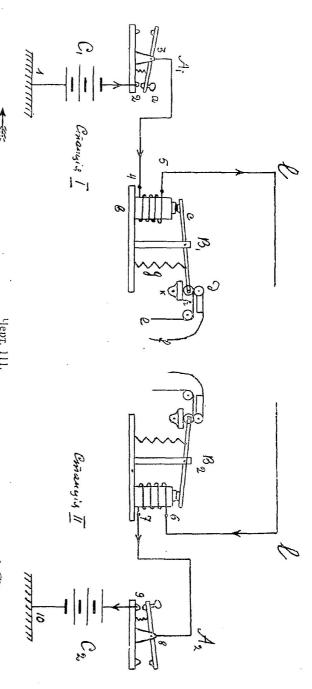
Передача отдъльныхъ буквъ, а, слъдовательно, и словъ производится или помощью условныхъ знаковъ, точекъ и тире, получаемыхъ на лентъ пріемнаго аппарата и отвъчающихъ въ различныхъ своихъ комбинаціяхъ отдъльнымъ буквамъ алфавита (азбука Морзе) или помощью отпечатыванія на лентъ пріемнаго аппарата готовыхъ буквъ. И тотъ, и другой способъ основанъ на дъйствіи электрическаго тока, появляющагося въ цъпи, образуемой проводомъ между переговаривающимися станціями и землей, какъ обратнымъ проводомъ, когда цъпь замывается. Въ области желъзнодорожнаго дъла нашли себъ примъненіе, главнымъ серазомъ, телеграфные аппараты системы Морзе и Уитстона, осуществляющіе телеграфную передачу по азбукъ Морзе, и аппараты Юза—буквопечатающіе.

### Система Морзе.

Аппаратами Морзе, отличающимися большой простотой. сборудованы всъ желъзнодорожныя станціи и ими обслуживается какъ вся мъстная служебная корреспонденція, такъ и регулированіе на большинствъ дорогъ движенія поъздовъ.

Передаточный аппаратъ Морзе состоитъ изъ ключа A (черт. 111), помощью котораго размыкается или замыкается цъпь

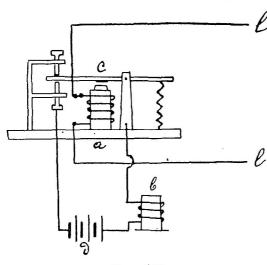
1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10,1. Пріемный аппаратъ B состоитъ электромагнитовъ b, обмотка которыхъ включена въ ОІУТУНЯМОПУ цѣпь, рычага c и часового механизма, приводящаго во вращеніе роликъ и, который, въ свою очередь, передвигаетъ бумажную ленту ef. Когда цъпь 1-10--1 разомкнута, правый конецъ рычага с оттягивается внизъ пружиной g, при чемъ колесо h рычага c опускается въ чашечку k съ краской. При замыкацъпи электромагнитъ b намагничивается и притягиваетъ лѣвый конецъ рычага c, вслъдствіе чего правый конецъ послѣдняго подымается и колесо h, упираясь въ роликъ d, чертитъ окрашенсвоимъ обона лентъ *ef* знакъ. Въ зависимости отъ продолжительности иажатія ключа А на лентъ получается точка или тире.



На черт. 111 представлена простъйшая схема включенія приборовъ, примъняемая на желъзныхъ дорогахъ, а именно схема, при которой цъпь нормально замкнута (схема постояннаго тока). Для телеграфированія необходимо сначала приподнять ключъ за кнопку  $\alpha$  и затъмъ уже начать посылать въ линію импульсы тока различной продолжительности путемъ соотвътствующихъ замыканій контакта 2 (9).

Почтово-телеграфное въдомство примъняетъ схему включенія аппаратовъ, въ которой цъпь 1-10-1 нормально разомкнута (схема рабочаго тока).

Включеніе пріємныхъ приборовъ непосредственно въ цъпь линейнаго провода, какъ то показано на черт. 111, возможно при сравнительно небольшомъ разстояніи между станціями. Съ увеличеніемъ разстоянія между ними возрастаєтъ сопротивленіе линейнаго провода ll, а, слъдовательно, и цъпи, вслъдствіе чего, при данномъ напряженіи батарей C, намагничиваніе электромагнитовъ пріємнаго аппарата можетъ оказаться недостаточнымъ для притягиванія съ надлежащей силой рычага c и полученія отчетливыхъ знаковъ. Для устраненія этого въ линейную цъпь ll включаются электромагниты прибора, называемаго



Черт. 112.

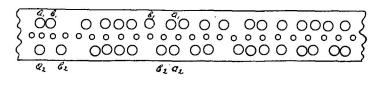
релэ (черт. 112) и состоящаго изъ электромагнитовъ а и якоря с, который замыкаетъ мъстную цъпь съ батареей а и электромагнитами в пріемпаго аппарата.

Нормальная скорость телеграфированія на аппаратахъ Морзе опредъляется въ 10 словъ или 60 буквъ въ минуту. Такая скорость передачи для телеграфныхъ линій, соединяющихъ болъе или менье удаленные пункты съ большой работой, является

недостаточной и поэтому такія линіи оборудываются быстродъйствующими аппаратами. Къ ихъ числу принадлежатъ аппараты Уитстона.

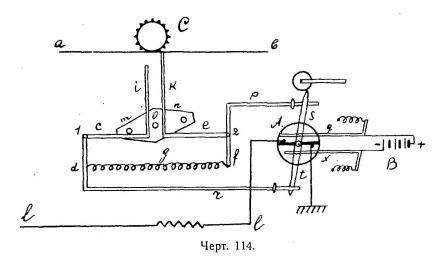
#### Система Уитстона.

При этой системъ телеграммы подготовляются для передачи путемъ пробиванія на бумажной лентъ въ три ряда отверстій (черт. 113), изъ коихъ средній рядъ служитъ для передвиженія ленты помощью зубчатаго колеса C (черт. 114), входящаго своими



Черт. 113.

зубами въ упомянутыя отверстія. Отверстія, пробиваемыя въ крайнихъ рядахъ, служатъ для передачи знаковъ Морзе, при чемъ при расположеніи двухъ отверстій одно подъ другимъ, напр.,  $a_1$   $a_2$ , передается точка, при расположеніи двухъ отверстій наискось, напр.,  $b_1$   $b_2$ , передается тире. Отверстія верхняго ряда служатъ для посылки въ линію импульсовъ тока одного направленія,



а нижнія отверстія для посылки импульсовъ тока обратнаго направленія. Пріємный аппаратъ состоитъ изъ электромагнита съ двойнымъ якоремъ. При прохожденіи по обмоткъ электромагнита токовъ перваго направленія, якорь перемъщается въ одну сто-

рону, приводя въ соприкосновеніе перо съ движущейся бумажной лентой, вслъдствіе чего на лентъ начинаетъ чертиться знакъ. При появленіи въ обмоткъ электромагнита токовъ обратиаго направленія якорь отклоняется въ другую сторону и тъмъ прерываетъ начертаніе знака на лентъ. Въ случаъ расположенія отверстій одно подъ другимъ  $a_1$   $a_2$ , за положительнымъ импульсомъ тока сейчасъ же слъдуетъ отрицательный и поэтому перо успъваетъ нанести на лентъ только точку. Въ случаъ же расположенія отверстій наискось  $b_1$   $b_2$  между положительнымъ и отрицательнымъ импульсомъ проходитъ большій промежутокъ времени, достаточный для нанесенія на пріємной лентъ черты.

Передаточный аппаратъ состоитъ (черт. 114) изъ двухъ колънчатыхъ рычаговъ cd и ef, вращающихся на шарнирахъ 1 и 2. Плечи d и f стянуты пружиной g. На концъ плечъ c и e укръплены иглы i и k, которыя, подъ дъйствіемъ пружины g, стремятся подняться вверхъ и пройти сквозь крайніе ряды отверстій на лентъ ab. Коромысло mn находится въ постоянномъ колебательномъ движеніи вокругъ оси O и штифтами m и n поочередно опускаетъ внизъ плечи c и e вм $\dagger$ ст $\dagger$  съ иглами i и k. Когда игла k при своемъ подъемъ встръчаетъ отверстіе въ лентъ ab, то, пройдя черезъ него, даетъ возможность повернуться рычагу ef, который черезъ посредство стержня p поворачиваетъ рычагъ stкоммутатора А. Коммутаторъ А состоитъ изъ двухъ изолированныхъ другъ отъ друга полукруглыхъ пластинъ, изъ которыхъ одна соединена съ линейнымъ проводомъ, другая съ землей. При указанномъ поворотъ коммутатора линейный проводъ 11 соединяется черезъ верхнюю половину коммутатора п контактную полосу q съ положительнымъ полюсомъ батареи B, а отрицательный полюсъ черезъ контактъ x и нижнюю половину коммутатора съ землей, вслъдствіе чего въ линію посылается положительный импульсъ тока и въ пріемномъ аппарат в перо начинаетъ чертить на лентъ знакъ. Если затъмъ игла i при своемъ движеніи вверхъ встрътитъ отверстіе въ ленть ab, то, пройдя черезъ отверстіе, дастъ возможность повернуться рычагу са, который, въ свою очередь, повернетъ коммутаторъ въ обратную сторону, вслъдствіе чего установится соединеніе линейнаго провода съ отрицательнымъ полюсомъ батареи, а земли съ положительнымъ полюсомъ и въ линію направится отрицательный импульсъ тока, который въ пріемномъ аппарать прекратить черченіе знака на лентъ.

Скорость передачи достигаетъ 120—130 словъ въ минуту.

#### Система Юза.

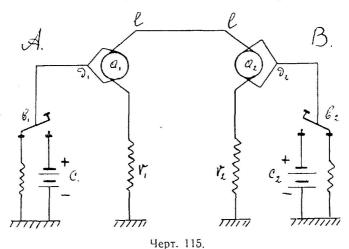
Аппаратъ Юза принадлежитъ, какъ выше было упомянуто, къ буквопечатающимъ приборамъ. Дъйствіе его основано на синхронномъ вращеніи контакта на повсрхности диска въ передаточномъ аппаратъ и буквеннаго колеса, съ расположенными на его окружности буквами въ прісмномъ аппарать. Въ дискъ передаточнаго аппарата сдъланы вблизи окружности диска радіальныя проръзи, сквозь которыя подымаются при нажатіи соотвътствующей клавиши, отвъчающей передаваемой буквъ, пальцы. При вращающагося контакта съ соприкосновеніи выдвинувшимся пальцемъ, въ линію посылается токъ, который въ пріемномъ аппаратъ, помощью электромагнита и печатающей оси, прижимаетъ къ периферіи буквеннаго колеса ленту. Такъ какъ пальцы по окружности диска въ передаточномъ аппаратъ, отвъчающіе буквамъ клавіатуры, расположены въ томъ же порядкъ, что и буквы на окружности буквеннаго колеса и такъ какъ контактъ вращается синхронно съ буквеннымъ колесомъ, то въ моментъ прижатія въ пріемномъ аппаратъ ленты къ буквенному колесу, подъ лентой окажется и отпечатается какъ разъ та буква, которая была передана передаточнымъ аппаратомъ, благодаря соприкосновенію вращающагося контакта съ выдвинутымъ пальцемъ.

Скорость передачи на аппаратахъ Юза опредъляется въ 25 словъ въ минуту.

## Многократная телеграфія.

Стремленіе повысить использованіе телеграфныхъ про водовъ обусловило появленіе различнаго рода системъ мпогократной телеграфіи, дающихъ возможность передавать по одному и тому же проводу одновременно нъсколько телеграммъ. Передача по проводу двухъ телеграммъ одного направленія носитъ названіе диплексовой телеграфін, передача двухъ телеграммъ навстръчу другъ другу—дуплексовой телеграфіи. Наибольшее примъненіе получила, главнымъ образомъ, дуплексовая телеграфія, которая осуществляется преимущественно или при помощи дифференціальнаго способа включенія телеграфныхъ аппаратовъ или при помощи ихъ включенія по способу моста Уитстона. При первомъ способъ электромагниты  $u_1$   $u_2$  пріемныхъ аппаратовъ снабжаются двумя одинаковыми по сопротивленію и числу витковъ сбмотками, но противоположнаго направленія (черт. 115). Общій конецъ обмотокъ

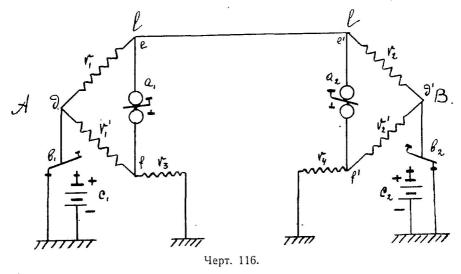
соединенъ съ ключомъ b, другіе концы обмотокъ соединены: первой обмотки съ линіей ll, а второй обмотки съ сопротивленіемъ r, которое равно сопротивленію линіи вмѣстѣ съ сопротивленіемъ пріемной цѣпи сосѣдней станціи. При подачѣ сигналовъ станціей A, токъ i изъ батареи  $c_1$  черезъ ключъ  $b_1$  направляется въ обмотки электромагнита  $a_1$  и, раздѣлившись въ точкѣ  $d_1$  на двѣ равныя части, благодаря равенству сопротивленій цѣпей линейной и мѣстной съ сопротивленіемъ  $r_1$ , проходитъ по обѣимъ обмоткамъ въ противоположныхъ направленіяхъ. Токъ,



проходящій по второй обмотк $\dot{b}$  въ разм $\dot{b}$ р $\dot{b}$  1/2, направляется затъмъ черезъ  $r_1$  въ землю и оттуда къ батаре $c_1$ . Токъ, проходящій по первой обмоткb въ размbрb также  $\frac{i}{2}$  , направляется въ линію ll. Такъ какъ д'ъйствіе амперъ-витковъ объихъ обмотокъ электромагнита  $a_1$  равное и взаимнопротивоположное, то электромагнить  $a_1$  не притянеть своего якоря и пріемный аппарать станціи A останется въ покоѣ. На станціи B токъ изъ линіи  $l\,l$ поступаетъ въ первую обмотку электромагнита  $a_2$  и, пройдя ее, направляется, главнымъ образомъ, черезъ ключъ  $b_2$  въ землю и оттуда къ батаре $\dot{b}$   $c_2$ , а частью, пройдя по второй обмотк $\dot{b}$  и сопротивленію  $r_2$ , идетъ въ землю и возвращается къ батареb  $c_1$ . Такъ какъ токи въ объихъ обмоткахъ въ этомъ случаъ проходятъ въ одномъ направленіи, то электромагнить  $a_2$  приходить въ дѣйствіе и вызываетъ соотв'єтствующій знакъ въ пріемномъ аппаратъ станціи B. Когда телеграфируетъ только станція B, то ея пріемный аппаратъ, согласно изложеннаго, не отзывается, а приходитъ въ дъйствіе пріемный аппарать на станціи А. При работь объихъ

станцій одновременно, въ цѣпи, составляемой линіей ll, первыми обмотками электромагнитовъ  $a_1\,a_2$  и землей, тока нѣтъ, такъ какъ батареи  $c_1$  и  $c_2$  включены противоположными полюсами и поэтому ихъ дѣйствіе взаимно компенсируется. Въ мѣстныхъ же цѣпяхъ (батарея, вторая обмотка электромагнита, сопротивленіе r и земля) токъ циркулируетъ на обѣихъ станціяхъ и вызываетъ дѣйствіе пріемныхъ приборовъ.

Схема включенія аппаратовъ по способу моста Уитстона показана на черт. 116,  $a_1 a_2$  — электромагниты пріемныхъ аппаратовъ;



 $r_3\,r_1\,r_1'\,r_2\,r_2'\,r_4$ — искусственныя сопротивленія,  $b_1\,b_2$ —ключи,  $c_1\,c_2$  батареи. Сопротивленія подобраны такимъ образомъ, что  $r_1=r_1'$ ,  $r_2=r_2'$  и  $r_3=r_4$  = сопротивленію линіи  $l\,l$  — сопротивленіе цъпи пріємнаго прибора сосъдней станціи. При подачъ сигналовъ одновременно только одной станціей, пріємный аппаратъ передающей станціи не отзывается, такъ какъ токъ, выйдя, напримъръ, изъ батареи  $c_1$  (передаетъ станція A) развътвляется въ точкъ d на двъ равныя части, благодаря равенству сопротивленій линейной цъпи  $l\,l$  и мъстной съ сопротивленіемъ  $r_3$ . Паденіе напряженія отъ точки d до точки e и отъ точки d до точки f равно  $\frac{i}{2}\,r_1=\frac{i}{2}\,r_1'$  и поэтому въ точкахъ e и f будетъ одинъ и тотъ же потенціалъ, вслъдствіе чего токъ между e и f появиться не можетъ.

На станціи, принимающей, токъ изъ линіи, развътвившись, проходитъ частью черезъ сопротивленіе  $r_2$ , частью по обмоткъ электромагнитовъ  $a_2$  и сопротивленію  $r_4$  и далѣе въ землю и вызываетъ дъйствіе пріемнаго аппарата.

При одновременномъ телеграфированіи объихъ станцій, т. е. когда оба ключа  $b_1$   $b_2$  нажаты, въ линіи ll тока не будетъ, такъ какъ объ батареи  $c_1$  и  $c_2$  равны по напряженію и дъйствуютъ взаимнопротивоположно. Въ мъстныхъ же цъпяхъ  $c_1-r_1'-r_3-3$  вемля —  $c_1$  и  $c_2-r_2'-r_4$  — земля —  $c_2$  будутъ циркулировать токи, вызывая паденіе напряженія отъ d до f и отъ d' до f', равное  $ir_1'$  и  $ir_2'$ . Вслъдствіе этого въ точкахъ f и f' появится потенціалъ меньшій, нежели въ точкахъ e и e'. Разность потенціаловъ между точками e-f и e'-f' обусловитъ появленіе тока въ обмоткахъ электромагнитовъ  $a_1$  и  $a_2$  и пріемные приборы объихъ станцій придутъ въ дъйствіе.

## Телеграфированіе безъ проводовъ.

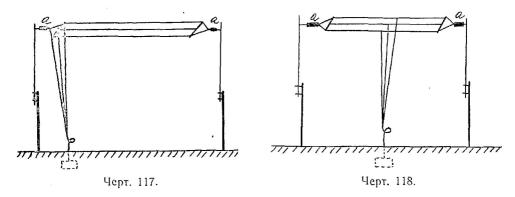
Телеграфированіе безъ проводовъ производится помощью электромагнитныхъ волнъ, которыя возбуждаются воздушною сътью передающей станціи и распространяются вдоль поверхности земли концентрическими кругами по отношенію къ излучающей съти, со скоростью свъта, т. е. 3.10<sup>8</sup> метра въ секунду. Въ воздушной съти пріемной станціи, попадающей въ сферу дъйствія проходящихъ электромагнитныхъ волнъ, индуктируются токи, которые обнаруживаются особыми чувствительными приборами.

На каждой станціи нормально устраивается одна воздушная съть, называемая излучающей сътью или антенной, которая служить какъ для передачи телеграммъ, такъ и для ихъ пріема. Въ простъйшемъ случать антенна состоитъ изъ одиночнаго провода, подвъшеннаго къ мачтъ на изоляторахъ, пижній конецъ котораго надежно соединенъ съ землей. Емкость одиночнаго провода не велика, а въ виду этого не велика сила тока въ проводт, а, слъдовательно, и дальность передачи. Для увеличенія емкости антенны, ее составляютъ изъ нъсколькихъ, удаленныхъ другъ отъ друга проводовъ.

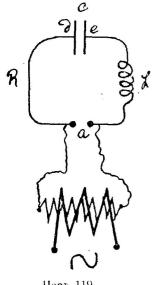
Антенны большихъ станцій имъютъ сложную форму. На черт. 117 показана  $\Gamma$ —образная форма антенны, на черт. 118— $\Gamma$ —образная форма. На упомянутыхъ чертежахъ буквами  $\alpha\alpha$  обозначены изоляторы высокаго напряженія.

Для образованія электромагнитных волнъ вокругъ антенны, необходимо возбудить колебанія электрической энергіи въ самой антеннѣ. Если составить цѣпь изъ искроваго промежутка a (черт. 119), изъ конденсатора съ емкостью C и самоиндукціи L, при чемъ цѣпь обладаетъ омическимъ сопротивленіемъ R, и приклю-

чить искровой промежутокъ къ источнику перемѣннаго тока высокаго напряженія, напримъръ вторичной обмоткъ трансформатора, то, при достиженіи напряженія между электродами искрового промежутка величины, достаточной для преодолбнія сопротивленія



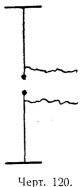
воздуха упомянутаго промежутка, въ промежуткъ проскочитъ искра и накопившаяся въ цъпи энергія начнетъ разряжаться черезъ искровой промежутокъ. Если при этомъ величины C, L и Rудовлетворяютъ неравенству  $R^2 \, C < 4 \, L$ , то какъ показываетъ



Черт 119.

изслъдованіе уравненія электрической энергіи въ разсматриваемой цѣпи, разрядъ будетъ колебательный, т. е. зарядъ, сосредоточенный, напримъръ, на пластинъ д конденсатора, перейдетъ на пластину e зат $\pm$ мъ обратно на пластину d и т. д., при чемъ вели-

чина заряда будетъ съ каждымъ колебаніемъ уменьшаться, вслъдствіе расхода энергін въ воздушномъ промежуткъ на нагръваніе воздуха и другихъ потерь. Если пластины конденсатора начать удалять другъ отъ друга до полнаго выпрямленія ціти въ прямой проводъ (черт. 120), то условія колебанія сохранятся тъ же и лишь уменьшится емкость цъпи.



Въ цъпи, состоящей только изъ провода, зарядъ при каждомъ період в колебанія, дойдя до конца провода, отражается отъ конца провода и направляется къ другому концу провода, отражается отъ послъдняго и т. д. Такимъ образомъ, на концахъ провода

будетъ появляться періодически накопленіе заряда, а, слѣдовательно, появляться наибольшее напряженіе. Въ серединѣ же провода напряженіе остается равнымъ нулю. Наоборотъ, токъ будетъ достигать періодически наибольшей своей величины въ серединѣ

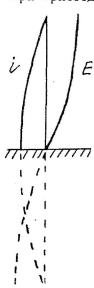
провода, а по концамъ его оставаться равнымъ нулю. Если по длинъ провода перпендикулярно къ нему от-

i / E Hepr. 121. ложить значенія наибольшихъ величинъ напряженія и тока, появляющіяся за періодъ колебанія энергіи, то кривая распредъленія тока и напряженія вдоль провода будутъ имъть впдъ, согласно черт. 121. Присоединеніе конденсатора с къконцу провода (черт. 122) измъняетъ распредъленіе тока и напряженія вдоль провода, такъ какъ въ мъстъ присоединенія провода къконденсатору извъстная величина тока проходитъ въконденсаторъ и обратно. Поэтому проводъ какъ бы искусственно удлиняется и кривыя тока



Черт. 122.

i и напряженія Е принимаютъ видъ, показанный на черт. 122. При присоединеніи провода къ очень большой емкости, какъ на-



Черт. 123.

примъръ къ землъ, длина провода какъ бы удваивается (черт. 123) и у земли токъ достигаетъ наибольшаго своего значенія, тогда какъ напряженіе въ этомъ мъстъ равно нулю. Указанное обстоятельство даетъ возможность при устройствъ заземленныхъ антеннъ изолировать только верхнюю часть антенны.

Каждый періодъ колебанія энергіи въ проводъ (измъненіе тока напряженія до  $+i_{\max}$  и  $+E_{\max}$  и затъмъ до  $-i_{\max}$  и  $-E_{\max}$ ) сопровождается излученіемъ части этой энергіи въ пространство, окружающее проводъ, въ видъ электромагнитной волны, которая удаляется во всъ стороны отъ провода со скоростью, какъ выше было указано, приблизительно въ 300.000 км. въ сек.

Число періодовъ n колебанія энергіи опредъляется, какъ показываетъ изслѣдованіе уравненія энергіи конденсаторной цѣпи, согласно вы-

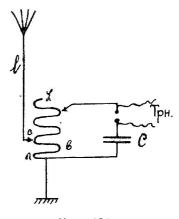
раженія  $n=\frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$ , гдъ L и C самоиндукція и емкость провода или вообще воздушной съти. Такъ какъ съть излу-

чаетъ въ секунду n электромагнитныхъ волнъ, а волны движутся со скоростью  $v=3.10^{\rm s}$  мет. въ сек., то длина волны  $\lambda$  опредълится въ  $\frac{v}{n}$  или

$$\lambda = 2 \pi v \sqrt{LC}$$
.

Въ настоящее время для телеграфированія примъняются волны длиной въ 600—2.000 метровъ и болъе. Возбужденіе колебаній въ излучающей съти (антеннъ) помощью включенія искрового промежутка непосредственно въ съть сопровождается большими потерями энергіи въ иззванномъ промежуткъ и, благодаря большому сопротивленію этого промежутка, амплитуда колебаній быстро уменьшается, т. е. колебанія быстро затухаютъ. Для избъжанія этого Браунъ предложилъ схему включенія искрового промежутка въ вспомогательную цъпь, связываемую индуктивно съ воздушною цъпью (черт. 124). Электрическія колебанія въ вспо-

могательномъ контуръ съ емкостью C и самоиндукцій L, возбуждаемыя при проскакиваніи искры въ искровомъ промежуткъ, возбуждаютъ колебанія въ излучающей съти l при помощи витковъ abc самоиндукціи L, являющихся общими для контура и для съти и какъ бы совмъщенными витками первичной и вторичной обмотки трансформатора. Для перехода изъ контура въ антенну наибольшаго количества энергіи необходимо, чтобы контуръ и антенна были настроены въ резонансъ, т. е. обладали однимъ и тъмъ же

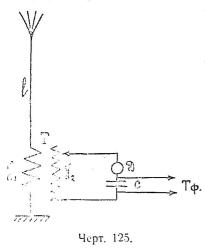


Черт. 124.

періодомъ колебаній. Это достигается соотвътствующимъ подборомъ самоиндукцій и емкостей. Недостаткомъ этой системы является возвратъ значительной части энергіи, переданной вспомогательнымъ контуромъ воздушной съти, обратно изъ съти въ контуръ, благодаря тому, что въ искровомъ промежуткъ послъ исчезновенія искры воздухъ остается іонизированнымъ и вслъдствіе этого сопротивленіе воздушнаго промежутка весьма малымъ, т. е. вспомогательная цъпь остается какъ бы замкнутой на короткую и токи въ антеннъ индуктируютъ токи въ цъпи.

Для обезпеченія возможно полнаго излученія сътью въ пространство энергіи, полученной изъ вспомогательной цъпи, въ новъйшихъ радіотелеграфныхъ станціяхъ примъняются искровые

разрядники, въ которыхъ сопротивленіе воздушныхъ промежутковъ возстанавливается почти немедленно послѣ исчезновенія искры. Эги разрядники составляются изъ мѣдныхъ, нзолированныхъ другъ отъ друга дисковъ съ промежутками между ними въ 0,15—0,2 мм. Для той же цѣли примѣняются разрядники съ вращающимися электродами. При этомъ трансформаторъ, къ вторичнымъ борнамъ котораго приключается разрядникъ, питается генераторомъ перемѣннаго тока съ числомъ періодовъ въ секунду отъ 300 до 500. При каждомъ повышеніи напряженія до максимума, что имѣетъ мѣсто два раза въ періодъ, въ разрядникъ проскакиваетъ искра, которая съ пониженіемъ напряженія, т. е. почти мгновенно,



тухиетъ. Въ періодъ существованія искры энергія вспомогательной цѣпи передается въ воздушную цѣпь и обратно вернуться не можетъ, такъ какъ цѣпь въ слѣдующее мгновеніе электрически уже разомкнуга. Энергія, переданная въ воздушную сѣть, начинаетъ колебаться съ такимъ числомъ періодовъ, которое присуще этой сѣти въ зависимости отъ ея самоиндукціи и емкости. Колебанія энергіи, благодаря, главнымъ образомъ, ея излученію, затухаютъ и прекращаются до появленія слѣдующей искры.

Такимъ образомъ, каждой искръ отвъчаетъ посылка сътью пачки слабо затухающихъ электромагнитныхъ волнъ.

Электромагнитныя волны, достигнувъ гоздушной съти принимающей станціи, индуктирують въ этой съти, при условіи настройки ея въ резонансь съ сътью передающей станціи, электрическія колебанія, когорыя затьмъ обнаруживаются особо чувствительными приборами, называемыми детекторами. Детекторъ включается въ особую вспомогательную цъпь (черт. 125), связанную индуктивно (помощью воздушнаго трансформатора T) въ воздушною сътью I. C — блокирозочный конденсаторъ,  $T\phi$  — телефонъ, помощью котораго воспринимается передаваємая телеграмма. Въ систе вахъ, работающих в слабо затухающими волнами, примъннотся детекторы венгильнаго дъйствія, т. е. пропускающіе токъ только одного направленія. Благодаря этому свої ству детектора, перемънюе напряженіе, возникающее подъ дъйствіемъ колебаній въ автеннъ, на концахъ катушки  $L_2$  (вторичная обмотка транс-

форматора T) приводитъ къ появленію въ цѣпи пульсирующаго тока, проходящаго по обмоткамъ телефона, включеннаго параллельно блокировочному конденсатору.

Телеграфный ключъ для подачи телеграммъ включенъ въ первичную цъпь трансформатора. Въ то время, когда ключъ нажатъ, алтенна излучаетъ пачки электромагнитныхъ волнъ. Каждая пачка на пріемной станціи вызываетъ, вслъдствіе быстроты колебаній въ пачкъ, только одно притяженіе мембраны телефона. Такъ какъ число пачекъ отвъчаетъ числу искръ и равно удвоенному числу періодовъ генератора, а число періодовъ можетъ быть установлено въ предълахъ отъ 300 до 500, то мембрана телефона пріемной станціи будетъ колебаться такое число разъ въ секунду, которое отвъчаетъ музыкальному тону. Протяжный тонъ отвъчастъ тире, короткій точкъ. Въ современныхъ станціяхъ пріемъ телеграммъ производится почти исключительно на слухъ.

## Телефонія.

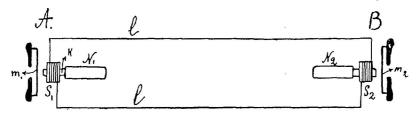
Ръчь состоитъ изъ звуковъ. Звукъ представляетъ собою колебательное движеніе воздуха. Эти колебанія, дойдя до барабанной перепонки, приводять ее также въ колебательное движеніе, вслъдствіе чего раздражается слуховой нервъ, вызывающій въ мозгу впечатльніе звука. Гельмгольцъ указалъ на то, что ухо разлагаетъ принятыя колебательныя движенія на простыя гармоническія (синусоидальныя) колебанія. Такимъ образомъ, синусоидальная волна представляетъ собой составную часть каждаго звука. Въ звукъ необходимо различать три качества: 1) высоту звука, зависящую исключительно отъ частоты колебаній, 2) силу звука, зависящую отъ амплитуды колебаній и 3) тембръ, зависящій отъ характера и формы колебаній.

### Телефонъ.

Для передачи рѣчи необходимо сохранить характеръ колебаній. Телефонъ осуществляетъ эту задачу электрическимъ путемъ. Мембрана передающаго аппарата приходитъ въ колебаніе соотвѣтственно звукамъ передаваемой рѣчи. Колебанія мембраны превращаются нижеуказанными способами въ импульсы тока такой силы, частоты и послѣдовательности, которые отвѣчаютъ сноусоидальнымъ колебаніямъ передаваемыхъ звуковъ. Импульсы тока передаются по проводамъ въ пріемный аппаратъ, мъмбрана котораго при посредствѣ электромагнита, возбуждаемаго упомянутыми импульсами тока, приходитъ въ колебательное движеніе, аналогичное движенію передающей мембраны, и воспроизводитъ, дѣйствуя на прилегающій къ ней воздухъ. передаваемую рѣчь.

Изобрътателемъ телефона является Белль. Телефонъ въ простъйшемъ своемъ видъ показанъ на черт. 126. Аппараты переговаривающихся станцій A и B состоитъ каждый изъ постояннаго

магнита N съ помѣщеннымъ на его концѣ кускомъ мягкаго желѣза k, который служитъ сердечникомъ для катушки s. Обмотка этой катушки включена въ линейную цѣпь ll. Передъ катушкой s находится мембрана m. При передачѣ рѣчи мембрана m подъ дѣйствіемъ звуковыхъ волнъ приходитъ въ колебаніе. Приближеніс мембраны къ сердечнику k, уменьшая магнитное сопротивленіе цѣпи магнитнаго потока, исходящаго изъ постояннаго магнита N, усиливаетъ этотъ потокъ. Удаленіе же мембраны отъ сердечника k, наоборотъ, вызываетъ ослабленіе магнитнаго потока. Измѣненіе силы магнитнаго потока возбуждаетъ въ обмоткѣ катушки s электродвижущую силу, при чемъ при усиленіи магнит-



Черт. 126.

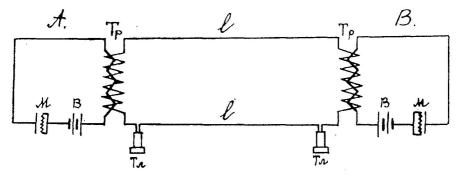
наго потока электродвижующая сила возбуждается одного направленія, а при ослабленіи магнитнаго потока—противоположнаго направленія. Величина электродвижущей силы зависить оть величины измѣненія магнитнаго потока, а форма кривой ея измѣненія оть быстроты измѣненія силы магнитнаго потока. Вслѣдствіе появленія въ линейной цѣпи, состоящей изъ линейиыхъ проводовъ ll и обмотокъ катушекъ  $s_1s_2$  обоихъ аппаратовъ, электродвижущей силы, перемѣнной по направленію, величинѣ и формѣ, въ названной цѣпи появляется перемѣнный токъ, слѣдующій за измѣненіями электродвижущей силы. Этотъ токъ, вызывая черезъ посредство катушки  $s_2$  принимающаго аппарата усиленіе и ослабленіе магнита  $N_2$ , заставляетъ мембрану  $m_2$  колебаться подобно мембранѣ  $m_1$  и воспроизводить передаваемую рѣчь.

#### Микрофонъ.

Дальность передачи при описанномъ устройствъ, однако, очень незначительна, такъ какъ сопротивленіе R линейныхъ проводовъ значительно и возрастаетъ съ удлиненіемъ линіи передачи, а индуктируемая электродвижущая сила E, вслъдствіе незначи-

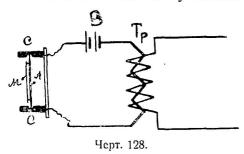
тельности измѣненія магнитнаго потока, очень мала, Такимъ образомъ, и токъ въ линейной цѣпи  $I=\frac{E}{R}$  также малъ и при увеличеніи длины линіи ll можетъ оказаться недостаточнымъ для приведенія въ надлежащее колебаніе мембраны.

Для возможности телефонированія на большія разстоянія примъняется для передачи разговора вспомогательная цъпь, сиаб-



Черт. 127.

женная самостоятельнымъ источникомъ электродвижущей силы, а именно, батареей B (черт. 127). Въ эту цъпь включается послъдовательно съ батареей первичная обмотка повышающаго трансформатора и приборъ M, называемый микрофономъ. Микрофонъ представляетъ собой контактъ съ перемъннымъ сопротивленіемъ. Онъ изготовляется изъ угольныхъ палочекъ или изъ угольнаго



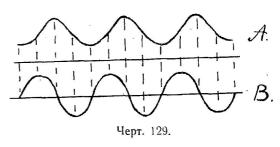
порошка и находится подъ дъйствіемъ мембраны, которая при своихъ колебаніяхъ сжимаетъ и разжимаетъ угольные палочки или порошокъ. При сжатіи контакта сопротивленіе его уменьшается, при освобожденіи увеличивается. Въ простъйшемъ своемъ видъ микро-

фонъ изъ угольныхъ палочекъ изображенъ на черт. 128. M—мембрана, прикръпленная къ вертикальной угольной палочкъ A, CC—угольныя колодки, между которыми свободно вставлена палочка A.

При уменьщеніи сопротивленія контакта токъ въ цѣпи увеличивается и, обратно, при увеличеніи сопротивленія токъ уменьшается. Колебанія мембраны вызываютъ, слѣдовательно, въ цѣпи пульсирующій волнообразный токъ прямого направленія (черт.

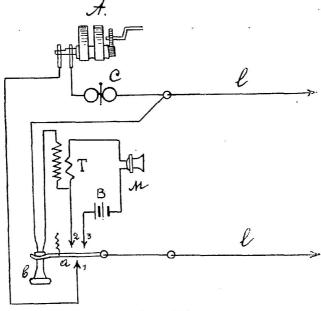
129 А). Подъ дъйствіемъ этого тока магнитный потокъ въ сердечникъ трансформатора Tp (черт. 128) то усиливается, то ослабляется. Измъненія же величины магнитнаго потока возбуждаютъ во вторичной обмоткъ электродвижущую силу перемъннаго на-

правленія (129 В). Подбирая соотв'ятствующимъ образомъ число витковъ въ первичной и вторичной обмоткахъ трансформатора, можно преобразовать низкое напряженіе батареи B въ высокое напряженіе перем'яннаго тока,



достаточное для преодолънія сопротивленія линейной цъпи и полученія въ ней такой силы тока, при которой ясность ръчи въ пріемномъ аппаратъ будетъ обезпечена. Телефоны  $T.\iota$  включаются въ линейную цъпь (черт. 127).

Въ схемахъ, показанныхъ на черт. 127 и 128, микрофо батарея B замкнута на себъ черезъ микрофонъ и первичную сб-



Черт. 130.

мотку трансформатора, что сопряжено съ быстрымъ израсходованіемъ батареи. Для сохраненія батареи поэтому необходимо микрофонную цъпь держать нормально въ разомкнутомъ состоя-

ніи и замыкать ее при передачѣ разговора. Достигается это при помощи переключателя въ видѣ рычага a (черт. 130), на концѣ котораго вѣшается телефонная трубка b. При разговорѣ трубка снимается, а рычагъ a поднимается подъ вліяніемъ пружины вверхъ и замыкаетъ микрофонную цѣпь.

Для вызова пріемной станціи необходимо включать въ линейную цѣпь звонокъ, а на передающей станціи индукторъ, помощью котораго звонокъ приводится въ дѣйствіе. А такъ какъ каждая станція является и передающей и принимающей, то звонокъ и индукторъ должны быть включены въ линейную цѣпь на каждой станціи. Включеніе этихъ приборовъ, однако, значительно увеличиваетъ сопротивленіе линейной цѣпи и ослабляетъ ясность передачи. Устраняется это тѣмъ, что при подъемѣ рычага а вверхъ, звонокъ и индукторъ или выключаются изъ цѣпи или шунтируются короткимъ замыканіемъ.

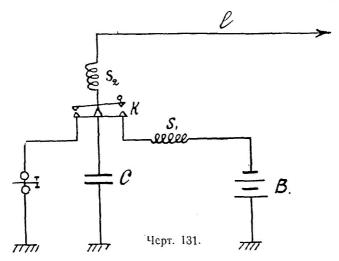
На черт. 130 показана полная схема телефонной станціи. Когда телефонная трубка висить на рычагь a, въ линейную цѣпь ll включены индукторь A и звонокь C, черезъ посредство контакта 1 и рычага a. При снятіи трубки b рычагь a, подымаясь вверхь, размыкаеть контакть 1 и выключаеть, слѣдовательно, индукторь и звонокъ. Въ то же время рычагомъ a смыкаются контакты 2 и 3 и замыкается микрофонная цѣпь, при чемъ телефонь b и вторичная обмотка трансформатора включаются въ линейную цѣпь ll черезъ посредство контакта 2 и рычага a.

# Одновременное телеграфированіе и телефонированіе по одному проводу.

Использованіе телеграфныхъ проводовъ для одновременнаго по нимъ телефонированія представляется весьма существеннымъ вообще и въ особенности въ желѣзнодорожномъ дѣлѣ, благодаря, съ одной стороны, наличію вдоль желѣзнодорожныхъ линій большого количества телеграфныхъ проводовъ, съ другой—вслѣдствіе важности телефонныхъ сношеній для регулированія желѣзнодорожнаго движенія.

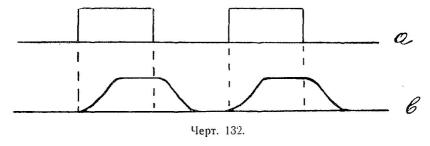
При этомъ, однако, приходится считаться съ индукціей телеграфнаго провода на телефонный, благодаря которой въ телефонъ при работъ телеграфнаго аппарата получается такой сильный трескъ, что разговоръ по телефону становится невозможнымъ. Обусловливается это тъмъ, что при замыканіи телеграфнаго тока онъ быстро возрастаетъ отъ  $\theta$  до нормальнаго значенія. Въ параллельно идущей телефонной цъпи въ это время индукти-

руется электродвижущая сила, пропорціональная коэффиціенту взаимоиндукціи M между объими цъпями и быстротъ наростанія телеграфнаго тока, т. е.  $\frac{di}{dt}$ , гдъ i сила тока во время его измѣненія. Чъмъ быстръе наростаніе тока въ телеграфной цъпи, тъмъ больше индуктируемая электродвижущая сила въ телефонной цъпи и, слъдовательно, вредный токъ въ той же цъпи. Мъры для уменьшенія коэффиціента взаимоиндукціи будутъ указаны ниже. Что касается замедленіе наростанія телеграфнаго тока, то это достигается, съ одной стороны, включеніемъ въ телеграфную линію послъдовательно катушекъ самоиндукціи, состоящихъ изъ витковъ изъ изолированной проволоки и желѣзнаго сердечника

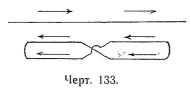


для увеличенія самоиндукціи витковъ, съ другой стороны включеніемъ конденсаторовъ, параллельно телеграфной батареѣ. Возможно и одновременное примѣненіе обоихъ приспособленій. Схема ихъ включеній показана на черт. 131. При замыканіи телеграфнаго ключа K токъ изъ батареи B устремляется черезъ обмотку индукціонной катушки  $S_1$ . Появленіе въ этой обмоткѣ тока вызываетъ появленіе въ сердечникѣ катушки магнитнаго потока, наростающаго одновременно съ токомъ. Но съ другой стороны измѣненіе магнитнаго потока индуктируетъ въ обмоткѣ электродвижущую силу, противодѣйствующую наростанію тока. При размыканіи тока происходитъ обратное явленіе, т. е. индуктируемая въ обмоткѣ, благодаря уменьшенію магнитнаго потока, электродвижущая сила стремится продлить токъ. Такимъ образомъ, измѣненіе тока по времени вмѣсто изображеннаго на черт. 132 a принимаетъ видъ, показанный на черт. 132 b.

Что касается конденсатора C, то прп замыканін ключа K токъ изъ батареи B сначала устремляется на зарядку конденсатора, а затъмъ постепенно наростаетъ въ линіи. При размыканіи



цъпи зарядъ конденсатора устремляется въ линію, замедляя его исчезновеніе. Катушки самоиндукціи, примъняемыя для вышеуказанной цъли, носятъ названіе градуаторовъ, а комбинація этихъ катушекъ съ конденсаторомъ, согласно черт. 131, предложенная Риссельбергомъ, названа имъ анти-индукторомъ. При одновременномъ телефонированіи по телеграфнымъ проводамъ,



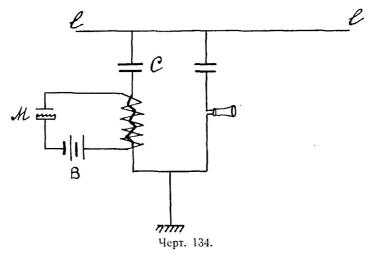
телеграфные провода снабжаются градуаторами, конденсаторами или антииндукторами, телефоны же и микрофоны включаются черезъ посредство конденсаторовъ, какъ показано на черт. 133. Благодаря этимъ конденса-

торамъ телеграфные токи не могутъ попасть ни въ телефонную, ни въ микрофонную цѣпь. Телефонные же перемѣнные токи, благодаря большой ихъ частотѣ, встрѣчаютъ большое сопротивленіе въ самоиндукціи градуаторовъ и обмотокъ электромагнитовъ телеграфныхъ аппаратовъ и, наоборотъ, свободно проходятъ черезъ конденсаторы, вслѣдствіе чего обезпечивается телефонная передача.

## Телефонныя линіи.

Для образованія линейной цъпи, соединяющей между собою телефонные аппараты двухъ станцій, необходимо примъненіе или двухъ проводовъ, или одного провода и земли, замъняющей, какъ и въ телеграфныхъ цъпяхъ, второй проводъ. Такимъ образомъ, телефонныя линіи бываютъ двухъ типовъ: однопроводиыя и двухпроводныя. Однопроводныя линіи имъютъ преимущество передъ двухпроводными въ отношеніи большей дешевизны, благодаря экономіи на одномъ проводъ. Съ другой стороны, однако, одно-

проводныя линіи подвержены въ значительно большей степени постороннимъ вліяніямъ, искажающимъ передаваемую рѣчь и вызываемымъ колебаніями провода въ магнитномъ полѣ земли, разностью потенціаловъ въ точкахъ заземленія провода, индукціей сосѣднихъ проводовъ и проч. Поэтому телефонныя линіи устраиваются преимущественно двухпроводными. На телефонную передачу весьма вредно отражается емкость и самоиндукція проводовъ. Емкость воздушныхъ проводовъ весьма незначительна и при разстояніяхъ передачи до 1.000 км. емкостью проводовъ практически можно пренебрегать. Наоборотъ, самоиндукція воздушныхъ проводовъ значительна и поэтому сильно вліяетъ на дальность телефонной передачи. Ея вліяніе выражается, съ одной



стороны, въ уменьшеніи амплитуды передаваемыхъ токовъ, съ другой — въ изм'вненіи фазы этихъ токовъ, при чемъ на токи большей частоты это вліяніе больше, нежели на токи бол'ве низкихъ частотъ. А такъ какъ токи передаютъ звуки, а ихъ частота отвъчаетъ высотъ звука, то въ результатъ получается неодинаковое искаженіе звуковъ, усиливающее искаженіе ръчи.

Коэффиціенть самоиндукціи желѣзнаго провода <sup>1</sup>) значительно больше, нежели мѣднаго <sup>2</sup>), благодаря большому коэффи-

$$L = 2 l \left( \lg n \frac{2 l}{r} - 1 + \frac{\mu}{4} \right)$$

Коэффиціентъ самоиндукціи мъднаго провода

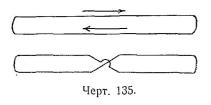
$$L = 2 l \left( \lg n \frac{2 l}{r} - 0.75 \right).$$

<sup>1)</sup> Коэффиціентъ самоиндукціи желъзнаго провода

 $<sup>^{2}</sup>$ ) l-длина провода, r-его радіусъ,  $\mu$  коэффиц. магпитн. проницаемости.

ціенту магнитной проницаемости жельза, обусловливающему появленіе вокругъ проходящаго по проводнику тока въ жельзномъ проводь значительно большее число магнитныхъ линій силъ, чъмъ въ мъдномъ. Большая самоиндукція жельзныхъ проводовъ сокращаетъ дальность телефонной передачи по сравненію съ мъдными проводами болье, чъмъ въ 3 раза. При мъдныхъ проводахъ телефонированіе возможно въ предълахъ около 1.000 км.

Вліяніе взаимоиндукціи отдъльныхъ линейныхъ цъпей имъетъ существенное значеніе на телефонную передачу. При появленіи или измъненіи тока въ одной изъ цъпей въ другой цъпи, распо-



ложенной рядомъ съ первой, индуктируется токъ, который будетъ тъмъ сильнъе, чъмъ больше индуктирующій токъ и чъмъ ближе расположены объ цъпи. Вліяніе однопроводной цъпи на одно проводную весьма велико и ощущается даже

при удаленіи цѣпей, идущихъ параллельно на протяженіи 1 км., болѣе, чѣмъ на 300 метровъ другъ отъ друга. Вліяніе однопроводной цѣпи на двупроводную, а также двупроводной на двупроводную значительно меньше и можетъ быть доведено до практически безвредной величины, путемъ устройства перекрещиваній двупроводныхъ линій, какъ то показано для перваго случая на черт. 134 и для второго случая на черт. 135. И въ томъ и въ другомъ случаѣ электродвижущія силы, индуктируемыя въ каждомъ изъ двухъ перекрещиваемыхъ проводовъ равны по величинѣ и противоположны по знаку и поэтому, компенсируясь, ие даютъ возможности появиться въ цѣпи индуктивному току.

### ОПЕЧАТКИ.

	Стран.	C	трока		Напечатана	Долясно бышь
	85	14	снизу		$E' = -\frac{dN}{dt}.$	$E' = -\frac{dN'}{dt}.$
	85	12	11		$-\frac{dN^t}{dt} = N \omega \cos \alpha 10^{-5}.$	$-\frac{dN^{t}}{dt} = -N \omega \cos \alpha 10^{-8},$
	85	10	33		$E' = N \omega n \cos \omega 10^{-8},$	$E' = -N \otimes n \cos \alpha 10^{-1}$
	86	4	"		большемъ,	большемъ или меньшемъ.
	87	12	"		$e_1$ $i_1$ ,	$e_1 \ i_1$ (практически сs $\varphi = 1$ въ виду незначительности $i_\mu$ по сравненію съ $i_1$ ),
	88	6	33		Такъ	Такъ какъ
	89	4	сверху		меньшемъ,	большемъ или меньшемъ,
	95	7	11	l.		
	95	9	35		u i	$e_2 i_2 \operatorname{cs} \varphi_2$
	95	11	**	1	$e_2 \ i_2$	62 12 CS 43
	95	12	<b>&gt;</b> >	)		ž a
	95	7	,,	ì		
	95	11	*			
	95	17	37	1	$e_1 i_1$	$e_1 i_1 \operatorname{cs} \varphi_1$
	95	17	33			
	95	18	**	1		
,	95	10	снизу		$i_2$ ,	$i_1$ ,
	96		сверху		экономическими	омическими
	106	2	31		тонъ	тоннъ
	10 <b>6</b>	6	17		чартежъ	чертежъ
	111	5	,,		опредъляется,	опредъляются,.
	121	8	n		$i_2$	$i^2$
	121		снизу		$i_2$	$i^2$
	124		сверху		напряженіе	напряженіи
	129		снизу		главной цъпи	отвътвленіи
	138	8	33		$c_2$ ,	$c_1$ ,